

## Iztapalapa División de Ciencias Básicas e Ingeniería

## "Modelado de sólidos mesoporosos y de fenómenos de sorción de nitrógeno"

## Tesis para obtener el grado de Doctor en Ciencias

Aspirante: Salomón Cordero Sánchez

Asesores: Dr. Fernando Rojas González Dr. José Luis Ricardo

México, D.F. Julio de 2002.





#### Iztapalapa

### DIVISION DE CIENCIAS BASICAS E INGENIERIA

# "Modelado de sólidos mesoporosos y de fenómenos de sorción de nitrógeno"

Tesis para obtener el grado de Doctor en Ciencias

Aspirante: Salomón Cordero Sánchez

Asesores: Dr. Fernando Rojas González

Dr. José Luis Ricardo

México, D.F. Julio del 2002.

### **Tabla de Contenido**

I IN	TRODUCCION	4
I.1	Tipos de medios porosos	4
I.2	Caracterización de medios porosos	5
I.3	Modelización de medios porosos	5
I.3	•	
I.3		
I.4	Modelos reproductores del espacio poroso	8
I.5	Proposición de objetivos	
I.5	1 Objetivos generales	.10
I.5	2 Objetivos particulares	.10
II MO	DDELO DUAL Y FENOMENOS CAPILARES	.11
II.1	Modelo Dual	.11
II.1	.1 Conceptos básicos	.11
II.1	.2 Aproximación general del modelo dual	.12
II.1	.3 Incorporación de características reales de medios porosos al modelo dual	.13
II.1	.4 Modificación de leyes de autoconsistencia y función de correlación	.16
II.1	.5 Simulación de redes porosas	.17
II.2	Sorción de N <sub>2</sub> a 77 K en materiales mesoporosos	.18
II.2	Procesos de llenado y vaciado de N <sub>2</sub> a nivel de poro	.20
II.2	Interacciones entre poros por efectos de red durante el llenado	.21
II.2		
II.2	Efectos de red durante el proceso de vaciado	.24
II.2	2.5 Clasificación de estructuras porosas de acuerdo al modelo dual	.25
II.2	2.6 Algoritmo de simulación de sorción de N <sub>2</sub> a 77 K	.26
III I	RESULTADOS Y DISCUSION DE LA TOPOLOGIA DE REDES POROSAS	.28
III.1	Resultados	.28
III.	1.1 Construcción de redes	.28
III.	1.2 Parámetros topológicos	.29
III.	1.3 Caracterización del tamaño de las zonas de coexistencia de elementos de	
tan	naño similar	.30
III.	1.4 Caracterización de la distribución de tamaños y conectividades a través de las	3
red	es 31	
III.	1.5 Caracterización de los tamaños sitios y enlaces en redes con $\overline{C}$ =6	.33
III.2	Discusión	.33
III.	2.1 Correlación entre tamaños de elementos	.33
III.	2.2 Distribución de tamaños y conectividades	.39
III.	2.3 Topologias típicas	.42
III.3	Tablas de resultados	.43
III.4	Figuras de resultados	
III.5	Gráficos	.64
	RESULTADOS Y DISCUSIÓN SOBRE SORCIÓN DE NITRÓGENO: PARTE 1:	
CLIDAY	SIMITES	03

	IV.1	Estructuras derivadas de una red	.93
	IV.1	.1 Elementos no interconectados	.93
	IV.1	.2 Colección de multiplexes	.93
	IV.2	Parámetros estadísticos	.94
	IV.2	2.1 Parámetros puntuales	.94
	IV.2	2.2 Factor de llenado asistido	.94
	IV.2	2.3 Factor de bloqueo	.95
	IV.2		
	IV.3	Redes analizadas	.96
	IV.4	Discusión	.96
	IV.4	1.1 Condenación capilar	.96
	IV.4		
	IV.4		
	IV.4	1.4 Gráficos de resultados	
V	RES	SULTADOS Y DISCUSIÓN SOBRE SORCIÓN DE NITRÓGENO: PARTE 2:	
3 <i>A</i>	RRID	OS PRIMARIOS	131
	V.1	Redes estudiadas	131
	V.2	Ecuaciones para el factor de bloqueo en un barrido primario descendente1	131
	V.3	Ecuaciones para el factor de llenado asistido en un barrido primario ascendente1	132
	V.4	Resultados	132
	V.4.	1 Barridos	132
	V.4.	2 Factores de bloqueo y de llenado asistido	132
	V.5	Discusión1	132
	V.5.	1 Barridos descendentes	132
	V.5.	2 Barridos ascendentes	133
	V.5.	3 Factores de llenado asisitido	134
	V.5.	4 Factores de bloqueo1	134
	V.6	Gráficos1	135
VΙ	C	ONCLUSIONES Y PERSPECTIVAS	140
VΙ	I R	EFERENCIAS1	141

#### I INTRODUCCION

Los medios porosos desempeñan un papel fundamental en diferentes aplicaciones tecnológicas: principalmente como adsorbentes, como catalizadores en la catálisis heterogénea y en procesos de separación de tipo químico, donde se utilizan como filtros o tamices. Su característica fundamental como materiales es su singular estructura, la cual consiste de poros o huecos generalmente interconectados a manera de red dentro de una matriz sólida. Grandes avances se han logrado en cuanto a la extensión de sus aplicaciones, puesto que día con día aparecen en medios de difusión científico nuevas aplicaciones tecnológicas de estos materiales; también grandes avances se han logrado en el campo del diseño de sus estructuras, puesto que actualmente existen técnicas científicas novedosas que permiten controlar sus porosidades, conectividades, áreas superficiales y tamaños de poros. Podría decirse que es posible sintetizar un medio poroso a la medida de las necesidades. Sin embargo, poco avance se ha logrado en el entendimiento de los mecanismos fisicoquímicos verificados en sus aplicaciones. Actualmente, un problema abierto resulta la adecuada caracterización y descripción de la estructura de estos materiales. Esto resulta un aspecto clave para entender y predecir las aplicaciones de estos materiales.

#### I.1 Tipos de medios porosos

Una de las clasificaciones más útiles es la propuesta por Dubinin, que se basa en el tamaño de poros [1-2]. De acuerdo a esta clasificación existen tres clases de medios porosos: los microporos, que consisten de poros de tamaños menores a 20 Å; los mesoporos que poseen poros de tamaños entre 20 y 500 Å; y los macroporos, que se encuentran formados por poros mayores a 500 Å.

En el campo de la síntesis y caracterización sobresalen 3 categorías de medios porosos: los Tamices moleculares formados por óxidos, los Carbones activados y los Oxidos formados a partir del proceso sol gel.

Existen tres clases principales de tamices moleculares: las zeolitas, los sólidos pilareados y los materiales M41S. Las Zeolitas son materiales de tipo microporoso que consisten de un arreglo cristalino de aluminosilicatos con carga negativa [3]. Estos óxidos pueden utilizarse como membranas que permiten la adsorción de moléculas de tamaño pequeño, como el agua y el metanol, y que excluyen otras de mayor tamaño como el benceno y el eter. Se caracterizan además, por distribuciones de tamaños de poros angostas y por áreas superficiales y volúmenes de poros de magnitudes elevadas. Tienen un uso extendido en la industria petroquímica como catalizadores y adsorbentes [4].

Los sólidos pilareados son materiales no cristalinos con poros de tipo micro y mesoporos, han probado su utilidad como adsorbentes y catalizadores. Se componen de capas formadas por óxidos, las cuales se encuentran separadas por medio de pilares de naturaleza inorgánica [5]. El un espaciamiento entre sus capas es variable y sus distribuciones son amplias y abarcan una gran gama de tamaños [6-8], a diferencia de las zeolitas, que poseen distribuciones de tamaños estrechas.

Los sólidos M41S son tamices moléculares de naturaleza mesoporosa, uno de sus principales atributos es la naturaleza de sus distribuciones de tamaños de poros, las cuales son angostas. Estos sólidos fueron recientemente sintetizados mediante un método que involucra la calcinación de geles de aluminosilicatos en la presencia de surfactantes [9-10]. Sus

estructuras consisten de arreglos regulares formados por canales de tamaño uniforme y forma cilíndrica.

Los carbones activados son de tipo microporoso, poseen una gran capacidad de adsorción y han sido utilizados de manera extensiva como soportes catalíticos en diversas reacciones químicas [11-15]. Se componen de placas irregulares formadas por arreglos hexagonales de carbono intercaladas a manera de red [16]. Se sintetizan mediante los procesos de carbonización y activación [17] de una gran diversidad de materiales como la lignita, las antracitas, la madera, y ciertos precursores de tipo orgánico. Unas de las principales características de estos materiales son sus grandes valores de porosidad y de área superficial.

Los óxidos derivados del proceso sol-gel [18] son materiales con estructuras amorfas, no cristalinas de tipo mesoporoso. Se componen de poros de diferentes formas y la amplitud de sus aplicaciones se extiende desde su uso como adsorbentes y catalizadores, hasta su utilización como fibras, películas y polvos monodispersos [18].

#### I.2 Caracterización de medios porosos

El método de caracterización de mayor uso, actual e históricamente ha sido la adsorción de gases, particularmente el nitrógeno a 77K. A partir de esta técnica es posible determinar una gran cantidad de parámetros estructurales, por ejemplo, el volumen de poros, el área superficial y la distribución de tamaños de poros [19]. También, relacionando el valor de la densidad de la fase sólida, proporcionado con una técnica de picnometría, con el volumen de poros, es posible determinar el valor de la porosidad. Recientemente, han aparecido nuevas técnicas que permiten calcular además: el valor de la dimensión fractal [20-22] y el valor de la conectividad promedio de poros [23-25]. Existen también otras técnicas que permiten obtener información adicional o complementaria, además de la sorción de gases. Entre otras sobresalen: la porosimetría de mercurio, que permite el calculo de la distribución de tamaños de poros y aréa superficial; la difracción de rayos X, que permite determinar el tamaño de poros y el espesor de paredes entre poros; y la microscopía electrónica, que proporciona fotografías de secciones transversales de los sólidos.

#### I.3 Modelización de medios porosos

Uno de los problemas abiertos más importantes en el estudio de los sólidos porosos es la falta de un modelo que describa a satisfacción la complicada estructura de estos materiales. Un modelo adecuado sería aquel que tomará en cuenta las características topológicas esenciales del material en cuestión, como pueden ser, el tamaño y forma geométrica de los poros, sus conectividades, la rugosidad, etc. Además, globalmente debe de poseer los mismos valores de porosidad, área superficial, dimensión fractal, conectividad promedio, etc. Con este modelo sería posible poder predecir y entender los diferentes fenómenos de tipo fisicoquímico en los cuales toman parte los medios porosos, objetivo crucial en la ciencia de estos materiales.

La falta de un modelo se hace patente al revisar en los estudios actuales la forma como se calcula la distribución de tamaños de poros. Para calcular ese parámetro es necesario hacer dos suposiciones. Primero, que todos los poros del sólido poseen una forma geométrica constante, generalmente cilíndrica, y segundo, que los poros poseen ninguna conexión, es decir, que se encuentran no interconectados entre sí. Lógicamente, la mayoría de los sólidos no cumplen con las dos suposiciones anteriores. Sin embargo, diversos investigadores han propuesto modelos para describir la estructura, como se verá en los siguientes párrafos.

#### I.3.1 Teoría de los dominios independientes

Everett fue uno de los pioneros en la proposición de un modelo general que pudiera describir la forma de la histeresis asociada en un proceso de sorción. El modelo quedó propuesto bajo el nombre de "Teoría de los dominios independientes" [26-31]. En esta teoría se asume que un medio poroso se encuentra formado por poros o dominios accesibles al vapor a través de constricciones de un menor o igual tamaño al de los poros. La estructura total se encontraría formada por una familia de dominios de diferentes tamaños. De esta forma, cada dominio existiría caracterizado por dos presiones (dependiendo del tamaño del dominio y su constricción): una presión a la cual llenaría de condensado y otra presión a la cual vaciaría, siendo la presión del llenado siempre mayor o igual a la presión del vaciado. Las ventajas de este modelo consistieron en que reconocía por primera vez el espacio poroso compuesto no por uno sino por dos clases de elementos: el dominio y su constricción o ventana. Por otra parte, de una manera sencilla y accesible podía explicar la forma de la histeresis y las curvas de barridos primarios ascendentes y descendentes, mediante la utilización de ecuaciones que relacionaban el volumen adsorbido con las presiones de llenado y vaciado de los dominios. Sin embargo, el modelo no estudió a profundidad el caso de la interdependencia de dominios, es decir, la posibilidad de que las condiciones de llenado de los poros pudieran depender de los poros a los cuales se encuentran conectados. Cabe señalar, no obstante, que Everett explico la interdependencia proponiendo un factor de bloqueo de poros el cual se encontraba en función únicamente del volumen de condensado presente en la estructura.

#### I.3.2 Modelos de red

#### I.3.2.1 Redes no correlacionadas

Otra aportación importante fue el uso de los modelos de red. Con estos modelos se asume la interdependencia de los elementos que forman el espacio poroso. En particular sobresalen los trabajos en donde se utiliza la teoría de la percolación [32] para explicar la forma de la histeresis y para desarrollar ecuaciones con las que pueden calcularse parámetros de suma importancia como lo son la conectividad. Entre estos trabajos se encuentran las investigaciones realizadas por Mason [33-35],en donde con una red de Bethe formada por poros y gargantas se proponían ecuaciones que indicaban que la adsorción dependía fuertemente de la heterogeneidad de tamaños, en tanto que la desorción lo hacía fuertemente de la corectividad; también se inferían distribuciones de tamaños de poros a partir de las curvas ascendentes limites y primarias y se proponían ecuaciones que relacionaban la conectividad con la cantidad de vapor adsorbida en el umbral de percolación de una isoter ma.

Los trabajos de Neimark [36-37] enriquecieron el estudio de la adsorción verificada en los barridos primarios ascendentes y por otra parte introdujeron una descripción mucho más completa al incorporar una interdependencia entre poros adyacentes, tanto en los procesos de adsorción como en los de desorción; algo de suma importancia tomando en cuenta que en todos los demás trabajos citados en esta sección se asume que existe una interdependencia de los poros únicamente durante los procesos de desorción.

Los trabajos de Parlar y Yortsos [38-39] presentaron un estudio muy completo que describía los procesos verificados en las curves limites y en los barridos primarios, tanto ascendentes como descendentes, utilizando redes cuadradas de poros y gargantas y redes de Bethe con diferentes valores de Conectividad. Todo ese marco descriptivo permitió reproducir numéricamente las características esenciales de la curvas limites y los barridos encontrados en datos experimentales.

Finalmente, se tiene el caso de los estudios llevados acabo por Seaton et. al. [23-25, 40-42] los cuales son bastante relevantes, pues en estos se propuso un método estandarizado, basado en la teoría de la percolación, para determinar la conectividad de una estructura porosa a partir del análisis de datos de sorción de nitrógeno. Este método delimita su aplicación a los tipos de histeresis H1 y H2 de la clasificación de la IUPAC [43] y efectúa tres suposiciones: que todos los poros poseen una forma geométrica constante, que durante el proceso de llenado no existe interdependencia entre los poros y que el medio poroso puede representarse por una red tridimensional con un valor promedio de conectividad. El método parte del calculo de la distribución de tamaños de poros sobre la curva limite ascendente a partir de métodos basados en la ecuación de kelvin [44-46]; con los datos anteriores se calculan dos variables sobre varios puntos de la curva limite descendente: la fracción de poros que han evaporado y de aquellos que hubieran evaporado si todos tuvieran acceso al vapor. Los datos anteriores son transformados a variables en términos de la teoría de la percolación para formar un sistema de ecuaciones con el que se resuelve finalmente el valor de la conectividad de la red.

#### I.3.2.2 Redes correlacionadas

En todos los trabajos citados con anterioridad no se tomo en cuenta la correlación que pudiese existir entre los distintos tamaños de los poros adyacentes. De hecho, su efecto es minimizado en la mayoría de esos estudios. Por otra parte, tampoco se considera la posible interdependencia que pudiese existir entre los poros vecinos durante los procesos de llenado, la única excepción es, como se señaló, los trabajos de Neimark. Por ello, resultan relevantes los trabajos desarrollados por Mayagoitia y Zgrablich [47] y Payatakes [48], en los cuales se introdujo de manera sistemática (Zgrablich y Mayagoitia) o empírica (Payatakes) la correlación entre tamaños de elementos en una red porosa. Con esos modelos se pudo demostrar que la correlación entre poros puede afectar sensiblemente las formas de los loops de histeresis en un experimento de sorción de nitrógeno [49-50] y de las curvas de porosimetría de mercurio [50-51].

Los trabajos de Payatakes, aunque enfocados a la descripción de yacimientos petroleros, son relevantes por el hecho de utilizar redes porosas muy completas desde el punto de vista topológico: en los estudios se simulan redes formadas por dos tipos de elementos, cavidades y gargantas; se controla la conectividad promedio de las redes por medio de la remoción aleatoria del número de gargantas en cada sitio; se fija la porosidad variando la longitud de las gargantas de cada sitio; y de forma empírica se introducen correlaciones entre tamaños de elementos asignando tamaños a los poros de acuerdo al tamaño de sus vecinos. Por otra parte, se relacionan las características topológicas de las redes con la forma de las curvas de porosimetría de mercurio y se comparan los resultados con experimentos de intrusión y retracción de mercurio en micromodelos [52]. Sin embargo, aunque éstos estudios destacan por lo completo de sus investigaciones también lo hacen por el hecho de la falta de un marco conceptual apropiado (como es el caso de los estudios de Everett) y por no relacionar los resultados con una teoría tan completa como lo es la de la percolación.

Los trabajos de Mayagoitia y Zgrablich destacan por el desarrollo de un modelo de medio poroso (modelo dual) basado en las características topológicas esenciales de una red porosa. Describe a una red formada por dos tipos de elementos: los sitios (cavidades) y los enlaces (gargantas). Estos dos elementos poseen características topológicas diferentes: los sitios tiene un tamaño mayor o cuando mucho igual al de cualquiera de los enlaces a los que se conecta. A partir de esa ærtidumbre se desarrolla una función que describe la correlación

entre los tamaños. El formalismo y la sencillez del modelo han permitido la incorporación de los conceptos de la teoría de la Percolación [53-56], así como la descripción de fenómenos tan diversos como lo son: la sorción de nitrógeno [49-50], la porosimetría de mercurio [50], el desplazamiento inmiscible entre dos fases [57] y la desactivación catalítica [58]. En particular, el modelo ha permitido explicar en términos de la correlación entre los poros, la forma general de diferentes tipos de curvas de sorción de nitrógeno y de porosimetría de mercurio observadas en diferentes muestras experimentales. Sin embargo, los estudios han dejado de lado un parámetro topológico crucial, la conectividad, pués en todos los trabajos con este modelo, citados anteriormente, este parámetro permanece constante y no se asume que pueda influir en el desarrollo de los fenómenos estudiados. Tal y como lo han demostrado Seaton, Payatakes, Parlar y Yortsos, la conectividad resulta determinante, sobre todo en los procesos de intrusión de mercurio y de evaporación de nitrógeno. Además, los estudios llevados a cabo con el modelo dual han carecido de una confrontación rigurosa con experimentos. Esto es, la comparación de bs parámetros que describen la textura, propuestos en ecuaciones inferidas a través del modelo dual con aquellos encontrados directamente en muestras experimentales (esos parámetros serían la distribución de tamaños de poros, la conectividad promedio de poros, longitudes de correlación entre poros, etc.).

#### I.4 Modelos reproductores del espacio poroso

Aunque este trabajo se concentra en los modelos de redes, resulta importante señalar la aparición reciente de estudios en los cuales se describe el espacio poroso de un modo sustancialmente diferente a todos los trabajos anteriores. Los modelos de estos estudios pueden denominarse bajo el nombre de modelos reproductores del medio poroso, puesto que se basan en un modelo que reproduce o imita al máximo la forma del medio poroso en cuestión.

El primer antecedente son los trabajos desarrollados por Adler [59-60]. Su método de reconstrucción de medios porosos consiste en ajustar una función que describe todos los puntos del espacio poroso (esta función, llamada función de fase, puede tener dos valores: 1 si un punto del espacio pertenece al espacio poroso y cero para cualquier otra situación) a imágenes de un corte transversal arbitrario del medio poroso en cuestión. Este modelo supone que el espacio poroso es isotrópico y homogéneo. El método opera al ajustar numéricamente ecuaciones de la función de fase que describen la porosidad y correlación con los valores de esas variables encontradas directamente en la muestra, para posteriormente determinar todos los puntos del espacio poroso sobre el volumen de un cubo. Contribuciones importantes a este modelo han sido las investigaciones realizadas Por Adrover y Giona, [61] quienes extendieron la aplicación del método a medios porosos no homogéneos, i.e., aquellos que presentan una distribución no uniforme de la fracción del espacio poroso. También los trabajos desarrollados por Roberts [62], en donde se caracteriza el espacio poroso utilizando estadísticos de tercer y cuarto orden. El método de reconstrucción de medio porosos ha probado su utilidad para describir propiedades asociadas al flujo, como la conductividad, difusividad, permeabilidad, etc. [63-65, 60]. Sin embargo, el modelo no ha podido hasta ahora ser aplicado a la descripción de fenómenos en donde las interacciones entre el sólido y la fase adsorbida son importantes, como es el caso de la adsorción de gases.

Gracias al acceso reciente a computadoras de gran poder y al avance logrado en los Métodos de Monte Carlo [66] y de simulación molecular [67-68] han podido desarrollarse estudios que describen el fenómeno de adsorción de un gas en un medio poroso a través de un modelo que describe de manera muy realista la estructura porosa y las interacciones

moleculares (sólido-gas y gas-gas). Pioneros en este campo de estudio son los estudios realizados por MacElroy y Raghavan [69] y Kaminski y Monson [70]. En estos estudios se modela la estructura de silicas gel por medio de un arreglo de esferas rígidas bajo cierta configuración. Con ellos, se ha podido entender la enorme influencia que pueden ejercer sobre las propiedades termodinámicas de la fase adsorbida los efecos concurrentes de confinamiento, mojado y desorden de la estructura sólida [71-72]. Todos esos efectos pueden también determinar en gran medida, en algunos casos, la forma de los loop de histeresis [73-74]. Por último, se encuentran los trabajos desarrollados por Gubbins, en los cuales se reproduce con gran exactitud el espacio poroso. Con estos, se ha podido simular la estructura de Vidrios porosos [75-76] y carbones activados [77] y se ha podido profundizar en el entendimiento de los procesos de adsorción en ese tipo de materiales. Sin embargo, todos estos modelos reproductores del sólido poroso presentan la desventaja de necesitar redefinirse y adecuarse a cada tipo de material en específico, puesto que se encuentran basado en función del proceso de síntesis del material en cuestión, y por otra parte, dada su naturaleza específica, no pueden proponer ecuaciones que calculen parámetros topológicos que puedan extenderse a diversas clases de sólidos, como lo pueden hacer los modelos de red.

#### I.5 Proposición de objetivos

La suma de todos los estudios citados en los párrafos anteriores, basados en modelos de redes (sección 1.3.2), logra realizar una investigación bastante relevante de la influencia de la topología en el desarrollo de fenómenos capilares en medios porosos. Por otra parte, han demostrado que es posible ajustar los estudios de tal forma que se aprovechen los conocimientos propuestos en una teoría tan poderosa como lo es la teoría de la Percolación. Sin embargo, hay algunos puntos de suma importancia que aun no se han abordado hasta la fecha en ningún trabajo y que han impedido una descripción completa del problema referente a la relación de la topologia del sólido con los fenómenos capilares verificados en su interior (especificamente la adsorción de N<sub>2</sub> a 77 K). En particular, destacan dos hechos, el primero es de carácter topológico y el segundo de naturaleza capilar.

El primero, consiste en no relacionar la conectividad de los poros con la posible correlación que pudiese existir entre los poros adyacentes o vecinos. Esto se hace evidente al revisar los trabajos de Seaton [23] y Payatakes [48]. En un caso (Seaton), el modelo no contempla la posibilidad de la existencia de correlaciones entre tamaños de poros; y la conectividad de los poros queda ajustada de acuerdo al valor promedio deseado de la red, eliminando aleatoriamente el número de gargantas conectadas a cada nodo de la red; sin considerar, en consecuencia, que los tamaños de los sitios y sus gargantas pudieran relacionarse con el valor de la conectividad del sitio. En el otro caso (Payatakes), la correlación entre los poros se ajusta de forma empírica, manteniendo la conectividad de todos los poros a un valor constante; terminado el ajuste de la correlación la conectividad de cada poro se ajusta de acuerdo al valor deseado de la conectividad promedio de la red; al igual que el caso anterior, el ajuste de la conectividad se logra mediante la eliminación aleatoria del número de gargantas por cavidad. Es decir, no se relacionan el valor de la conectividad de una cavidad con la correlación existente entre sus vecinos y gargantas. Lo anterior plantea varias cuestiones: ¿De alguna forma se relaciona el valor de la conectividad de un poro con la posible correlación de tamaños que pudiera mantener con los poros vecinos?, ¿Para todo valor de conectividad promedio de una red puede desarrollarse cualquier grado de correlación entre poros?, ¿Son diferentes las topologías de una red correlacionada con una conectividad ajustada con el algoritmo de eliminación aleatoria de gargantas, con la de otra red correlacionada pero con un valor de conectividad de las cavidades en función del grado de correlación entre poros?, y en consecuencia, ¿Son diferentes las formas de las curvas de sorción de nitrógeno de los dos tipos de redes anteriores?, etc.

El segundo hecho, se refiere a las interacciones que pudiesen existir entre los poros durante el proceso de llenado; es decir, a la posibilidad de que el llenado capilar de un poro pudiera depender del llenado de sus vecinos. Como se dijo anteriormente, solo en los trabajos de Neimark se ha estudiado apenas sucintamente está cuestión y además para redes no correlacionadas [36-37]. Un marco de referencia para contemplar estas interacciones dentro del módelo dual lo constituyen los mecánismos de llenado de poros propuestos por Mayagoitia [78]; estos mecánismos predicen que en algunos casos las interacciones pueden afectar considerablemente la firma de los loops de histeresis en la adsorción de N2 a 77 K. Sin embargo, esos estudios, hasta antes de iniciar este trabajo, quedaban restringidos al caso de redes con los mismos valores de conectividad y además con un valor de conectividad constante para todos los poros. Queda abierto el estudio, en consecuencia del efecto qué pudierán desarrollar las interacciones durante el llenado para redes con diferentes valores de conectividad y además con diferentes grados de correlación.

De esta forma, quedan planteados a continuación los siguientes objetivos.

#### I.5.1 Objetivos generales

- Construir redes correlacionadas con valores de conectividad variable bajo el marco de la teoría dual
- Averiguar cuál es la relación que pudiese existir entre la topologia de un sólido y bs procesos de llenado y vaciado capilar de N<sub>2</sub> a 77 K utilizando la teoría dual para el caso de redes correlacionadas con valores diferentes de conectividad.

#### I.5.2 Objetivos particulares

- Averiguar si existe una relación matemática entre los valores de conectivida promedio de una red con el grado de correlación existente entre los poros
- Averiguar la forma en que se relacionan los tamaños de las cavidades con sus gargantas cuando se tienen diferentes valores de conectividad promedio de redes y grados de correlación
- Entender la forma en que los loops de histeresis cambian de apariencia cuando la correlación y la conectividad de las redes son variadas
- Averiguar de que forma las interacciones entre poros durante el llenado afectan la forma de las curvas limites ascendentes cuando se tienen redes con valores de conectividad y correlación diferentes
- Proponer un esquema general que pueda permitir la identificación de rasgos topológicos generales (correlación y conectividad) de un sólido con la forma de sus isotermas de adsorción de N<sub>2</sub> a 77K.

#### П MODELO DUAL Y FENOMENOS CAPILARES

#### **II.1 Modelo Dual**

#### II.1.1 Conceptos básicos

El modelo parte de la suposición de que dos tipos de entidades forman el espacio poroso: los sitios y los enlaces. Un sitio es una cavidad cuyo tamaño es mayor al de los pasajes o ventanas que lo comunican con otros sitios, en tanto que un enlace es un pasaje o ventana por el que se comunican dos sitios y cuyo tamaño es menor o cuando mucho igual al de los dos sitios que comunica. Para efectos de simplicidad, los sitios se representan por esferas y los cilindros, dada su función de pasajes, por medio de cilindros. Estas dos entidades se describen o caracterizan por medio de una única cantidad: R. Para los sitios R, denotado como  $R_S$ , es el radio de la esfera y para los enlaces R, denotado como  $R_B$ , es el radio del cilindro. De esta forma un medio poroso puede describirse como una red formada por esferas y cilindros conectados alternativamente entre sí a través del espacio (ver la figura 2.1); en esta red quedaría cumplido el siguiente principio de construcción: el tamaño de un sitio es siempre mayor o cuando mucho igual al de cualquiera de los enlaces a los cuales se encuentra conectado. Bajo el marco de esta teoría la distribución de tamaño de poros queda descrita por medio de dos funciones, una para los sitios:  $F_S(R_S)$  y otra para los enlaces:  $F_B(R_B)$ . Dos cantidades se encuentran íntimamente relacionadas con estas dos funciones:

$$S(\mathbf{R}_S) = \int_{0}^{\mathbf{R}_S} \mathbf{F}_S(\mathbf{R}_S) d\mathbf{R}_S \tag{1}$$

$$B(R_B) = \int_{0}^{R_B} F_B(R_B) dR_B \tag{2}$$

La primera cantidad,  $S(R_S)$ , se define como la probabilidad de encontrar un sitio cuyo tamaño se encuentre entre los limites 0 y  $R_S$ , en tanto que la segunda cantidad B, se define como la probabilidad de encontrar un enlace cuyo tamaño se encuentre entre los limites 0 a  $R_B$ . Para distribuciones de tamaño normalizadas  $F_S(R_S)$  y  $F_B(R_B)$  cumplen con la siguiente condición de normalización:

$$\int_{0}^{\infty} F_{S}(R_{S}) dR_{S} = 1 \tag{3}$$

$$\int_{0}^{\infty} F_{S}(R_{S}) dR_{S} = 1$$

$$\int_{0}^{\infty} F_{B}(R_{B}) dR_{B} = 1$$
(4)

#### II.1.2 Aproximación general del modelo dual

A continuación se detalla la aproximación general del modelo dual. Esta aproximación fue establecida a principio de los 80's [47] y fue pensada para describir primeramente redes con conectividad constante, es decir aquellas redes donde el número de enlaces conectados a un sitios es igual para todos los sitios (véase la figura 2.1, donde todos los sitios interiores poseen una conectividad igual a 4).

A partir de naturaleza de sitios y enlaces puede establecerse el siguiente principio de construcción, **PC**: El tamaño de un sitio debe ser más grande o al menos igual al tamaño de cualquiera de sus enlaces o recíprocamente, un enlace debe de ser menor o cuando mucho igual al tamaño de cualquiera de los dos sitios que conecta. Dos leyes garantizan que se cumpla el PC. La primera de las leyes actúa de manera global en la red y establece restricciones sobre las características de  $F_S(R_S)$  y  $F_B(R_B)$  a fin de que se tenga un número suficiente de enlaces de tamaños adecuados que puedan ser conectados a todos los sitios de una distribución de tamaños dada. Matemáticamente queda expresada del modo siguiente:

Primera ley 
$$B(R) \ge S(R)$$
  $\forall R$  (5)

Gráficamente la primera ley implica que la distribución de tamaños de enlaces siempre debe de ubicarse a la izquierda o cuando mucho totalmente traslapada con la distribución de sitios.

Aun cuando cumpliéndose la primera ley el PC puede ser violado se existe un traslape,  $\Omega$ , entre  $F_B(R_B)$  y  $F_S(R_S)$ , puesto que esa condición implica la existencia de un fracción de sitios con tamaño menor a determinada fracción de enlaces, los cuales no pueden encontrarse conectados entre sí. Un valor de  $\Omega > 0$  implica la existencia, entonces, de correlaciones entre tamaños de elementos. Es decir, los eventos de encontrar un tamaño  $R_S$  para un sitios conectado a un enlace de tamaño  $R_B$ , no son independientes y mantienen una correlación. Entonces, la densidad de probabilidad de ocurrencia conjunta de los eventos anteriores es:

$$F(R_S \cap R_B) = F_S(R_S)F_B(R_B)f(R_S, R_B)$$
(6)

donde  $f(R_S, R_B)$  es la función de correlación del evento conjunto  $F_S(R_S)$   $F_B(R_B)$ . Si la función  $f(R_{S,,} R_B)$  fuera igual a uno para cualquier combinación de valores de  $R_S$  y  $R_B$ , entonces los eventos  $F_S(R_S)$   $F_B(R_B)$  serían independientes, que implicaría que la red porosa estaría construida aleatoriamente. Sin embargo, si  $f(R_{S,,} R_B)$  1 los eventos  $F_S(R_S)$   $F_B(R_B)$  se encontrarían correlacionados. La existencia de correlación conduce al establecimiento de una segunda ley, que matemáticamente se expresa como:

Segunda Ley 
$$f(\mathbf{R}_S, \mathbf{R}_B) = 0 \quad \forall \quad \mathbf{R}_S < \mathbf{R}_B$$
 (6)

La forma de la función  $f(R_S, R_B)$  debe ser tal, que cumpla con la siguiente expresión:

$$\int_{0}^{R_{S}} f(R_{S}, R_{B}) F_{B}(R_{B}) dR_{B} = \int_{R_{B}}^{\infty} f(R_{S}, R_{B}) F_{S}(R_{S}) dR_{S} = 1$$

$$(7)$$

la cual expresa la certeza de encontrar: (i) para un sitio de tamaño  $R_S$ , un enlace de tamaño  $R_S$  o menor (lado izquierdo de la igualdad) y (ii) para un enlace de tamaño  $R_B$ , un sitio de tamaño

 $R_B$  o mayor (lado derecho de la igualdad). La forma más verosímil de  $\mathbf{f}(R_S, R_B)$  es la siguiente [79]:

$$f(R_S, R_B) = \frac{\exp\left(-\int_{S(R_S)}^{S(R_S)} \frac{dS}{B - S}\right)}{B(R_S) - S(R_S)} = \frac{\exp\left(-\int_{B(R_S)}^{B(R_S)} \frac{dB}{B - S}\right)}{B(R_R) - S(R_R)}$$
(8)

La función de correlación  $\mathbf{f}(R_S, R_B)$  es una de las aportaciones más importantes del modelo dual. Una de sus implicaciones más importantes consiste en una estructuralización de redes porosas en función del grado de correlación. Consiste en un efecto de segregación de tamaños que cobra mayor fuerza a medida que el valor de  $\mathbf{W}$  aumenta de magnitud. El efecto de segregación implica que en una red correlacionada los elementos conectados poseen un tamaño similar al de sus vecinos, es decir, sitios de tamaño grande prefieren conectarse a enlaces de tamaño grande, sitios de tamaño intermedio se conectan a enlaces de tamaño intermedio y sitios de tamaño chico se conectan a enlaces de tamaño chico. Como este efecto es proporcional al grado de correlación, en consecuencia se tendrán zonas de coexistencia de elementos de tamaño similar, cuyo tamaño será proporcional al valor de  $\mathbf{W}$ : para  $\mathbf{W}=0$  el tamaño de esas zonas será igual a cero y para  $\mathbf{W}=1$  tendrán un tamaño infinito.

Una de las ventajas de esta aproximación general del modelo dual es su flexibilidad para adaptarse al estudio de fenómenos tan diferentes como lo son la descripción estadística de superficies heterogéneas adsorbentes [80], la estructura de agregados ramificados y densos resultantes de la transición sol gel [81-82] y la morfología de polímeros [83]. Por otra parte, como se mencionó en el capítulo pasado, esta aproximación ha sido útil para relacionar la forma de las curvas de los loops de histéresis en la sorción de Nitrógeno y de porosimetría de mercurio con el grado de correlación existente en las redes porosas.

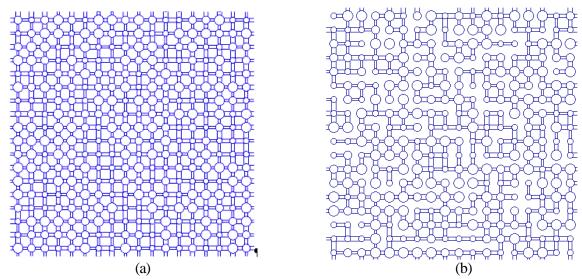
## II.1.3 Incorporación de características reales de medios porosos al modelo dual

Durante la segunda mitad de la década de los 90's se incorporaron dos parámetros topológicos de suma importancia en medios porosos, la posibilidad de conectividad variable en los sitios y las restricciones de tipo geométrico entre sitios y enlaces conectados.

#### II.1.3.1 Conectividad variable

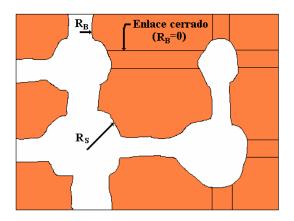
Un aspecto sumamente importante en la caracterización de un medio poroso es la conectividad (C), que como se vio en el capítulo pasado constituye un parámetro crucial.. En el marco de la teoría dual este parámetro se define como el número de enlaces a los cuales se encuentra conectado un sitio, por ejemplo en la figura 2.1 la conectividad de todos los sitios es igual a 4. Puede definirse una conectividad promedio,  $\overline{C}$ , de todos los sitios que forman la red; para el caso de la figura 2.1 sería igual a 4. Sin embargo, puede encontrarse el caso de encontrar redes porosas donde los sitios poseen una conectividad variable, es decir donde la conectividad de dos sitios cualquiera pudiera ser diferente, tal es el caso de las redes utilizadas

por Seaton y Payatakes [23,48]. Para describir la situación anterior en el modelo dual, es necesario introducir los siguientes conceptos [84]:



**Figura 2.1.** Representación de esferas y cilindros interconectados en una red porosa. (a)  $\overline{C} = 4$ . (b)  $\overline{C} = 2$ .

Todos los sitios de una red porosa poseen un valor de C constante( $C_m$ ), como la red constituida por los sitios de la figura **2.1a**, sin embargo los enlaces a los que se encuentran conectados pertenecen a dos clases diferentes: enlaces abiertos y enlaces cerrados. Un enlace abierto, es aquel cuyo tamaño  $R_B$  es mayor a cero y forma parte del espacio hueco del sólido, en tanto que un enlace cerrado es aquel cuyo tamaño es igual a cero y forma parte de la fase sólida del material (véase la figura **2.2**). De esta forma, todos los enlaces de la figura **2.1a** son abiertos; sin embargo, si transformamos aleatoriamente a cerrados la mitad de los enlaces, se obtendría la figura **2.1b**, la cuál tendría un valor de  $\overline{C} = 2$ .



**Figura 2.2.** Representación de los sitios dentro del sólido, donde se observan los enlaces abiertos y cerrados

Para cualquier red, el valor de C para un sitio i sería:

$$C_i = C_m - C_{i,0} \tag{9}$$

La conectividad promedio quedaría definida como:

$$\langle C \rangle = C_m (1 - f_0) \tag{10}$$

donde  $f_0$  es la fracció n de enlaces dentro de la red con un tamaño igual a  $\theta$ .

Pueden definirse, en consecuencia dos distribuciones de tamaño de enlaces, de acuerdo a la clasificación citada anteriormente:

$$F_{B}(R_{B}) = \begin{cases} f_{0} \mathbf{d}(R_{B}) & para R_{B} = 0 \\ F_{B}'(R_{B}) & para R_{B} > 0 \end{cases}$$

$$(11)$$

es decir,  $F_B(R_B)$  se convierte en una función delta cuando  $R_B=0$  y en una función que toma la forma  $F_B(R_B)$  cuando  $R_B>0$ . La ecuación (4) queda entonces como:

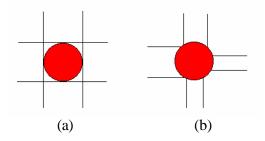
$$\int_{0}^{\infty} F_{B}(R_{B}) dR_{B} = 1 - f_{0} \tag{12}$$

A partir de la ecuación anterior, dependiendo del valor de  $\overline{C}$  existe un máximo valor de W, puesto que el valor de  $\overline{C}$  define el valor de  $f_0$ , véase la tabla 2.1.

$\overline{C}$	2	3	4	5	6
$W_{max}$	1/3	0.5	2/3	5/6	1

**Tabla 2.1**. Valores máximo de  $\Omega$  para cada valor de  $\overline{C}$ .

#### II.1.3.2Restricciones geométricas



**Figura 2.3.** Representación de un sitio y sus C enlaces. (a) sin cumplimiento de restricciones geométricas. (b) con cumplimiento de restricciones geométricas.

Puede introducirse dentro del esquema de la teoría dual restricciones de tipo geométrico [85]. Estas consisten en el hecho de que el tamaño de un sitio debe de ser lo bastante grande para acomodar cualquiera de los C enlaces que lo conectan, a fin de evitar cualquier posible interferencia entre el tamaño de los enlaces; o también, el tamaño de los enlaces conectados a un sitio debe de ser de un tamaño tal que permita el acomodo apropiado del juego de C enlaces en cuestión. Dos dibujos representan dos situaciones: una no permitida, figura 2.3a, donde se violan las restricciones geométricas y otra permitida, figura 2.3b, donde se obedecen restricciones de tipo geométrico¹. Esta clase de restricciones ya habían sido tomadas en cuenta en los trabajos de Parlar y Yortsos y Payatakes, aunque de manera empírica [38, 48].

#### II.1.4 Modificación de leyes de autoconsistencia y función de correlación

El PC puede modificarse con el fin de incorporar las restricciones geométricas: "El tamaño de un sitio debe ser mayor o cuando mucho igual al tamaño de cualquiera de los enlaces a los que se encuentra conectado y además el tamaño de los enlaces debe ser de un tamaño tal que permita el debido ensamble del total de C enlaces".

En consecuencia, la primera ley se modifica del modo siguiente:

$$B_C(R_S) \ge S(R_S) \tag{13}$$

 $B_C(R_S)$  se denomina como el volumen incumbente y corresponde a la fracción de enlaces cuyas todas posibles combinaciones permiten la apropiada conexión de todos los sitios con un tamaño menor o igual a  $R_S$ . Esta variable se define matemáticamente como:

$$\boldsymbol{B}_{C}(\boldsymbol{R}_{S}) = \left\{ \int_{0}^{\boldsymbol{R}_{S}} ... \int_{0}^{\boldsymbol{R}_{B}} (\boldsymbol{R}_{B1}) ... \boldsymbol{F}_{B}(\boldsymbol{R}_{BC}) d\boldsymbol{R}_{B1} ... d\boldsymbol{R}_{BC} \right\}^{1/C}$$
(14)

La segunda ley se modifica de tal modo que asegure la imposibilidad de encontrar un sitio unido a un conjunto de C enlaces cuyos tamaños interfieran unos con otros. El conjunto de eventos de encontrar un sitio de tamaño  $R_S$  conectado a enlaces de tamaños  $R_{B1}...R_{BC}$  es entonces:

$$r(R_S \cap R_{B1}...R_{BC}) = F_S(R_S)F_B(R_{B1})...F_B(R_{BC})f(R_S, R_{B1}...R_{BC})$$
 (15)

En la ecuación anterior  $\mathbf{r}(R_S \mathbf{C}, R_{B1}...R_{BC})$  corresponde a la densidad de probabilidad de encontrar un sitio de tamaño  $R_S$  conectado C enlaces de tamaños  $R_{B1}...R_{BC}$ ; y  $\mathbf{f}(R_S, R_{B1}...R_{BC})$  es la función que correlaciona los eventos anteriores. Esta función tiene la propiedad de tomar un valor igual a cero cuando se tenga un conjunto de un sitio con C enlaces donde los tamaños interfieran unos con otros:

$$f(\mathbf{R}_{S}, \mathbf{R}_{B1}...\mathbf{R}_{BC}) = 0 \tag{16}$$

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Para efectos de simplicidad del se considera que los enlaces se conectan al sitio de forma axial.

La forma de la función  $f(R_S, R_{B1}...R_{BC})$  es la siguiente [85]:

$$f(R_S, R_{B1}...R_{BC}) = \frac{\exp\left(-\int_{S(R_S)}^{S(R_S)} \frac{dS}{B_C - S}\right)}{B_C(R_S) - S(R_S)} = \frac{\exp\left(-\int_{B(R_S)}^{B_C(R_S)} \frac{dB_C}{B_C - S}\right)}{B_C(R_C) - S(R_C)}$$
(17)

donde  $R_C$  es el tamaño de enlace más pequeño capaz de acomodar C enlaces de tamaños  $R_{B1}...R_{BC}$ . La función  $f(R_S, R_{B1}...R_{BC})$  cuando es igual a I para cualquier combinación de valores de  $R_S, R_{B1}...R_{BC}$  implica que los tamaños de los elementos de la red están distribuidos totalmente al azar a través del espacio poroso. Cuando  $f(R_S, R_{B1}...R_{BC})$  es diferente de uno entonces se tiene una correlación entre los tamaños de elementos de la red.

#### II.1.5 Simulación de redes porosas

El método de simulación utilizado en este trabajo es el Método de Monte Carlo Puro (MCP) [86]. Este método fue desarrollado con el objeto de construir redes porosas con correlaciones espaciales entre tamaños de elementos de tipo isotrópico. Antes de la aparición del MCP tuvieron lugar varios métodos que tenían como rasgo común la utilización de cadenas de tipo markovianas para el proceso de asignación de tamaños a los elementos [87-89]. Sin embargo, las redes construidas con esos métodos tenían la limitación de generar estructuras con correlaciones de tamaño anisotrópicas.

El MCP parte de la premisa de la existencia un estado de equilibrio caracterizado por los valores de las funciones de correlación establecidas por el modelo dual y por ciertos valores típicos de los tamaños de las zonas de coexistencia de los elementos con tamaño similar [90]. En este estado de equilibrio la distribución espacial de tamaños de elementos alcanza el máximo de aleatoriedad permitido por el PC. La forma más factible de alcanzar ese estado de equilibrio es a partir de una red en la que los sitios y los enlaces se encuentren distribuidos completamente al azar. Mediante transiciones que modifiquen la distribución espacial de tamaños de elementos, a partir de ese estado inicial, puede alcanzarse el estado final en el que la aleatoriedad es la máxima permitida por el PC. Todas las configuraciones de la red, desde el estado inicial hasta el estado final, se encuentran asociadas a un estado con un probabilidad de existencia P(x). Cualquier cambio de configuración o transición, desde el estado x hasta el estado x, posee también una probabilidad de ocurrencia,  $W(x\rightarrow x^*)$  [91]:

$$W(x \to x') = \min \left\{ 1, \frac{P(x')}{P(x)} \right\}$$
 (18)

Si P(x') es mayor a P(x) entonces la transición  $x \rightarrow x'$  cuenta con una probabilidad igual a I: Si P(x') es menor, entonces será igual al cociente P(x')/P(x). El MCP propone transiciones  $x \rightarrow x'$  a través del intercambio aleatorio de tamaños entre dos sitios. Para este caso, referido al intercambio de tamaños entre el sitio i-ésimo y j-ésimo, P(x')/P(x) es:

$$\frac{P(x')}{P(x)} = \frac{f(R_{Sj}, R_{Bk}^{i} ... R_{BC_{m}}^{i}) f(R_{Si}, R_{Bk}^{j} ... R_{BC_{m}}^{j})}{f(R_{Si}, R_{Bk}^{i} ... R_{BC_{m}}^{i}) f(R_{Sj}, R_{Bk}^{j} ... R_{BC_{m}}^{j})}$$
(19)

el subíndice k y los superíndice i y j se refieren respectivamente al k-ésimo enlace conectado al sitio i-ésimo o j-ésimo.

O también mediante el intercambio aleatorio de tamaños de dos enlaces. Para este segundo caso, referido al intercambio de tamaños entre los enlaces l-ésimo y m-ésimo, el cociente P(x')/P(x) queda como:

$$\frac{P(x')}{P(x)} = \prod_{k=1}^{2} \frac{f(R_{Sk}^{l}, R_{Bm} ... R_{BC_{m}}) f(R_{Sk}^{m}, R_{Bl} ... R_{BC_{m}})}{f(R_{Sk}^{l}, R_{Bl} ... R_{BC_{m}}) f(R_{Sk}^{m}, R_{Bm} ... R_{BC_{m}})}$$
(20)

donde el subíndice k y los superíndices l y m se refieren respectivamente al k-ésimo sitio conectado al enlace l-ésimo o m-ésimo. Usando (19) o (20) y aplicando algunas de las propiedades de f [80] la ecuación (18) se transforma en:

$$W(x \to x') = \begin{cases} 1 & \text{si en el estado x' se cumple el PC} \\ 0 & \text{caso contrario} \end{cases}$$
 (21)

Es decir, un intercambio de tamaños entre dos sitios o dos enlaces en el que se respeta el PC, posee una probabilidad igual a uno, cualquier otro tipo de intercambio tiene una probabilidad igual a cero.

#### II.1.5.1 Formulación del Método

El MCP se establece del modo siguiente:

- Se asignan aleatoriamente tamaños a los sitios y los enlaces, de acuerdo a los valores de  $F_S$  y  $F_B$ , de una red con el arreglo (cúbica, cuadrada, hexagonal, bethe, etc.) y el valor de  $C_m$  deseados.
- Iniciar una serie de transiciones mediante el intercambio de tamaños entre dos sitios o dos enlaces escogidos aleatoriamente. Solo se aceptaran aquellas transiciones en donde se cumpla el PC en los elementos intercambiados.
- 3 Terminar las transiciones cuando se haya alcanzado el estado de equilibrio al analizar los valore de **f** y los tamaños de las zonas de coexistencia de elementos de tamaño similar.

#### II.2 Sorción de N<sub>2</sub> a 77 K en materiales mesoporosos

Por experiencia se sabe que los procesos de adsorción y desorción de nitrógeno a 77 K en un medio mesoporoso consisten de dos etapas fundamentales verificadas en cada poro. Para el caso de la adsorción se tiene primero el llenado de la capa adsorbida y posteriormente el llenado total del poro con la condensación capilar. Por su parte, en el vaciado se verifica primero la evaporación capilar y después el adelgazamiento de la capa adsorbida.

Los procesos de llenado o adelgazamiento de la capa adsorbida dependen fuertemente tanto del potencial del sólido como de la geometría del poro. Por su parte, la condensación y evaporación capilares dependen en gran medida de la forma y tamaño de cada poro en cuestión [19]. La evaporación y condensación capilares, hasta ahora, ha sido descritos generalmente mediante la ecuación de Kelvin:

$$\ln \frac{p}{p^0} = -\frac{2g^{l\nu}V^l}{RT} \frac{1}{r_m} \tag{22}$$

donde p es la presión de vapor de equilibrio,  $p^0$  la presión de saturación del vapor,  $\mathbf{g}^{lv}$  y  $V^l$  son, respectivamente, la tensión superficial y el volumen molar del adsorbato,  $r_m$  es el radio medio de de curvatura de la interfase líquido-vapor, R es la constante universal de los gases y T la temperatura absoluta. Esta ecuación relaciona la presión de equilibrio a la que evapora de condensado capilar un poro que mantiene una interfase líquido-vapor con radio medio de curvatura igual a  $r_m$  a la temperatura T.

Los mecanismos de llenado y vaciado en un sólido mesoporoso son diferentes. Esto puede advertirse al ver la forma de las curvas de sorción de Nitrógeno a 77 K, donde se forma un loop de histéresis, véase la figura 2.4.

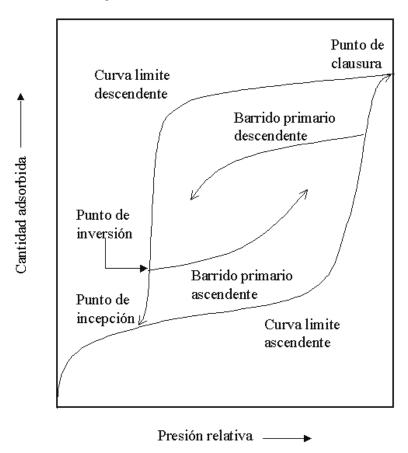
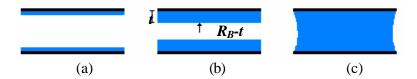


Figura 2.4. Isoterma de adsorción.

Se observa que para una misma cantidad adsorbida se tienen dos valores de presión, uno para el llenado y otro para el vaciado. El origen del loop de histéresis puede deberse a multitud de factores, como lo son: aparición de estados metaestables en la fase líquida<sup>2</sup>, cambio de geometría de la interfase líquido-vapor a nivel de poro, efectos de bloqueo de poros durante la evaporación capilar, cambio en el ángulo de contacto de las interfases sólido-líquido-vapor, efecto ténsil, rugosidad, deformación del sólido, etc.. Tratar de describir la forma en que todos los posibles factores pueden influir puede ser una tarea imposible y en algunos casos poco útil, puesto que lo mejor es considerar las contribuciones más importantes.

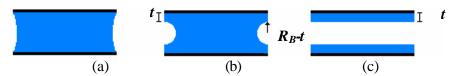
#### II.2.1 Procesos de llenado y vaciado de N<sub>2</sub> a nivel de poro

A nivel de poro puede entenderse como son los mecanismos de llenado y vaciado. Everett & Haynes describieron tanto teórica como experimentalmente esos procesos dentro de un poro cilíndrico abierto a ambos extremos [93]. El proceso de llenado en un poro cilíndrico, de radio  $R_B$ , puede visualizarse con la figura 2.5. En (a), inicia el proceso de llenado, con la formación de la monocapa adsorbida. En (b) se ha alcanzado el valor de la presión de equilibrio, donde la capa adsorbida alcanza un espesor critico y la interfase líquido-vapor posee una geometría cilíndrica con un radio de curvatura  $r_m$  acordes al valor de p en la ecuación (22). En (c), el poro se encuentra totalmente lleno de condensado capilar.



**Figura 2.5.** Proceso de llenado en un poro cilíndrico.

El proceso de vaciado en ese mismo poro puede visualizarse con ayuda de la figura **2.6**. En (a) el poro se encuentra totalmente lleno de condensado. En (b) los valores de la presión y  $r_m$  corresponden a los valores correspondientes en la ecuación de Kelvin, para una interfase de geometría hemisférica. En (c) el poro ha evaporado de condensado quedando únicamente con una capa adsorbida de espesor t.



**Figura 2.6.** Proceso de vaciado en un poro cilíndrico.

Puede advertirse con las figuras anteriores que la condensación y la evaporación capilares poseen mecanismos diferentes. Durante la condensación la interfase posee una geometría cilíndrica, en tanto que durante la evaporación es hemisférica. Para un poro

20

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Aunque este trabajo estudia el llenado y vaciado desde el punto de vista tradicional (equilibrio capilar), vale la pena señalar que recientemente han aparecido estudios en donde se ha encontrado que para algunos casos puede existir histéresis sin la existencia de transiciones de fase (sin llenado o vaciado capilar) [71, 75, 92]. Para esos casos la histeresis se asocia más bien a la aparición de estados metaestables.

cilíndrico, con radio  $R_B$ , y una interfase de espesor t y geometría cilíndrica, la ecuación de Kelvin es:

$$\ln \frac{p}{p^0} = -\frac{g^{lv}V^l}{RT} \frac{1}{R_B - t} \tag{23}$$

Para un poro cilíndrico, con radio  $R_B$ , y una interfase de espesor t y geometría hemisférica, la ecuación de Kelvin es:

$$\ln \frac{p}{p^0} = -\frac{2g^{lv}V^l}{RT} \frac{1}{R_B - t}$$
 (24)

De acuerdo a las dos ecuaciones anteriores puede inferirse que la presión de condensación es mayor a la de evaporación capilar en un poro cilíndrico. La diferencia de bs mecanismos de condensación y evaporación es una de las explicaciones al fenómeno de la histéresis.

Por último, en un poro esférico los mecanismos de llenado y vaciado son equivalentes, puesto que en ambos casos (condensación y evaporación) la interfase líquido-vapor forma una geometría esférica o hemisférica, por lo que la evaporación y la condensación capilares ocurren a los mismos valores de presión. La ecuación de Kelvin en ambos procesos toma la forma siguiente:

$$\ln \frac{p}{p^0} = -\frac{2g^{lv}V^l}{RT} \frac{1}{R_S - t}$$
 (25)

donde  $R_S$  es el radio del poro y t es el espesor critico correspondiente a la presión p (véase la figura 2.7). En (a) comienza la formación de la capa adsorbida. En (b) la capa adsorbida ha alcanzado el espeso critico t, de acuerdo al tamaño del sitio  $R_S$  y el valor de p. Y en (c) el poro ha llenado completamente de condensado capilar.

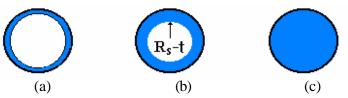


Figura 2.7. Llenado en un poro esférico.

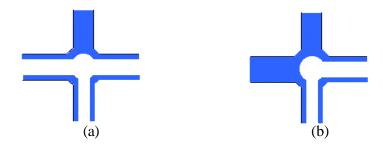
#### II.2.2 Interacciones entre poros por efectos de red durante el llenado

Prácticamente en todos los trabajos con redes porosas se ha descrito y modelado el llenado a nivel de poro. Es decir, se asume que el mecanismo de llenado de un poro no se encuentra influenciado por los poros vecinos. Lo anterior dista de acercarse a la realidad. Monson [74] en sus trabajos demostró que, durante el llenado y vaciado, la fase condensada desarrolla estados termodinámicos metaestables, dependientes de todo el espacio poroso interconectado. Estos estados poco dependen de un solo poro, dependen de la red formada por

todos estos. Como se dijo en el capitulo pasado, sólo Neimark y Mayagoitia han considerado la interacción de los poros durante el llenado.

Una aproximación bastante autoconsistente y sencilla, de las interacciones entre poros durante el llenado en modelos de redes, es la propuesta por Mayagoitia [78]. Bajo esta aproximación se considera que las interacciones toman lugar en las intersecciones de los poros, es decir en las uniones de los sitios y los enlaces. Es en esas uniones en donde pueden verificarse fenómenos de coalescencia entre las interfases vecinas. Vale la pena señalar que esta clase de interacciones fueron por primera vez señaladas por Morioka & Kobayashi [94]. A continuación se describen las interacciones de acuerdo a Mayagoitia.

Tal y como lo establecen las ecuaciones (23) y (25) los sitios y los enlaces llenan de acuerdo a su tamaño. Todos los enlaces se encuentran abiertos en ambos extremos, por lo que pueden desarrollar un menisco o interfase líquido-vapor con geometría cilíndrica, en consecuencia, todos pueden llenar de manera independiente, sin intervención de los sitios adyacentes. Sin embargo, el llenado de los sitios, aparte de su tamaño, depende también de sus C-enlaces, puesto que para que se desarrolle un menisco esférico o hemisférico dentro del sitio, es necesario que cuando menos todos o casi todos sus C-enlaces se encuentran llenos de condensado, a fin de darle continuidad al menisco. Por ejemplo, supongamos que el tamaño de un sitio con C=4 es tal que satisface la ecuación (25), pero sólo uno o dos de sus enlaces se encuentran llenos de condensado, véase la figura 2.8.

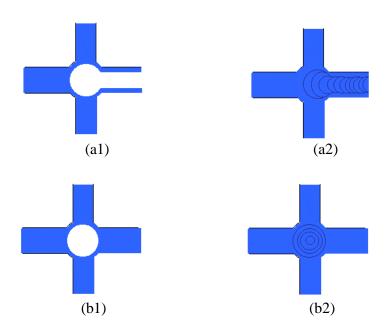


**Figura 2.8**. Meniscos en un sitio con C=4. (a) 1 enlace lleno. (b) 2 enlaces llenos.

Bajo esas condiciones, aunque la interfase poseería una interfase hemisférica, el sitio no podría llenar de condensado, debido a que para que coalescan los meniscos sería necesario que disminuyan su curvatura, algo termodinámicamente inestable durante el llenado. Sin embargo, si tenemos otro sitio que también satisface la ecuación (25) y además posee *C-1* o *C*-enlaces llenos, entonces el sitio podría llenar, ya sea con un menisco hemisférico (figura 2.9a) o esférico (figura 2.9b). A diferencia de los dos casos anteriores, en estos la curvatura de la interfase aumenta irreversiblemente durante el llenado, algo termodinámicamente favorable. En la figura 2.9a2, puede observarse que cuando un sitio llena con *C-1* enlaces, entonces se llena espontáneamente el enlace vacío, puesto que poseería en la unión con el sitio una interfase hemisférica con un radio de curvatura menor al estipulado en la ecuación (25), condición termodinámicamente inestable (hay que tomar en cuenta que la curvatura en la unión del sitio y ese enlace es mucho mayor a la que predice en esos momentos la ecuación de Kelvin, por lo que espontáneamente llena el enlace). En consecuencia, los enlaces, aunque no cumplan con la ecuación (23), pueden llenar también con un mecanismo de asistencia si es que se encuentran conectados a un sitio que llene con *C-1* enlaces. El tamaño de esos enlaces sería

mayor al estipulado en la ecuación (23) (por lo que no llenarían de manera independiente), pero menor o igual al tamaño del sitio señalado en (25).

A partir de las consideraciones anteriores, se tiene lo siguiente: los sitios que pueden llenar, a un valor determinado de presión, son aquellos que satisfacen las dos condiciones siguientes: (i) que su tamaño sea menor o igual al señalado en la ecuación (25) y que además (ii) posean *C-1* o *C*-enlaces llenos de condensado<sup>3</sup>. Por su parte los enlaces pueden llenar bajo las dos condiciones siguientes: (i) si su tamaño es menor o igual al señalado en la ecuación (23) o bien que (ii) posean un tamaño mayor al estipulado en la ecuación (23) y menor o igual al señalado en la ecuación (24) y que además se encuentren conectados a un sitio que haya llenado de condensado con *C-1* enlaces.



**Figura 2.9**. Configuraciones del menisco, en un sitio con C=4. (a1) C-1 enlaces llenos. (b1) C enlaces llenos. (a2) y (b2) configuraciones del menisco durante el llenado del sitio.

## II.2.3 Efectos sobre la isoterma por interacciones entre poros durante el llenado

Dos efectos surgen cuando se tienen interacciones entre poros durante el llenado. En primer lugar, puede tenerse el efecto de llenado retrasado de sitios. Es decir, que exista una fracción de sitios que aunque su tamaño corresponda al indicado en la ecuación (25), no puedan llenar por no poseer C o C-I enlaces llenos. En consecuencia, esos sitios llenarían a un valor de presión mayor al correspondiente a (25). El segundo efecto, es el llenado asistido de enlaces, es decir, que exista una fracción de enlaces que llenen a un valor de presión menor al indicado en (23), estos enlaces llenarían como consecuencia del llenado de sitios con C-I enlaces. Estos dos efectos aparecen simultáneamente. Los volúmenes de los elementos con llenado retrasado y llenado asistido dependen de las características de  $F_B$  y  $F_S$ . Cuando el

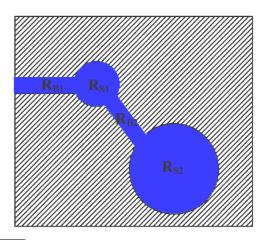
23

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> La condición de C-1 enlaces es sólo una aproximación bajo el marco de la teoría dual. Dependiendo de la forma y número de los enlaces y de las características de los sitios, éstos podrían llenar con un número de enlaces menor a C-1. Para efectos de simplicidad se toma esta aproximación.

volumen de los elementos con llenado retrasado es mayor al de los llenados asistidamente, se tiene un desplazamiento de la isoterma a valores mayores de presión. Asimismo, cuando el volumen de los elementos llenados asistidamente es mayor al de los llenados con retraso, la isoterma se desplaza a valores menores de presión.

#### II.2.4 Efectos de red durante el proceso de vaciado

Tradicionalmente se ha considerado que durante el proceso de vaciado en una red se llevan a cabo efectos de bloqueo entre poros. Esto se debe a dos razones. En primer lugar, el hecho de que cuando se ha alcanzado el punto de clausura en una isoterma de adsorción (véase la figura **2.4**) todos los poros accesibles a la fase vapor se encuentran llenos de condensado capilar; y en segundo lugar, debido a que la ecuación de Kelvin nos dice que los primeros elementos que poseen las condiciones para evaporar, son aquellos poros de mayor tamaño (véase la ecuación 22). Si todos los poros fueran entidades independientes, no conectados a otros, entonces vaciarían de acuerdo a su tamaño, hay que tomar en cuenta que tanto los sitios como los enlaces evaporan con un menisco de tipo hemisférico, como se vio anteriormente. Sin embargo, en una red los poros se encuentran interconectados, por lo que se verifican efectos de bloqueo, como se entenderá a partir del siguiente ejemplo. Supóngase una red formada por dos enlaces y dos sitios, con tamaños  $R_{B1}$ ,  $R_{B2}$ ,  $R_{S1}$  y  $R_{S2}$ , de tal modo que el único elemento que mantiene contacto con el exterior es  $R_{B1}$ , véase la figura 2.10. Los tamaños de los enlaces son tales que llenan de forma independiente, de tal forma que el orden de llenado es  $R_{B1}$ ,  $R_{B2}$ ,  $R_{SI}$ ,  $R_{S2}$ . En el proceso de desorción, el orden en que la fase líquida se vuelve termodinámicamente inestable, con respecto a la fase vapor es  $R_{S2}$ ,  $R_{S1}$ ,  $R_{B2}$ ,  $R_{B1}$ . Sin embargo, el nitrógeno en  $R_{S2}$  no se encuentra en contacto con la fase vapor, por lo que no posee la capacidad de vaporizar a la presión correspondiente a su tamaño<sup>4</sup>. Como consecuencia, la fase líquida en  $R_{S2}$  toma un estado metaestable que se mantiene por debajo de la presión de condensación hasta que el líquido en  $R_{B1}$  vaporiza, teniéndose vaciado inmediato de todos los elementos en el orden  $R_{B1}$ ,  $R_{S1}$ ,  $R_{B2}$ ,  $R_{S2}$ . De esta forma, durante el proceso de evaporación se verifican efectos de bloqueo, los cuales dependen en gran medida de la correlación existente entre  $F_B$  y  $F_S$ , es decir de la relación entre tamaños de los sitios con respecto a los enlaces, y también depende del valor de  $\overline{C}$ , puesto que a mayor conectividad se tiene un mayor número de elementos conectados a la fase vapor.



-

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Un cuerpo líquido sin contacto con la fase vapor no puede vaporizar, puesto que los líquidos son prácticamente incompresibles.

Figura 2.10. Ejemplificación del efecto de bloqueo.

El lenguaje natural para describir el desplazamiento de una fase por otra (en este caso el desplazamiento de la fase líquida por la fase vapor) en un medio aleatorio (en este caso la aleatoriedad de tamaños) y con un arreglo determinado (arreglo de la red y conectividad) es la precolación [32]. Con base en lo anterior es que el proceso de evaporación capilar en un medio poroso tradicionalmente se ha considerado un proceso de tipo percolativo en el que se observan dos posibles estados: (a) estado no percolativo, cuando la fase vapor es de tal tamaño que no atraviesa o recorre de un extremo a otro la red, gráficamente, en una isoterma este estado se ubica desde el punto de clausura hasta la rodilla, en a curva limite descendente (véase la figura 2.4). (b) estado percolativo cuando han evaporado una cantidad suficiente de elementos de tal modo que la fase vapor atraviesa toda la red, en una isoterma este estado se ubica desde la rodilla hasta el punto de incepción (véase la figura 2.4).

De acuerdo a las consideraciones anteriores, los elementos que pueden evaporar en una red a un valor determinado de presión son aquellos que cumplen con las dos condiciones siguientes: (i) aquellos elementos cuyo tamaño es menor o igual al estipulado en la ecuación de kelvin, para los enlaces la ecuación (24) y para los sitios la ecuación (25); (ii) y que además posean un contacto con la fase vapor.

#### II.2.5 Clasificación de estructuras porosas de acuerdo al modelo dual

De acuerdo al modelo dual es posible proponer una clasificación de estructuras porosas [95]. Esta clasificación se basa en las características del llenado y el vaciado capilar dentro de las redes. Las diferencias en la forma de la ecuación de Kelvin para el llenado en un enlace con interfase cilíndrica y un sitio con interfase esférica proporciona el marco de referencia a partir del cual se define la clasificación. Si se desprecia el valor del espesor de la fase adsorbida entonces a un valor determinado de presión el tamaño de los sitios que pueden llenar de condensado capilar es igual a dos veces el tamaño de los enlaces que pueden llenar con una interfase cilíndrica (véanse las ecuaciones (23) y (25)). Es a partir del hecho anterior que se propone la clasificación.

La clasificación propone 5 tipos de estructuras porosas (véase la figura 2.11). Los tres primeros tipos corresponden a redes donde se tiene W=0. En el tipo I no existen interacciones entre los poros durante el llenado. Es decir tanto sitios como enlaces llenan de forma independiente, esto se cumple en una distribución de tamaños donde el tamaño del sitio más pequeño de  $F_S$  es por lo menos dos veces más grande que el enlace más grande de  $F_B$ . El tipo II corresponde a una situación intermedia entre el tipo I y el III, así las interacciones entre los sitios y los enlaces son moderadas. El tipo III corresponde a una situación limite donde las interacciones entre sitios y enlaces son máximas, esto sucede en una distribución de tamaños donde el tamaño del sitio más grande de  $F_S$  es por lo menos dos veces el tamaño del enlace más pequeño de  $F_B$ ; en consecuencia, cuando comienza el llenado independiente de los enlaces todos los sitios cumplen con la ecuación de Kelvin, por lo que se encuentran sobresaturados.

El tipo IV constituye el caso donde las correlaciones entre los tamaños de los elementos son intermedias. Esto corresponde a un valor intermedio de  $\Omega$ . Finalmente, el tipo V corresponde a la máxima estructuralización de los poros de acuerdo a su tamaño, que es el

caso de un traslape de alto valor con las distribuciones de  $F_B$  y  $F_S$  casi sobrepuestas una con otra.

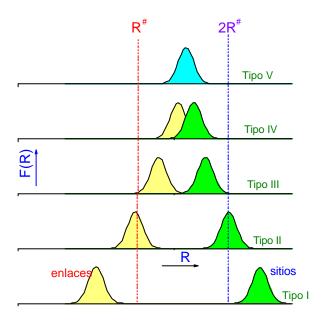


Figura 2.11. Los cinco tipos de estructuras porosas.

#### II.2.6 Algoritmo de simulación de sorción de N2 a 77 K

A partir de las consideraciones anteriores es posible establecer un algoritmo para simular los procesos de llenado y vaciado en redes porosas. Es necesario incorporar una ecuación que describa el espesor de la capa adsorbida en términos de la presión. Esta ecuación proporcionaría el valor de t en las ecuaciones (23) a (25). Existen diferentes ecuaciones de tipo semiempírico que describen esa variable, como la ecuación de Harkins & Jura [96] o la ecuación de Halsey [97]. Recientemente, ha hecho su aparición la teoría de funcionales de la densidad [98-99], esta propone que existe una función que describe la densidad de la fase condensada sobre las paredes de los poros. Para efectos de simplicidad, en este trabajo se utiliza la ecuación de Halsey para nitrógeno a 77 K sobre una superficie plana:

$$t = 3.54 \left( -\frac{5}{\ln\left(p/p^{0}\right)} \right)^{1/3}$$
 (26)

donde t se expresa en Å.

El algoritmo de llenado sería el siguiente:

- 1. Fijar un valor de presión.
- 2. Calcular el valor de t con la ecuación (26).
- 3. Llenar de condensado capilar aquellos sitios que cumplan con las condiciones siguientes: (i) que su tamaño sea menor o igual al señalado en la ecuación (25) y que además (ii) posean *C-1* o *C*-enlaces llenos de condensado.

- 4. Llenar de condensado capilar los enlaces que cumplan con alguna de las dos condiciones siguientes: (i)si su tamaño es menor o igual al señalado en la ecuación (23) o bien que (ii)posean un tamaño mayor al estipulado en la ecuación (23) y menor o igual al señalado en la ecuación (24) y que además se encuentren conectados a un sitio que haya llenado de condensado con *C-1* enlaces.
- 5. Los elementos que no hayan llenado de condensado y se encuentran vacíos poseen una capa adsorbida con el espesor encontrado en el paso 2.

#### El algoritmo de vaciado sería el siguiente:

- 1. Fijar un valor de presión.
- 2. Calcular el valor de t con la ecuación (26).
- 3. Vaciar de condensado capilar aquellos enlaces que se encuentren llenos y que además cumplan con las 2 condiciones siguientes: (i) que su tamaño sea menor al señalado en la ecuación (24); (ii) y que además se encuentren en contacto con la fase vapor.
- 4. Vaciar de condensado capilar aquellos sitios que se encuentren llenos y que además cumplan con las 2 condiciones siguientes: (i) que su tamaño sea menor al señalado en la ecuación (25); (ii) y que además se encuentren en contacto con la fase vapor.
- 5. Los elementos que se encuentren vacíos poseen una capa adsorbida con el valor del espesor calculado en el paso 2.

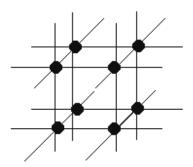
## III RESULTADOS Y DISCUSION DE LA TOPOLOGIA DE REDES POROSAS

#### III.1 Resultados

#### III.1.1 Construcción de redes

Se construyeron redes porosas utilizado el método de simulación MCP (véase el capítulo pasado), utilizando condiciones periódicas de contorno.

Se manejaron redes con un arreglo cúbico (véase la figura 3.1), con un tamaño formado a partir de lados constituidos por 80 nodos (L=80). Como consecuencia del arreglo, cada nodo tuvo un número de coordinación 6 ( $C_m$ =6). En consecuencia todas las redes contenían un número de sitios, N, igual 512000 y un número de enlaces, M, igual a  $3(1-f_0)(512000)^3$ . Las redes construidas bajo las condiciones anteriores contienen un número tanto de sitios como de enlaces superior o aproximadamente igual a  $2x10^5$  elementos. Esta última cifra garantiza representatividad estadística [100].



**Figura 3.1**. Arreglo cúbico de una red con L=2.

Se estableció una función de distribución de volumen de enlaces a partir de la siguiente condición. Esta consistió en que el volumen de los sitios y los enlaces debían ser iguales. Para cumplir con la condición anterior fue necesario fijar en cada red una distancia constante entre nodo y nodo,  $L_{nodo}$ , de tal modo que pudieran introducirse valores a las longitudes de los enlaces. Los valores de  $L_{nodo}$  en cada red, están dados con la siguiente expresión:

$$L_{rado} = factor(2R_{s2}) \tag{27}$$

donde se introduce un *factor* y donde  $R_{S2}$  es el tamaño del sitio más grande de  $F_S$ . Con el valor de  $L_{nodo}$  puede asignarse un valor para la longitud de cada enlace k, mediante la expresión siguiente:

$$L_{Bk} = L_{nodo} - R_{Si} - R_{Sj} \qquad \forall R_{Bk} > 0$$
 (28)

Donde  $R_{Si}$  y  $R_{Sj}$  son los sitios conectados por el enlace k. El valor del *factor* se busca por tanteo de tal modo que el volumen de los sitios sea igual al de los enlaces; es decir, se debe cumplir la siguiente condición:

$$\sum_{k=1}^{M} R_{Bk} L_{Bk} = \frac{4}{3} \sum_{i=1}^{N} R_{Si}^{3}$$
 (29)

#### III.1.2 Parámetros topológicos

Se estudiaron distribuciones de tamaño de tipo gaussiano, tanto para  $F_S$  como para  $F_B$ , puesto que esta clase de distribuciones, así como la del tipo gama y beta, son las más comunes en muestras reales. Tanto  $F_B$  como  $F_S$  se acotaron a un tamaño máximo igual a la media más tres veces el valor de  $\sigma$  y a un tamaño mínimo igual a la media menos tres veces el valor de  $\sigma$ . Las distribuciones de tamaños se fijaron de tal modo que todos los tamaños de los elementos de las redes quedarán en un intervalo de tamaños entre 20 y 150 Å, que corresponde a tamaños típicos de materiales mesoporosos.

Tres parámetros topológicos fueron estudiados en este trabajo: correlación entre tamaños de elementos, conectividad y heterogeneidad de tamaños. Son tres las variables que controlan los tres parámetros topológicos anteriores: los valores de  $\sigma_S$  (desviación estándar de  $F_S$ ) y de  $\sigma_B$  (desviación estándar de  $F_B$ ), determinan la heterogeneidad de tamaños; el valor de  $\Omega$  determina el grado la correlación; y por último, el valor de  $\overline{C}$ , el de la conectividad.

Se manejaron 5 posibles valores para la conectividad promedio  $\overline{C}$  =2,3,4,5 y 6, a partir de los valores de  $f_0$ , véase la tabla **3.1**. Por otro lado, se fijaron tres posibles valores para  $\sigma^5$ : 4,6,8 y 12. Con cada combinación de valores de  $\overline{C}$  y  $\sigma$  se obtuvo una familia de redes; para cada valor de  $\sigma$  se tiene una familia de 5 redes (véase la figura **3.2**), es decir se tuvo un total de 20 familias.

$\overline{C}$	2	3	4	5	6
$f_0$	2/3	0.5	1/3	1/6	0

**Tabla 3.1.** Valores de  $f_0$  a partir de diferentes valores de  $\overline{C}$  en una red con Cm=6.

$$\sigma_{i} \begin{cases} \text{familia (i), } \overline{C} = 2\\ \text{familia (ii), } \overline{C} = 3\\ \text{familia (iii), } \overline{C} = 4\\ \text{familia (iv), } \overline{C} = 5\\ \text{familia (v), } \overline{C} = 6 \end{cases}$$

**Figura 3.2.** Representación de familias de redes a partir de los valores de s, i=2,3,4,5,6.

Finalmente, para cada familia se obtuvo un conjunto de redes que representen los diversos grados de correlación posibles en cada familia  $^6$ , tratando de construir redes con baja, mediana y alta correlación (cómo se verá en la siguiente sección, el parámetro que determino el grado de correlación fue la longitud de correlación. Para simplificar la descripción de las redes se mantuvieron fijos los valores de  $F_B$  en cada familia, moviendo los valores de  $F_S$  con objeto de obtener el valor de W deseado y por ende el grado de correlación. En las tablas 3.2 a 3.21 se

\_

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Se manejaron valores de  $s_S$  y  $s_B$  iguales.

 $<sup>^6</sup>$  Dependiendo del valor de  $\overline{C}$  se tiene un valor máximo de traslape. Véase la tabla 2.1, capítulo anterior.

muestran las redes construidas, junto con sus parámetros estadísticos, en total se tiene un número de 310 redes.

## III.1.3 Caracterización del tamaño de las zonas de coexistencia de elementos de tamaño similar

El traslape es una variable íntimamente relacionada a la correlación, dependiendo de su valor se puede saber que grado de correlación existe, como se vio en el capítulo pasado. Sin embargo,  $\Omega$  resulta una variable poco descriptiva del tamaño de las posibles zonas de coexistencia con elementos de tamaño similar.

Diferentes coeficientes o también funciones de correlación han sido propuestos en diferentes trabajos. Una forma sencilla de definir un coeficiente de correlación para los eventos de encontrar un sitio con un tamaño  $R_i$  y otro sitio con un tamaño  $R_j$ , separados por una distancia r es con la siguiente ecuación:

$$C^{ij}(r) = \frac{\left\langle \left( R_i - \overline{R}_i \right) \left( R_j - \overline{R}_j \right) \right\rangle}{\left[ \left\langle \left( R_i - \overline{R}_i \right)^2 \right\rangle \left| \left( R_j - \overline{R}_j \right)^2 \right\rangle \right]^{1/2}}$$
(30)

donde los brackets <> indican el promedio estadístico sobre todos los sitios.

A partir de un coeficiente de correlación como el anterior, o con una función similar es posible determinar una longitud de correlación. La longitud de correlación ( $r_0$ ) es una medida del radio medio de las zonas en donde los valores de  $C^{ij}$  obedecen una relación inversamente proporcional a un exponente elevado al valor de  $r_0$ . La relación puede ser de tipo exponencial como lo han propuesto Ricardo [101] y Giona & Adrover [102].

$$C^{ij}(r)\mathbf{a}\frac{1}{e^{i f_{r_0}}} \tag{31}$$

Por su familiaridad con este trabajo se utilizo la ecuación propuesta por Riccardo para el calculo de  $r_0$ :

$$C^{ij}(r) = e^{-r/r_0} (32)$$

La ecuación anterior tiene dos propiedades importantes que definen dos condiciones limite:

$$\operatorname{Si} r_0 = 0 \Longrightarrow \qquad C^{ij}(r) = 0 \tag{33}$$

$$\operatorname{Si} r_0 = + \infty \qquad \Rightarrow \qquad C^{ij}(r) = 1 \tag{34}$$

De este modo,  $r_0$  puede tomar valores entre 0 y  $\Psi$ . Para redes poco correlacionadas  $l_0 \cong 0$  y para redes altamente correlacionadas  $r_0 >> 1$ . Así,  $r_0$  resulta una variable sumamente descriptiva, tanto del grado de correlación como del tamaño de las zonas formadas por elementos correlacionados.

#### III.1.3.1 Calculo de longitudes de correlación

Tres clases de coeficientes de correlación fueron definidos en este trabajo:  $C^{BB}(r)$ ,  $C^{SS}(r)$  y  $C^{CC}(r)$ .  $C^{BB}(r)$ , es igual al coeficiente de correlación existente entre los tamaños de dos enlaces separados por una distancia r, matemáticamente se expresa con la ecuación (35).  $C^{SS}(r)$ , es igual al coeficiente de correlación existente entre dos sitios separados por una distancia r; se calcula con la ecuación (36). Por último,  $C^{CC}(r)$ , es igual al coeficiente de correlación existente entre las conectividades de dos sitios separados por una distancia r, como lo indica la ecuación (37). En este trabajo la distancia r se encuentra expresada en unidades de red: r=1, es igual a la distancia entre nodo y nodo de la red, es decir a la distancia existente entre los centros de dos sitios primeros vecinos sobre el mismo eje, o los centros de dos enlaces primeros vecinos sobre el mismo eje. Estos tres tipos de coeficientes de correlación fueron evaluados sobre los ejes x, y y z.

$$C^{BB}(r) = \frac{\left\langle \left( R_{Bi} - \overline{R}_{Bi} \right) \left( R_{Bj} - \overline{R}_{Bj} \right) \right\rangle}{\left[ \left\langle \left( R_{Bi} - \overline{R}_{Bi} \right)^2 \right\rangle \left\langle \left( R_{Bj} - \overline{R}_{Bj} \right)^2 \right\rangle \right]^{/2}}$$
(35)

$$C^{SS}(r) = \frac{\left\langle \left( R_{Si} - \overline{R}_{Si} \right) \left( R_{Sj} - \overline{R}_{Sj} \right) \right\rangle}{\left[ \left\langle \left( R_{Si} - \overline{R}_{Si} \right)^2 \right\rangle \left( \left( R_{Sj} - \overline{R}_{Sj} \right)^2 \right\rangle \right]^{/2}}$$
(36)

$$C^{CC}(r) = \frac{\left\langle \left(C_i - \overline{C}_i\right) \left(C_j - \overline{C}_j\right) \right\rangle}{\left[\left(C_i - \overline{C}_i\right)^2 \left\langle \left(C_j - \overline{C}_j\right)^2 \right\rangle\right]^{1/2}}$$
(37)

Con las gráficas de los tres coeficientes anteriores vs. r, se ajusto una curva exponencial de primer orden con objeto de averiguar los valores de  $r_0$  correspondientes  $(r_0^{BB}, r_0^{SS}, r_0^{CC})$ . Puesto que se tiene un total de 301 redes construidas y puesto que para cada red se calcularon tres clases de valores de  $r_0$ , en consecuencia se tiene un total de 903 valores de  $r_0$  y de 903 gráficos de C(r). En las tablas 3.2 a 3.21 se presentan los valores de  $r_0$  para todas las redes. Presentar cada uno de los gráficos de C(r) implicaría una gran cantidad de hojas y por otra parte resultaría poco útil, puesto que en todos ellos se observa una buena coincidencia entre éstos y las curvas ajustadas. No obstante, en los gráficos 1 se presentan algunos ejemplos representativos de las funciones C(r), junto con las respectivas curvas exponenciales ajustadas.

## III.1.4 Caracterización de la distribución de tamaños y conectividades a través de las redes

Los momentos estadísticos que definen primordialmente la forma de las funciones de distribución de tamaños son dos: la media y la dispersión. Con las funciones se tiene una primera idea acerca de la distribución de los valores de los tamaños de los elementos a través de las redes. En particular, esos momentos estadísticos resultan bastante descriptivos de la distribución de los tamaños sobre la red cuando se tiene el caso de redes poco o nada correlacionadas. Sin embargo, esos parámetros resultan insuficientes para describir la

distribución de tamaños a través del espacio cuando se introducen parámetros tan importantes como la correlación y la conectividad.

Un primer paso para describir la estructuralización de las redes, por efecto de la conectividad y la correlación, es la definición de una función que describa la distribución de las conectividades en las redes. Esta función,  $f(C_i)$ , puede calcularse con la siguiente ecuación:

$$f(C_i) = \frac{P(C_i)}{\sum_{C_k=1}^6 P(C_k)}$$
(38)

donde  $P(C_i)$  es la probabilidad de encontrar un sitio con una conectividad igual a  $C_i$ . De esta forma, la ecuación anterior nos proporciona información sobre la forma en que se distribuyen los valores de la conectividad sobre las redes, es decir si existe alguna preferencia u ordenamiento de los valores de la conectividad en los sitios.

Otro aspecto importante en esa descripción es la distribución de los tamaños sobre los sitios de la red y su relación con los valores de la conectividad de los sitios. Una forma de investigar estos dos aspectos anteriores es mediante el calculo del tamaño medio de sitios en función de la conectividad,  $\overline{R}_s(C_i)$ . Esta variable describe entonces el tamaño medio de los sitios que poseen cada uno de los valores de la conectividad. Asimismo, pueden caracterizarse los enlaces con respecto a su tamaño y el valor de la conectividad de los dos sitios a los que conectan. Así se define el tamaño medio de los enlaces conectados por lo menos a un sitio con conectividad  $C_i$ ,  $\overline{R}_B(C_i)$ .

Cada una de las tres variables anteriores fueron evaluadas en todas las redes. Los resultados se encuentran en las tablas 3.22 a 3.37, en donde se presentan los valores correspondientes a tres redes de cada familia: aquellas con los valores más bajos, medianos y elevados de  $r_0^{BB}$ . Asimismo, se incluyen las figuras de sus gráficos correspondientes, ver los gráficos 2 a 13. En estos últimos gráficos, con objeto de comparar los valores de todas las redes, se graficaron los valores de  $\overline{R}_S(C_i)$  y  $\overline{R}_B(C_i)$  tomando una escala relativa de valores de R definida del modo siguiente:

$$R_{Br} = \frac{R_B - R_{b1}}{R_{b2} - R_{b1}} \tag{39}$$

$$R_{Sr} = \frac{R_S - R_{s1}}{R_{s2} - R_{s1}} \tag{40}$$

donde  $R_{Br}$  y  $R_{Sr}$  son los tamaños en la escala relativa,  $R_{b2}$  y  $R_{b1}$  son los tamaños máximo y mínimo, respectivamente, de  $F_B$ , y  $R_{s2}$  y  $R_{s1}$  son los tamaños máximo y mínimo de  $F_S$ . Así, la escala de tamaños relativo alcanza un intervalo de valores entre 0 y 1, correspondiendo los valores de 0.5 a los valores de  $\overline{R}_B$   $\overline{R}_S$ .

#### III.1.5 Caracterización de los tamaños sitios y enlaces en redes con $\overline{C}$ =6

Los tamaños de los sitios y los enlaces conectados para  $\overline{C}$ =6 pueden caracterizarse con dos densidades de probabilidad condicional. La primera de estas, es la probabilidad de encontrar un enlace de tamaño  $R_B$  conectado a un sitio de tamaño fijo  $R_S$ ,  $\mathbf{r}(R_B/R_S)$ . La segunda, es la densidad de probabilidad de encontrar un sitio de tamaño  $R_S$  conectado a un enlace de tamaño fijo  $R_B$ ,  $\mathbf{r}(R_S/R_B)$ . Las dos funciones se definen con las siguientes expresiones:

$$\mathbf{r}(R_R/R_S) = F_R(R_R)\mathbf{f} \tag{41}$$

$$\mathbf{r}(R_S/R_B) = F_S(R_S)\mathbf{f} \tag{42}$$

Y numéricamente se calculan del modo siguiente:

$$r(R_{Bi}/R_S) = \frac{P(R_{Bi}/R_S)}{\sum_{RBk=b1}^{b2} P(R_{Bk}/R_S)}$$
(43)

$$\mathbf{r}(R_{Si}/R_B) = \frac{P(R_{Si}/R_B)}{\sum_{RSk=s}^{s2} P(R_{Sk}/R_B)}$$
(44)

donde  $P(R_{Bi}/R_S)$  y  $P(R_{Si}/R_B)$ , son respectivamente, la probabilidad de encontrar un enlace o un sitio de tamaños  $R_{Bi}$  o  $R_{Si}$  conectados a un sitio o un enlace de tamaños constantes  $R_B$  o  $R_S$ . Desafortunadamente,  $\mathbf{r}(R_B/R_S)$  y  $\mathbf{r}(R_S/R_B)$  son difíciles de calcular de forma analítica debido a su complejidad, sin embargo, se sabe que existe una buena coincidencia entre los valores analíticos y numéricos para esta clase de probabilidades [102].

Con el calculo de las probabilidades condicionales se puede tener una idea acerca del tamaño de los elementos conectados entre sí, así como de la dependencia que tiene un elemento de tamaño dado sobre todos los posibles tamaños de elementos primeros vecinos a los que podría estar conectado.

Se calculo  $\mathbf{r}(R_B/R_S)$  para tres tamaños fijos de sitios:  $\overline{R}_S - \sigma$ ,  $\overline{R}_S$ ,  $\overline{R}_S + \sigma$ . En forma equivalente,  $\mathbf{r}(R_S/R_B)$  fue determinada para tres tamaños fijos de enlaces:  $\overline{R}_B - \sigma$ ,  $\overline{R}_B$ ,  $\overline{R}_B + \sigma$ . De esta forma se estudiaron tres clases de tamaños de elementos: chicos, medianos y grandes.

Estos cálculos se efectuaron para las redes con  $\overline{C}$  =6, para tres casos en cada familia: aquellas redes con los valores más bajos, con los valores intermedios y con valores máximos de  $r_0^{BB}$ . Véanse los gráficos 14 a 17.

#### III.2 Discusión

#### III.2.1 Correlación entre tamaños de elementos

Una consecuencia directa de la correlación entre tamaños de elementos, en una red porosa, es la formación de zonas de coexistencia de elementos de tamaño similar. Es decir, la existencia de regiones en donde se agrupan sitios y enlaces de tamaño grande, rodeadas de otras zonas formadas por elementos de tamaño mediano y de otras constituidas por elementos de tamaño chico. Esta situación, conocida como efecto de segregación de tamaños, no es algo novedoso, y ya ha sido reportado en trabajos previos a esta investigación [95, 103]. El efecto

puede apreciarse de manera visual en las figuras 3.3. En ambas, se muestran cortes transversales en secciones medias de redes con  $\overline{C}$ =4 y diferentes grados de correlación (valores bajos y elevados de  $r_0^{BB}$ ), mostrando con diferentes colores tres clases de tamaños de elementos: en color verde, elementos de tamaño chico; en color rojo, elementos de tamaño mediano; y en color amarillo, elementos de tamaño mediano. El criterio de clasificación de tamaños se baso en la división del área bajo las curvas de  $F_S$  y  $F_B$  en tres secciones con áreas iguales. En las figuras anteriores puede ser apreciado el efecto de segregación de tamaños, este efecto crece de magnitud a medida que lo hacen también los valores de  $r_0^{BB}$  y  $r_0^{SS}$ .

#### III.2.1.1 Variables que afectan la correlación

López, eta al. [90] y Riccardo, et.al [101], han demostrado que la variable que afecta con mayor fuerza los valores de  $r_0$  es  $\boldsymbol{W}$ , puesto que los valores de  $r_0$  aumentan de manera exponencial conforme aumentan los valores de  $\boldsymbol{W}$ . Incluso, en los dos trabajos anteriores fueron propuestas ecuaciones empíricas para definir  $r_0$  en función de  $\boldsymbol{W}^7$ :

$$r_0^{SS} = \frac{\Omega}{1 - \Omega} \tag{45}$$

$$r_0^{SS} = 2\frac{\Omega^2}{(1-\Omega)^2} \tag{46}$$

Sin embargo, las ecuaciones anteriores fueron propuestas para describir redes con valores constantes de  $\overline{C}$  y s. No obstante, un punto importante en las ecuaciones anteriores es la elección de W como la variable que determina en mayor medida los valores de  $r_0$ . ese efecto puede apreciarse también en los resultados de este trabajo; véanse los gráficos 22 a 24, donde se representan valores de  $r_0$  en función de w para curvas con diferentes valores de  $\overline{C}$  y s. El gráfico 22 corresponde a valores de  $r_0^{BB}$ , el 23 a valores de  $r_0^{SS}$  y el 24 a valores de  $r_0^{CC}$ . En estos tres últimos gráficos se observa una tendencia general, en donde los valores de  $r_0$  aumentan de manera creciente a medida que lo hacen los valores de w.

Se observa también, que existe una relación entre los valores de  $r_0^{BB}$  y  $r_0^{SS}$ ; véase el gráficos 25, donde se representan valores de  $r_0^{SS}$  vs.  $r_0^{BB}$ . La relación consiste en lo siguiente: cuando se tiene el caso de  $\overline{C} \ge 4$ ,  $r_0^{BB} \approx r_0^{SS}$  (gráficos 25(c-e)), y cuando  $\overline{C} < 4$ ,  $r_0^{BB} \ge r_0^{SS}$  (gráficos 25(a-b)). Las relaciones anteriores pueden explicarse en términos de las diferencias topológicas entre sitios y enlaces. Cuando se tienen valores bajos de  $\overline{C}$  la probabilidad de encontrar dos sitios ubicados sobre nodos vecinos conectados a través de un mismo enlace es menor, comparada con el caso de valores elevados de  $\overline{C}$ . De forma equivalente, la probabilidad de encontrar dos enlaces conectados a un mismo sitio siempre es igual a uno. Es por medio de la diferencia entre las dos probabilidades anteriores que puede explicarse valores mayores de  $r_0^{BB}$  con respecto a  $r_0^{SS}$  para el caso de redes con valores bajos de  $\overline{C}$ .

\_

<sup>&</sup>lt;sup>7</sup> La ecuación (44) se propone en [101] y la ecuación (45) se propone en [90].

Volviendo nuevamente a las variables que determinan la correlación, W no es la única que influye sobre los valores de  $r_0$ . Indudablemente que tanto  $\overline{C}$  como s influyen también sobre la correlación. Cuando se tienen valores bajos de s es mucho más probable encontrar poros de tamaño similar agrupados que cuando se tiene el caso de valores elevados de s. Por su parte,  $\overline{C}$  es una variable que condiciona la propagación de correlaciones entre los poros. Mayagoitia et al. [V. Mayagoitia, F. Rojas, I. Kornhauser & H. Pérez-Aguilar Langmuir, 1997, 13, 1327] demostró que las correlaciones entre tamaños de poros se propagan a través de una red mediante pequeños ciclos autoconsistentes de poros interconectados.

Los resultados, en este trabajo, parecen indicar que  $\overline{C}$  es la variable que incide con mayor fuerza sobre los valores de  $r_0$ , después de  $\Omega$ . Si se observan los gráficos 22, 23 y 24 puede advertirse que conforme aumentan los valores de  $\overline{C}$  se obtienen valores cada vez elevados para  $r_0$ . Por ejemplo, cuando  $\overline{C}$  =6 los máximos valores alcanzados por  $r_0^{BB}$  y  $r_0^{SS}$  son aproximadamente 13 y 14, respectivamente (gráficos 22(e), 23(e)) y cuando  $\overline{C}$  =5, el máximo valor alcanzado por  $r_0^{CC}$  es 10, aproximadamente (gráficos 24(e)). De manera contrastante, cuando se tiene  $\overline{C}$  =2 los máximos valores alcanzados por  $r_0^{BB}$ ,  $r_0^{SS}$  y  $r_0^{CC}$  son aproximadamente 8, 2.5 y 2, respectivamente (gráficos 22(a), 23(a) y 24(a)). El hecho de que  $\overline{C}$  influya sobre la correlación, es una idea que concuerda con un hecho intuitivo: para que exista una correlación apreciable entre dos elementos separados por una distancia r, es condición necesaria una buena interconexión entre los elementos de la red (es decir, valores elevados de  $\overline{C}$ ), con objeto de que puedan propagarse con facilidad las correlaciones.

Los valores de s influyen también sobre la correlación. Esto es particularmente válido para el caso de redes con  $\overline{C} \ge 4$ , en los valores de  $r_0^{BB}$  y  $r_0^{SS}$  (gráficos 22(c-e) y 23(c-e)). A medida que aumentan los valores de  $\overline{C}$  la influencia de s sobre la correlación aumenta también. Para  $\overline{C} = 6$  se tiene el caso extremo en el que s controla de manera determinante los valores de  $r_0$ ; para este caso, se distinguen claramente 4 curvas de  $r_0$  en función del valor de s (gráficos s (gr

Los gráficos para  $\overline{C}=2$  y  $\overline{C}=3$  son particularmente interesantes (22(a-b) y 23(a-b)). Se observa que los valores de  $r_0^{BB}$  y  $r_0^{SS}$  se convierten en funciones de una sola variable. Lo anterior se constata al observar el colapsamiento de todas las curvas de  $r_0$  en función de W independientemente de los valores de s o  $\overline{C}$  (como es de suponer, el colapsamiento para  $\overline{C}=2$  es mayor que para  $\overline{C}=3$ ). Asimismo, para W<0.32 tanto las curvas de  $\overline{C}=2$  y $\overline{C}=3$ , colapsan en una misma curva (gráficos 22(e) y 23(e)).

Los valores de  $r_0^{CC}$  siguen un comportamiento similar a los valores de  $r_0^{BB}$  y  $r_0^{SS}$ , con respecto a s. A valores bajos de  $\overline{C}$ ,  $\overline{C}$ =2, las curvas se colapsan en una sola (gráfico s24(a)). Pero a valores mayores de s2, s3, la influencia de s3 cobra fuerza, diferenciando en 4 curvas distinguibles los valores de s3 (gráficos s24(b-d))

# III.2.1.2 Ecuaciones empíricas para los valores de $r_0$

Con objeto de entender las relaciones entre los valores de  $r_0$ , W,  $\overline{C}$  y s, se ajustaron ecuaciones empíricas sobre las curvas de  $r_0$ .

Para describir las curvas con  $\overline{C}=2$  se encontraron las siguientes ecuaciones (véanse los gráficos 22(a), 23(a) y 25(a), respectivamente):

$$r_0^{BB} = \frac{0.10}{\left(\frac{\overline{C}}{C_m} - \Omega\right)} \tag{47}$$

$$r_0^{SS} = \frac{0.020}{\left(\frac{\overline{C}}{C_m} - \Omega\right)} + 0.25 \tag{48}$$

$$r_0^{SS} = 0.20r_0^{BB} + 0.25 (49)$$

Para las curvas con  $\overline{C}$  =3 se encontraron las siguientes ecuaciones (véanse los gráficos 22(b), 23(b) y 25(b), respectivamente):

$$r_0^{BB} = \frac{1.75\Omega}{\left(\frac{\langle C \rangle}{C_m} - \Omega\right)} \tag{50}$$

$$r_0^{SS} = \frac{0.70\Omega}{\left(\frac{\overline{C}}{C_m} - \Omega\right)} + 0.10\tag{51}$$

$$r_0^{SS} = 0.40r_0^{BB} + 0.10 ag{52}$$

Para las curvas con  $\overline{C}$ =4 se encontraron las siguientes ecuaciones (véanse los gráficos 22(c), 23(c) y 25(c), respectivamente):

$$r_0^{BB} = \frac{8\Omega^2}{\left(\frac{\overline{C}}{C_m} - \Omega\right)^2} \tag{53}$$

$$r_0^{SS} = \frac{6\Omega^2}{\left(\frac{\overline{C}}{C_m} - \Omega\right)^2} \tag{54}$$

$$r_0^{SS} = 0.75 r_0^{BB} \tag{55}$$

Para las curvas con  $\overline{C}=5$  se encontraron las siguientes ecuaciones (véanse los gráficos 22(d), 23(d) y 25(d), respectivamente):

$$r_0^{BB} = \frac{920\Omega^3}{\mathbf{s} \left(\frac{\overline{C}}{C_m} - \Omega\right)^3}$$
 (56)

$$r_0^{SS} = \frac{1196\,\Omega^3}{\mathbf{s} \left(\frac{\overline{C}}{C_m} - \Omega\right)^3} \tag{57}$$

$$r_0^{SS} = 1.30 \, r_0^{BB} \tag{58}$$

Finalmente, para las curvas con  $\overline{C}$  =6 se encontraron las siguientes ecuaciones (véanse los gráficos 22(e), 23(e) y 25(e), respectivamente):

$$r_0^{BB} = \frac{6x10^6 \Omega^5}{\mathbf{s}^3 \left(\frac{\overline{C}}{C_m} - \Omega\right)^5}$$
 (59)

$$r_0^{SS} = \frac{8.5x10^6 \Omega^5}{\mathbf{s}^3 \left(\frac{\overline{C}}{C_m} - \Omega\right)^5}$$

$$(60)$$

$$r_0^{SS} = 1.42 \, r_0^{BB} \tag{61}$$

# III.2.1.3 Análisis de las ecuaciones empíricas

Las ecuaciones anteriores revelan aspectos muy interesantes. En primer lugar, todas, exceptuando (49), (52), (55), (58), y (61) poseen un término común en el denominador:  $(\overline{C}/C_m$ -W); este término cumple con la siguiente condición limite:

si 
$$\mathbf{W} = \mathbf{W}_{max}$$
  $\Rightarrow$   $\left(\frac{\overline{C}}{C_m} - \mathbf{W}\right) = 0$  (62)

bajo la condición anterior, tanto  $r_0^{BB}$  como  $r_0^{SS}$  tienden a un valor igual a  $+\infty$ , cuando el denominador tiende a cumplir con la ecuación anterior. Asimismo, exceptuando las ecuaciones para  $\overline{C}=2$  ((47)-(48)), existe también un termino común en el numerador: **W**.

Por otra parte, el grado de las ecuaciones aumenta a medida que el valor de  $\overline{C}$  lo hace; por ejemplo, en las ecuaciones (47)-(48) ( $\overline{C}$ =2) los términos comunes de las ecuaciones se encuentran elevados al exponente igual a uno y en las ecuaciones (59)-(60) ( $\overline{C}$ =6), los términos comunes se encuentran elevados al exponente igual a cinco. Otro aspecto importante consiste en los términos para s. Como se había señalado con anterioridad, s no resulta ser una variable que afecte significativamente los valores de las longitudes de correlación cuando se tienen redes con  $\overline{C}$ <5, lo cual se constata con las ecuaciones (47) a (55), donde no existe s como variable; sin embargo, para  $\overline{C}$ >4, s toma parte importante como una variable que influye sobre los valores de  $r_0$  (ecuaciones (56) a (61)). Finalmente, otro aspecto importante a señalar consiste en la relación que mantienen los valores de  $r_0^{BB}$  y  $r_0^{SS}$  la cual es de tipo lineal, de acuerdo a las ecuaciones (49), (52), (55), (58) y (61). Es interesante ver (gráficos 25), que el ajuste de est as últimas ecuaciones es bastante bueno para los casos con  $\overline{C}$ =5. Sin embargo, para valores menores de  $\overline{C}$ , el acuerdo no es tan bueno, especialmente para  $\overline{C}$ =4.

$\overline{C}$	2	3	4	5	6
$W_{max}$	1/3	0.5	2/3	5/6	1

**Tabla 3.38.** Valores de  $W_{max}$  a partir de diferentes valores de  $\overline{C}$  en una red con  $C_m$ =6.  $W_{max}$  es el valor máximo que puede ser alcanzado por W.

Con las ecuaciones (47) a (61) es posible explicar por que no fue posible en este trabajo construir redes con valores de W cercanos a los valores limite (véase la tabla 3.38). En la tabla 3.39 se presentan diferentes valores para  $r_0$  obtenidos con las ecuaciones empíricas; estos valores son evaluados haciendo  $W > W_{max}$ .

$\overline{C}$	2	3	4	5	6
U					$8.8 \times 10^{12}$
$r_0^{SS}$	1.8	26.3	$1.5 \times 10^4$	$2.5 \times 10^{7}$	$1.2x10^{13}$

**Tabla 3.39**. Valores de  $r_0$  a partir de  $W=W_{max}$ -0.013 y diferentes valores de  $\overline{C}$ . Estos valores se obtienen a partir de las ecuaciones (46) a (60), según sea el caso, usando s=12 para  $\overline{C}=5$  y 6.

En esta última tabla para  $\overline{C}$  =6, se tiene  $r_0^{SS}$  =1.2x10<sup>13</sup>. El valor anterior resulta ser sumamente elevado, y es imposible obtener una red con esas características, tomando en cuenta que construyeron redes con un tamaño por cada lado de r=80. Sin embargo, a medida que

disminuyen los valores de  $\overline{C}$ , y con ello el orden de las ecuaciones, los valores de  $r_0$  disminuyen sustancialmente. Por ejemplo para  $\overline{C}$  =2, en la misma tabla, entonces  $r_0^{BB}$  =7.8. Estos últimos resultados predicen la factibilidad de construir redes con las condiciones anteriores, lo cual ha sido constatado con los resultados del trabajo.

### III.2.1.4 Análisis final sobre la correlación

Los resultados anteriores sugieren lo siguiente. Cuando se tienen valores elevados de  $\overline{C}$  ( $\overline{C} \ge 4$ ) y de W el espacio poroso posee una continuidad tal, que permite una estructuralización en zonas de coexistencia de elementos con tamaño similar y con valores elevados de  $r_0$ , de tal modo que la influencia de s sobre la correlación entre elementos cobra fuerza. Pero cuando se tienen valores bajos de  $\overline{C}$  ( $\overline{C} \le 4$ ) y valores elevados de W, las redes cuentan con una discontinuidad del espacio poroso tal, que no permite una estructuralización en zonas de coexistencia de elementos con tamaño similar y valores elevados de  $r_0$ , de tal modo que la correlación entre tamaños de elementos se vuelve una variable independiente de s. Indudablemente que el contraste de las dos situaciones anteriores sugiere que s, para influir sobre los valores de  $r_0$ , necesita que estos sean elevados.

A manera de corolario: primero, la variable con mayor influencia sobre la correlación es W; en todas las redes se observa un incremento de  $r_0$  conforme aumentan los valores de W. Segundo, S afecta los valores de  $r_0^{BB}$  y  $r_0^{SS}$  cuando los poros de tamaño similar se agrupan en zonas con una conectividad promedio mayor o igual a 4, o mayor o igual a 3, para el caso de  $r_0^{CC}$ . Cuando se tienen valores de conectividad promedio menores a 4, S afecta de manera prácticamente nula los valores de  $r_0^{BB}$  y  $r_0^{SS}$ . Tercero,  $\overline{C}$  es una variable mucho más importante que S sobre los valores de  $r_0$ . Estos resultados son de particular importancia puesto que ponen de manifiesto el hecho de que se requiere un número menor de variables para caracterizar la correlación a medida que se tienen medios porosos con valores bajos de conectividad.

### III.2.2 Distribución de tamaños y conectividades

### III.2.2.1 Distribución de conectividades

Otra característica importante de la topología son los valores de f(C). En ausencia de correlación, cuando  $\mathbf{W} \otimes 0$ , f(C) toma valores en concordancia a una función de tipo binomial con máximos en  $C = \overline{C}$ , es decir se tiene una distribución de conectividades de tipo aleatoria, basada únicamente en los valores de  $\overline{C}$ ; véanse los gráficos  $\mathbf{2}(\mathbf{a}, \mathbf{d}, \mathbf{g}, \mathbf{y}, \mathbf{j})$  correspondientes a  $\mathbf{W} = 0$ . Sin embargo, a medida que los valores de  $\mathbf{W}$  crecen los valores de f(C) cambian a una configuración donde la se toman valores máximos preferentemente en dos puntos: f(C=2) y f(C=6); véanse los gráficos  $\mathbf{2}(\mathbf{c}, \mathbf{f}, \mathbf{i}, \mathbf{y}, \mathbf{l})$ , correspondientes a valores de  $\mathbf{W}$  elevados. El gráfico  $\mathbf{2}(\mathbf{c})$ , con  $\overline{C} = 2$  y  $\Omega = 0.33$ , es un tanto diferente a los gráficos  $\mathbf{2}(\mathbf{f}, \mathbf{i}, \mathbf{y}, \mathbf{l})$ , ahí, se observan los valores máximos de f(C) en C=2 y C=1, sin embargo, en esa misma figura puede apenas apreciarse la preferencia por C=6, puesto que f(C=6) es mayor a f(C=5), f(C=4) y f(C=3). Las demás gráficas restantes sobre la misma columna  $\mathbf{2}(\mathbf{f}, \mathbf{i}, \mathbf{y}, \mathbf{l})$ , claramente muestran los valores máximos en f(C=2) y f(C=6). La relación que mantienen los valores de f(C=2) con respecto a

f(C=6), en estos tres últimos gráficos, depende de los valores de  $\overline{C}$ ; si  $\overline{C}=5$ , entonces f(C=6)>f(C=2); si  $\overline{C}=4$ , entonces f(C=6)\*f(C=2); y finalmente, si  $\overline{C}=3$ , entonces f(C=6)< f(C=2). En los resultados anteriores resulta interesante la preferencia de f(C) por los valores C=2 y C=6, conforme W aumenta. Esta dependencia de los valores de f(C) en función de f(C) en funció

La distribución de conectividades en función de la correlación, citada anteriormente cobra relevancia cuando se compara con los resultados encontrados en trabajos anteriores [104]. En este último, Ramírez-Cuesta et.al. demostró que f(C) no era una función cuyos valores cambiaran sensiblemente en función de W. Sin embargo, en esos estudios no era tomado en cuenta un aspecto topológico muy importante: las restricciones de tipo geométrico entre los tamaños de los sitios y enlaces conectados. Esto último, y su relación con los valores de f(C) encontrados en este estudio, se discutirá en las siguientes secciones.

## III.2.2.2 Relación entre tamaños de sitios y enlaces conectados

Los tamaños de los sitios y enlaces conectados se pueden analizar mediante los valores de  $\overline{R}_S(C)$  y  $\overline{R}_B(C)$ , gráficos 6 a 13. En los gráficos anteriores puede observarse que cuando la correlación es mínima los valores de  $\overline{R}_S(C)$  y  $\overline{R}_B(C)$  toman un valor casi constante y aproximadamente igual a  $\overline{R}_S$  y  $\overline{R}_B$ , respectivamente; gráficos 6 a 13 en (a, d, g, y j). Asimismo, a medida que aumenta la correlación los valores toman otra configuración. Resulta un poco difícil ver con claridad alguna tendencia, no obstante, puede apreciarse que los valores máximos de  $\overline{R}_B(C)$ , se encuentran en C=2, cuando la correlación es máxima; gráficos 6 a 9 en (c, f, i y l). Por su parte, en los valores de  $\overline{R}_S(C)$  puede apreciarse con más claridad una tendencia común, a medida que aumenta la correlación; esta consiste en un aumento en la magnitud de sus valores a medida que aumentan los valores de C. Es decir, independientemente del valor de C, los valores de  $\overline{R}_S(C)$  aumentan proporcionalmente con el valor de C, teniéndose siempre el mínimo en  $\overline{R}_S(C$ =0) y el máximo en  $\overline{R}_S(C$ =6); gráficos 10 a 13 en (c, f, i y l).

Dada la importancia de los valores de estás funciones, cuando C=2 y C=6, ver la sección y el párrafo anterior, se analizarán de manera particular estos dos casos. En los gráficos 26 a 29 se presentan los valores de  $\overline{R}_S(C)$  y  $\overline{R}_B(C)$ , para C=2 y 6. Dos tendencias generales se observan a medida que aumenta la correlación. La primera cosiste en que los valores de  $\overline{R}_S(C=2)$  toman valores menores con respecto a los de  $\overline{R}_S(C=6)$ , es decir:

$$\overline{R}_S(C=2) < \overline{R}_S(C=6)$$
 si **W**>0 (63)

La segunda consiste en que los valores de  $\overline{R}_B(C=2)$  toman valores mayores a los de  $\overline{R}_B(C=6)$ , es decir:

$$\overline{R}_B(C=2) > \overline{R}_B(C=6)$$
 si  $W>0$  (64)

Las dos tendencias anteriores alcanzan su punto limite en los máximos valores de  $r_0$  (gráficos **26** a **29** en (**c**, **f**, **i** y **l**)). Otra característica importante consiste en la relación que mantienen los valores de  $\overline{R}_S(C)$  con respecto a  $\overline{R}_B(C)$ , conforme **W** aumenta. Se observa que los valores de  $\overline{R}_S(C=2)$  y  $\overline{R}_B(C=2)$  son cada vez más similares, en tanto que los valores de  $\overline{R}_S(C=6)$  y  $\overline{R}_B(C=6)$  son bastante diferentes, cumpliéndose lo siguiente, (véanse también, nuevamente los gráficos **26** a **29** en (**c**, **f**, **i** y **l**)):

$$\overline{R}_S(C=6) >> \overline{R}_B(C=6)$$
 si  $W>>0$  (65)

$$\overline{R}_S(C=2) \gg \overline{R}_B(C=2)$$
 si  $\Omega >> 0$  (66)

Esto último permiten sugerir lo siguiente. Conforme aumenta la correlación los sitios y los enlaces que poseen un tamaño similar, se agruparan en regiones con una conectividad baja (C=2), y los sitios cuyo tamaño sea mucho mayor al de sus enlaces, se agruparan en regiones con conectividad elevada (C=6).

## III.2.2.3 Restricciones de tipo geométrico y conectividad

Los resultados anteriores permiten sugerir lo siguiente: el valor de W condiciona el tamaño de los elementos dependiendo del valor de la conectividad local que poseen. Esto se ejemplifica con el caso de las redes no correlacionadas. Para ese tipo de estructuras el valor de la conectividad local no influye sobre el tamaño de los elementos. Es decir, cualquier tamaño de sitio puede conectarse a cualquier juego de C-enlaces, puesto que siempre es cumplido el PC, independientemente del valor de C del sitio. En ese caso, el espacio incumbente correspondiente, ecuación (14), toma un valor prácticamente igual a 1 bajo cualquier condición. Sin embargo, conforme aumenta el valor de W las restricciones de tipo geométrico entre los tamaños de los elementos conectados influyen sobre el valor de la conectividad local de los elementos. A medida que aumenta la correlación, los sitios de tamaño pequeño y los enlaces de tamaño grande resultan ser los elementos con mayores restricciones para conectarse. Un sitio de tamaño pequeño resulta poco factible de conectarse a 6 enlaces, puesto que el tamaño de sus enlaces requiere que sean de un tamaño mucho más pequeño que el del sitio en cuestión, algo poco factible en una estructura correlacionada, puesto que a medida que aumenta W, el tamaño de los enlaces se hace cada vez más similar al de los sitios. Sin embargo, los sitios de tamaño pequeño pueden conectarse a enlaces de tamaño similar cuando el valor de la conectividad de estos sitios es igual a uno o dos. Los enlaces de tamaño grande también encuentran dificultades para conectarse en una red correlacionada. Dada sus características resulta poco probable que se conecten a sitios de tamaño más grande al de ellos, puesto que en una red correlacionada el tamaño de los sitios y los enlaces es cada vez más

similar. Sin embargo, esta última clase de enlaces puede conectarse con sitios de tamaño similar bajo un valor de conectividad local igual a dos, obedeciendo de esta forma el PC.

Las observaciones anteriores permiten entender por qué a medida que aumenta el valor del traslape las redes se segregan en tamaños y conectividades. Cuando se tiene un valor de W intermedio los enlaces y los sitios con tamaño similar son precisamente los que se sitúan en la región del traslape; el tamaño de esos enlaces es grande en  $F_B$  y el de los sitios es chico en  $F_S$ . Estos elementos necesariamente se conectan entre si bajo una conectividad local igual a dos o uno. Pero, como consecuencia del valor de  $\overline{C}$  correspondiente, es necesario, en algunos casos ( $\overline{C}$ >2), aumentar el valor de las conectividad locales de los elementos restantes (aquellos fuera de W), por lo que se explica la creciente presencia de elementos con conectividad local mayor a 2.

También se explica el comportamiento para los casos de extrema correlación. En estos casos, las redes han llegado a una configuración en la que prácticamente todos los sitios poseen conectividad local igual a dos o seis; encontrándose los enlaces de mayor tamaño unidos a sitios de tamaño similar con conectividad dos, los sitios de menor tamaño con conectividad uno unidos a enlaces de tamaño similar y los enlaces de mayor tamaño unidos a sitios de tamaño mucho mayor con valores de conectividad igual a seis. La existencia de elementos con los valores de conectividad restantes (C=3,4 y 5) es mínima y constituyen aproximadamente del 3 al 13% del total.

### III.2.2.4 Análisis del tamaño de elementos en redes con $\overline{c}$ =6

El caso de las redes con  $\overline{C}$  =6 constituye un caso especial, puesto que todos los sitios poseen un valor de conectividad igual a seis. Para este caso no existe la posibilidad de que los elementos con mayores restricciones para conectarse, aquellos situados en W posean un valor de conectividad baja (sitios de tamaño peque ño y enlaces de tamaño grande). Para este caso, se tiene un efecto de segregación de tamaños que cobra mayor fuerza a medida que el valor de  $\Omega$  crece. Es decir, como se había señalado con anterioridad, el tamaño de los sitios y enlaces conectados es cada vez más similar. Esto se encuentra en concordancia con los resultados mostrados en las graficas 14 a 21, donde se presentan graficados valores de  $r(R_B/R_S)$  y de  $r(R_S/R_B)$  para redes con W=0 hasta redes con W>0. Puede observarse, en las figuras anteriores como a medida que el valor de W crece el tamaño de los enlaces en cada vez más similar al de los sitios a los que se une; tomando una distribución de tamaños con decaimiento exponencial con un máximo en la vecindad del sitio o del enlace de tamaño fijo.

### III.2.3 Topologias típicas

Los resultados anteriores permiten tener una idea sobre la topología de diferentes tipos de redes. Cuando se tienen estructuras con baja correlación los tamaños de los elementos (sitios y enlaces) se encontraran distribuidos de manera aleatoria a través del espacio, y la conectividad local de cada sitio estará dada por una función de tipo binomial en concordancia con el valor de  $\overline{C}$  y con independencia del tamaño del sitio en cuestión. Cuando se tengan estructuras medianamente correlacionadas los tamaños de los sitios y de los enlaces se encontraran segregados en zonas con un tamaño promedio de 3 o 4 elementos de longitud (dependiendo del valor de  $r_0$ ) y aquellos sitios y enlaces cuyos tamaños sean similares se encontraran formando zonas con los valores más bajos de conectividad (C=1 o C=2); estas

zonas de baja conectividad se encontraran alternadas por regiones formadas por elementos con conectividades locales intermedias o elevadas, dependiendo del valor de  $\overline{C}$ , y en donde serán claramente distinguibles dos clases de elementos: sitios y enlaces, siendo el tamaño de esos sitios mucho mayor al de esos enlaces. Finalmente, cuando se tenga el caso de sólidos altamente correlacionados, los elementos se encontrarán segregados en dos zonas de gran tamaño: en una zona de alta conectividad y en otra zona de baja conectividad, manteniendo ambas una relación de proporcionalidad cuya magnitud dependerá de los valores de  $\overline{C}$  (para  $\overline{C}$  >2). Las zonas de baja conectividad (C=1 o C=2) consistirán de un conglomerado de tubos no intersectantes, de tamaños similares; estos conglomerados se comunicarán con zonas de alta conectividad a través de una superficie o especie de envolvente formada por sitios con conectividades locales intermedias; es en esa envolvente en donde se encontrarán los pasajes o gargantas de menor tamaño. Las zonas de alta conectividad estarán formadas por sitios y enlaces con tamaños claramente distinguibles, siendo esas regiones de gran extensión y en donde se encontrarán los poros de mayor tamaño (sitios). Por último, el caso de una estructura altamente correlacionada con  $\overline{C}=2$ , constituye un caso especial en donde la estructura se forma básicamente por un conglomerado de tubos no intersectantes agrupados en regiones de tamaño similares y delimitadas por superficies formadas por gargantas y cavidades con conectividades locales mayores a dos.

#### III.3 Tablas de resultados

	$\overline{C}$ =2 $s$ =4						
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$			
46	0	0.1875	0.1390	0.5421			
38	0.0138	0.2401	0.1835	0.5384			
34	0.0465	0.3544	0.2432	0.5406			
32	0.0764	0.4440	0.2821	0.5435			
30	0.1182	0.5636	0.3290	0.5618			
28	0.1718	0.7729	0.3726	0.5877			
27	0.2019	0.9380	0.4003	0.5877			
26	0.2340	1.1988	0.4303	0.6300			
25	0.2672	1.6323	0.4859	0.6677			
24	0.2978	2.1635	0.5810	0.7469			
23	0.3205	2.5861	0.7775	1.0206			
22	0.3314	3.7510	1.2260	1.4678			
21	0.3331	7.8142	2.5811	1.8810			

**Tabla 3.2**. Familia de redes para s=4. En todas las redes  $\overline{R}_B=20 \text{ Å y } \overline{C}=2$ .

$\overline{C} = 3$ $s=4$						
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$		
44	0	0.0066	0.1114	0.5420		
39	0.0127	0.2301	0.1967	0.5431		
34	0.0587	0.4291	0.3224	0.5644		
32	0.0939	0.5934	0.3949	0.5999		
30	0.1487	0.8960	0.4765	0.6894		
28	0.2212	1.5415	0.6114	1.0204		
27	0.2628	2.1261	0.7906	1.6303		
26	0.3068	2.9751	1.1819	2.6815		
25	0.3580	4.2559	1.7146	3.6279		

**Tabla 3.3**. Familia de redes para s=4. En todas las redes  $\overline{R}_B=20 \text{ Å y } \overline{C}=3$ .

	$\overline{C}$ =4 $s$ =4						
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$			
44	0	0.1624	0.1083	0.5417			
42	0.0052	0.1927	0.1712	0.5399			
40	0.0110	0.2317	0.1869	0.5440			
38	0.0197	0.2945	0.2449	0.5468			
36	0.0390	0.3772	0.3196	0.5593			
34	0.0684	0.5293	0.4226	0.5936			
32	0.1136	0.8479	0.5648	0.6900			
31	0.1406	1.1399	0.6425	0.8064			
30	0.1749	1.7523	0.8130	1.4977			
29	0.2155	2.9363	1.3834	3.8851			
28	0.2622	4.2704	2.4624	5.4339			
27	0.3125	5.9520	3.8425	6.1145			

**Tabla 3.4**. Familia de redes para s=4. En todas las redes  $\overline{R}_B=20 \text{ Å y } \overline{C}=4$ .

	$\overline{C}$ =5 $s$ =4						
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$			
46	0	0.1533	0.1367	0.5409			
40	0.0120	0.2411	0.2114	0.5449			
36	0.0437	0.4279	0.3834	0.5652			
34	0.0763	0.6602	0.5705	0.6205			
33	0.0989	0.8982	0.7559	0.6967			
32	0.1265	1.5687	1.5232	0.8990			
31	0.1595	4.0430	5.5463	4.5052			
30	0.1987	6.5823	8.3445	7.3184			
29	0.2387	8.6014	9.9949	8.0425			

**Tabla 3.5**. Familia de redes para s=4. En todas las redes  $\overline{R}_B=20 \text{ Å y } \overline{C}=5$ .

$\overline{C}$ =6  s=4						
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$		
44	0	0.1497	0.0139	-		
42	0.0063	0.1906	0.1702	-		
40	0.0131	0.2495	0.2303	=		
38	0.0256	0.3390	0.3119	=		
37	0.0364	0.4012	0.3704	-		
36	0.0472	0.4918	0.4475	-		
35	0.0648	0.6216	0.5761	-		
34	0.0825	0.8614	0.8557	-		
33	0.1096	1.6919	2.4558	-		
32	0.1366	7.2385	12.7413	=		

**Tabla 3.6.** Familia de redes para s=4. En todas las redes  $\overline{R}_B=20 \text{ Å y } \overline{C}=6$ .

	$\overline{C}$ :	=2 s	=6		
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$	
62	0	0.1920	0.0369	0.5409	
58	0.0039	0.1990	0.1479	0.5422	
56	0.0066	0.1920	0.1415	0.5417	
54	0.0108	0.2066	0.1721	0.5384	
50	0.0254	0.2464	0.1822	0.5396	
48	0.0377	0.2863	0.2201	0.5396	
46	0.0530	0.3396	0.2428	0.5391	
44	0.0743	0.3980	0.2720	0.5420	
42	0.1008	0.4631	0.3004	0.5478	
40	0.1315	0.5680	0.3379	0.5534	
38	0.1704	0.7118	0.3759	0.5711	
37	0.1904	0.8231	0.3968	0.5822	
36	0.2114	0.9665	0.4186	0.5928	
35	0.2332	1.1712	0.4426	0.6068	
34	0.2553	1.4467	0.4771	0.6261	
33	0.2770	1.8778	0.5244	0.6562	
32	0.2966	2.5421	0.5985	0.7006	
31	0.3133	3.1317	0.7184	0.7794	
30	0.3251	3.7403	0.9231	0.9285	
29	0.3313	4.6562	1.3020	1.2258	
28	0.3328	6.3313	2.0475	1.5457	

**Tabla 3.7**. Familia de redes para s=6. En todas las redes  $\overline{R}_B=26 \text{ Å y } \overline{C}=2$ .

	<u>C</u> =3 s=6						
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$			
62	0	0.1716	0.0238	0.5444			
58	0.0051	0.1793	0.1502	0.5447			
56	0.0087	0.2089	0.1753	0.5424			
54	0.0134	0.2293	0.1745	0.5431			
50	0.0319	0.2892	0.2295	0.5456			
48	0.0470	0.3450	0.2643	0.5522			
46	0.0675	0.4147	0.3134	0.5578			
44	0.0938	0.4997	0.3654	0.5763			
42	0.1282	0.6398	0.4283	0.6051			
40	0.1694	0.8841	0.4927	0.6591			
38	0.2184	1.3247	0.5661	0.7612			
37	0.2468	1.7398	0.6313	0.8887			
36	0.2765	2.3679	0.7521	1.2043			
35	0.3075	3.1392	1.0031	1.9490			
34	0.3392	3.8904	1.4584	3.0470			
33	0.3722	4.7562	1.9685	3.7369			
32	0.4052	6.2042	2.6093	4.3801			

**Tabla 3.8.** Familia de redes para s=6. En todas las redes  $\overline{R}_B=26$  Å y  $\overline{C}=3$ .

	$\overline{C}$ =4 $s$ =6						
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$			
62	0	0.0337	0.1528	0.5426			
59	0.0046	0.0628	0.1295	0.5427			
56	0.0103	0.2095	0.1629	0.5406			
53	0.0200	0.2472	0.2091	0.5439			
50	0.0382	0.3219	0.2796	0.5521			
47	0.0661	0.4337	0.3655	0.5733			
46	0.0789	0.4943	0.4059	0.4851			
45	0.0936	0.5647	0.4518	0.6041			
44	0.1103	0.4943	0.4060	0.5851			
43	0.1284	0.7798	0.5624	0.6615			
42	0.1484	0.9558	0.6300	0.7125			
41	0.1733	1.2095	0.7087	0.7878			
40	0.1982	1.6238	0.8189	0.9420			
39	0.2285	2.3625	1.1420	1.5602			
38	0.2582	3.4635	2.0028	3.1328			
37	0.2923	4.6953	3.2882	4.8239			
36	0.3280	5.9031	4.2460	5.7585			
35	0.3656	7.5798	5.4978	6.5163			

**Tabla 3.9.** Familia de redes para s=6. En todas las redes  $\overline{R}_B=26 \text{ Å y } \overline{C}=4$ .

	$\overline{C}$ =5  s=6						
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$			
62	0	0.0369	0.0222	0.5430			
58	0.0071	0.1810	0.1453	0.5415			
56	0.0116	0.2179	0.1871	0.5422			
54	0.0184	0.2486	0.2202	0.5467			
50	0.0426	0.3536	0.3163	0.5525			
48	0.0624	0.4477	0.4008	0.5634			
46	0.0885	0.5947	0.5221	0.5961			
44	0.1235	0.8893	0.7718	0.6834			
43	0.1434	1.2476	1.2183	0.7969			
42	0.1684	2.5882	3.4629	1.0618			
41	0.1935	5.5373	7.7407	2.4360			
40	0.2244	8.1167	11.3449	6.5884			
39	0.2553	9.7016	13.3470	8.3357			
38	0.2922	10.6857	13.9353	8.9149			
37	0.3292	12.0399	14.3781	9.5687			

**Tabla 3.10**. Familia de redes para s=6. En todas las redes  $\overline{R}_B=26 \text{ Å y } \overline{C}=5$ .

	$\overline{C}$ =6  s=6						
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$			
62	0	0.1581	0.0545	-			
56	0.0127	0.2183	0.1988	-			
58	0.0079	0.1833	0.1484	-			
54	0.0200	0.2676	0.2359	-			
50	0.0462	0.3960	0.3636	-			
48	0.0677	0.0677	0.5151	-			
46	0.0967	0.7375	0.7020	-			
44	0.1350	1.5732	2.2734	-			
43	0.1595	3.9603	5.7524	-			
42	0.1839	7.9558	9.5520	=			

**Tabla 3.11**. Familia de redes para s=6. En todas las redes  $\overline{R}_B=26 \,\text{Å y}$   $\overline{C}=6$ .

	$\overline{C}$ =2  s=8								
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$					
82	0	0.0285	0.0106	0.5439					
64	0.0252	0.2452	0.1779	0.5378					
59	0.0507	0.3161	0.2324	0.5357					
54	0.0928	0.4230	0.2870	0.5438					
49	0.1546	0.6183	0.3635	0.5607					
47	0.1847	0.7592	0.3974	0.5730					
45	0.2164	0.9739	0.4334	0.5911					
43	0.2495	1.3247	0.4740	0.6114					
41	0.2817	1.9795	0.5430	0.6489					
39	0.3093	2.9335	0.6731	0.7308					
38	0.3197	3.6249	0.7957	0.8119					
37	0.3272	4.1625	0.9860	0.9366					
36	0.3312	4.7502	1.2682	1.1076					
35	0.3325	6.020.	1.7423	1.3731					
34	0.3330	8.2710	2.5334	1.6319					

**Tabla 3.12**. Familia de redes para s=8. En todas las redes  $\overline{R}_B=32 \text{ Å y } \overline{C}=2$ .

	$\overline{C}$ =3 s=8								
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$					
82	0	0.1348	0.1126	0.5456					
72	0.0083	0.1729	0.1548	0.5433					
67	0.0199	0.2276	0.1910	0.5430					
62	0.0426	0.0426	0.3074	0.5467					
57	0.0826	0.4295	0.3281	0.5640					
52	0.1465	0.6844	0.4481	0.6128					
49	0.1982	1.0183	0.5295	0.6773					
47	0.2387	1.4654	0.6028	0.7579					
45	0.2824	2.2384	0.7189	0.9559					
43	0.3309	3.2216	1.0071	1.6182					
42	0.3554	3.8905	1.3526	2.3554					
41	0.3802	4.5616	1.8158	3.1451					
40	0.4050	5.5300	2.2789	3.7191					
39	0.4283	7.0460	2.9581	4.3173					

**Tabla 3.13**. Familia de redes para s=8. En todas las redes  $\overline{R}_B=32 \text{ Å y } \overline{C}=3$ .

	$\overline{C}$ =4 $s$ =8								
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$					
80	0	0.1416	0.1464	0.5401					
60	0.0651	0.3992	0.3361	0.5636					
58	0.0848	0.4753	0.3943	0.5802					
56	0.1089	0.5780	0.4630	0.6057					
54	0.1378	0.7404	0.5559	0.6493					
52	0.1722	1.0198	0.6742	0.7266					
51	0.1903	1.2437	0.7434	0.7770					
50	0.2118	1.5571	0.8460	0.8751					
49	0.2333	1.9608	0.9879	1.0454					
48	0.2569	2.8146	1.6446	1.7635					
47	0.2821	3.8276	2.8828	3.1233					
46	0.3076	4.9161	4.2806	4.4993					
45	0.3363	6.1067	5.7721	5.9581					
44	0.3649	7.1337	6.7419	6.6892					
43	0.3945	8.3892	7.6665	7.0479					

**Tabla 3.14**. Familia de redes para s=8. En todas las redes  $\overline{R}_B=32 \text{ Å y } \overline{C}=4$ .

	$\overline{C}$ =5  s=8									
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$						
80	0	0.1500	0.1514	0.5419						
70	0.0162	0.2228	0.1965	0.5429						
60	0.0738	0.4553	0.4088	0.5698						
55	0.1378	0.8690	0.7656	0.6838						
54	0.1556	1.1131	1.0603	0.7580						
53	0.1734	1.7848	2.1794	0.9046						
52	0.1943	3.2892	4.4787	1.1502						
51	0.2153	5.5236	7.1720	1.9388						
50	0.2384	7.0479	9.2826	4.6988						

**Tabla 3.15**. Familia de redes para s=8. En todas las redes  $\overline{R}_B=32 \text{ Å y } \overline{C}=5$ .

	$\overline{C} = 6$ $s = 8$								
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$					
80	0	0.1403	0.0342	-					
76	0.0060	0.1785	0.1527	-					
72	0.0126	0.2042	0.1761	-					
68	0.0247	0.2635	0.2357	=					
66	0.0339	0.3078	0.2779	=					
64	0.0459	0.3579	0.3265	=					
62	0.0613	0.4282	0.3970	=					
60	0.0807	0.5274	0.4889	=					
58	0.1048	0.6841	0.6454	-					
56	0.1343	1.0427	1.2282	=					
55	0.1522	1.6335	2.6388	=					
54	0.1700	3.4460	5.5715	-					
53	0.1911	7.3093	9.6143	-					
52	0.2122	10.7482	12.5813	-					

Tabla 3.16. Familia de redes para s=8. En todas las redes  $R_B=32 \text{ Å y } C=6$ .

	$\overline{C}$ =2  s=12								
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$					
116	0	0.0203	0.0183	0.5419					
106	0.0048	0.1411	0.1307	0.5425					
96	0.0163	0.1986	0.1415	0.5414					
86	0.0441	0.2847	0.2052	0.5409					
76	0.0993	0.4096	0.2880	0.5435					
68	0.1690	0.6494	0.3777	0.5622					
66	0.1894	0.7431	0.4028	0.5692					
64	0.2107	0.8900	0.4307	0.5793					
62	0.2330	1.0806	0.4600	0.5971					
60	0.2548	1.3810	0.4918	0.6105					
58	0.2764	1.7964	0.5367	0.6365					
57	0.2865	2.0756	0.5612	0.6477					
56	0.2961	2.4221	0.5994	0.6699					
55	0.3048	2.8346	0.6425	0.6937					
54	0.3127	3.2226	0.7018	0.7316					
53	0.3195	3.6350	0.7697	0.7666					
52	0.3249	4.1178	0.8730	0.8184					
51	0.3288	4.6544	1.0356	0.9121					
50	0.3312	5.3900	1.2776	1.0675					
49	0.3323	6.2968	1.5946	1.2556					
48	0.3326	7.3123	2.0787	1.4801					

**Tabla 3.17.** Familia de redes para s=12. En todas las redes  $\overline{R}_B=44 \text{ Å y } \overline{C}=2$ .

	$\overline{C}$ =3 s=12						
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$ W		$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$			
116	0	0.0991	0.0037	0.5408			
108	0.0049	0.1686	0.1521	0.5422			
98	0.0167	0.2091	0.1503	0.5422			
88	0.0258	0.3002	0.2413	0.5473			
78	0.1082	0.4750	0.3597	0.5686			
74	0.0850	0.6252	0.4308	0.5962			
70	0.1911	0.8634	0.5140	0.6450			
68	0.2172	1.0795	0.5593	0.6773			
67	0.2306	1.2099	0.5833	0.6987			
66	0.2453	1.3981	0.6112	112 0.7229			
65	0.2597	1.6156	0.6374	0.7229			
64	0.2745	1.8549	0.6760	0.7944			
63	0.2902	2.1483	0.7164	0.8495			
62	0.3061	2.5234	0.7718	0.9349			
61	0.3220	2.9341	0.8495	1.0663			
60	0.3383	3.3392	0.9672	1.2740			
59	0.3548	3.7169	1.1332	1.5816			
58	0.3714	4.0775	1.3354	1.9464			
57	0.3879	4.5916	1.6039	2.3747			
56	0.4043	5.0664	1.8771	2.7500			
55	0.4206	5.8937	2.2292	3.2175			
54	0.4359	7.0283	2.7053	3.8009			

**Tabla 3.18.** Familia de redes para s=12. En todas las redes  $\overline{R}_B=44 \text{ Å y } \overline{C}=3$ .

	$ \overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})  W  r_{0}^{BB}  r_{0}^{SS}  r_{0}^{CC} $							
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$ W		$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$				
116	0	0.0206	0.1668	0.5419				
106	0.0076	0.1792	0.1535	0.5454				
96	0.0244	0.2405	0.1943	0.5457				
91	0.0407	0.2891	0.2509	0.5495				
86	0.0650	0.3697	0.3135	0.5565				
81	0.0999	0.4853	0.4048	0.5799				
76	0.1476	0.7073	0.5449	0.6366				
74	0.1710	0.8694	0.6256	0.6779				
72	0.1970   1.1188	0.7269 0.	0.7414					
71	0.2109	1.3042 0.8086		0.7851				
70	0.2255	1.5544	0.9380	0.8593				
69	0.2402	2.0445	1.2608	0.5724				
68	0.2565	2.7178	2.0068	1.3160				
67	0.2727	3.5813	3.1396	1.9219				
66	0.2894	4.5469	4.5001	3.0038				
65	0.3078	5.3739	5.8377	4.3127				
64	0.3257	6.1789	6.8286	5.4274				
63	0.3451	6.8462	7.7254	6.1997				
62	0.3644	7.3895	8.2718	6.5778				
61	0.3841	8.0251	8.7325	7.0851				
60	0.4048	8.7897	9.1619	7.4689				
59	0.4258	9.5461	9.5119	7.6259				

**Tabla 3.19**. Familia de redes para s=12. En todas las redes  $\overline{R}_B=44 \text{ Å y } \overline{C}=4$ .

	$\overline{C}$ =5 s=12								
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$					
116	0	0.0899	0.0128	0.5411					
110	0.0053	0.1513	0.1269	0.5425					
105	0.0099	0.1807	0.1285	0.5436					
100	0.0179	0.2223	0.1900	0.5436					
95	0.0306	0.2616	0.2374	0.5443					
90	0.0507	0.3323	0.2998	0.5508					
85	0.0801	0.4390	0.3971	0.5628					
82	0.1034	0.5379	0.4816	0.5854					
78	0.1431	0.7693	0.6753	0.6417					
76	0.1662	0.9978	0.9323	0.7214					
74	0.1926	1.6113	1.8458	0.8928					
73	0.2072	2.6400	3.6291	1.0341					
72	0.2218	4.0864	5.5810	1.2539					
71	0.2380	5.8900	7.5456	1.7389					
70	0.2511	7.3414	8.9428	3.2009					
69	0.2717	8.3878	10.1342	5.3719					
68	0.2894	9.3422	10.9154	7.1257					

**Tabla 3.20**. Familia de redes para s=12. En todas las redes  $\overline{R}_B=44 \text{ Å y } \overline{C}=5$ .

$\overline{C}$ =6  s=12								
$\overline{R}_{S}(\mathring{\mathbf{A}})$	W	$r_0^{BB}$	$r_0^{SS}$	$r_0^{CC}$				
116	0	0.1502	0.1483	-				
110	0.0060	0.1578	0.1553	-				
106	0.0098	0.1884	0.1497	=				
102	0.0157	0.2059	0.1929	-				
98	0.0246	0.2501	0.2245	-				
94	0.0374	0.2931	0.2736	=				
92	0.0456	0.3271	0.2985	-				
90	0.0555	0.3620	0.3376	=				
88	0.0670	0.4106	0.3802	-				
87	0.0737	0.4360	0.4089	=				
86	0.0803	0.4676	0.4344	=				
85	0.0881	0.5039	0.4650	-				
84	0.1016	0.5407	0.5048	=				
83	0.1045	0.5881	0.5482	=				
82	0.1136	0.6419	0.6043	=				
81	0.1238	0.7127	0.6806	-				
80	0.1339	0.7954	0.7853	-				
79	0.1454	0.9162	0.9791	=				
78	0.1569	1.1186	1.3896	-				
77	0.1699	1.4932	2.2834	-				
76	0.1828	2.3755	4.1170	=				
75	0.1972	4.7350	7.2642	-				
74	0.2117	7.4964	10.0168	=				
73	0.2277	9.8664	12.0514	-				
72	0.2437	11.3121	13.2708	=				
71	0.2614	12.1300	13.4364	-				
70	0.2791	13.1017	14.1143					

**Tabla 3.21**. Familia de redes para s=12. En todas las redes  $\overline{R}_B=44 \text{ Å y } \overline{C}=6$ .

	$\overline{C}=2$ $S=4$										
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.187$	5		$r_0^{BB} = 2.1635$			$r_0^{BB} = 7.8142$			
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$		
0	0.0869		45.98	0.0282		17.65	0.0071		11.56		
1	0.2643	20.01	45.98	0.2255	18.91	21.16	0.0930	15.32	15.98		
2	0.3296	20.00	45.99	0.5916	20.68	24.24	0.8651	20.17	21.40		
3	0.2193	20.01	46.02	0.0725	17.94	27.11	0.0046	14.82	21.51		
4	0.0820	20.00	46.03	0.0462	18.16	28.76	0.0049	16.24	24.58		
5	0.0164	19.95	46.07	0.0269	18.66	30.05	0.0085	17.47	26.52		
6	0.0014	20.01	46.13	0.0090	19.16	31.12	0.0168	18.59	28.20		

**Tabla 3.22**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 20$ .

	$\overline{C}=3$ $S=4$									
$C_i$	$r_0^{BB} = 0.0066$		į	$r_0^{BB} = 2.1261$			$r_0^{BB} = 4.2559$			
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	
0	0.0156		43.91	0.0045		19.49	0.0015		15.78	
1	0.0938	20.00	43.94	0.0971	20.32	22.67	0.0679	18.81	19.98	
2	0.2336	20.01	43.96	0.4619	21.75	25.39	0.6061	21.88	23.90	
3	0.3140	20.00	44.00	0.0952	18.14	27.45	0.0274	16.26	23.96	
4	0.2337	20.00	44.03	0.1121	18.39	29.03	0.0374	16.66	25.78	
5	0.0934	19.99	44.06	0.1295	19.02	30.46	0.0701	17.73	27.64	
6	0.0158	20.00	44.13	0.0995	19.66	31.77	0.1896	18.93	29.41	

**Tabla 3.23**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 20$ .

	$\overline{C}$ =4 $s$ =4												
$C_i$	i	$r_0^{BB} = 0.162$	4	1	$r_0^{BB} = 2.936$	3	1	$r_0^{BB} = 5.952$	20				
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$				
0	0.0014		43.82	0.0008		20.70	0.0002		16.90				
1	0.0164	19.99	43.92	0.0314	20.98	23.27	0.0282	20.28	21.14				
2	0.0826	20.02	43.90	0.3115 22.99 26.19		26.19	0.4214	23.48	25.13				
3	0.2186	20.01	43.96	0.0632	17.98	27.20	0.0152	15.74	23.20				
4	0.3299	20.00	44.00	0.1031	18.08	28.69	0.0286	15.87	24.55				
5	0.2633	20.00	44.06	0.1962	18.90	30.30	0.0693	17.03	26.42				
6	0.0877	19.99	44.03	0.2937	19.95	32.23	0.4371	19.36	29.57				

**Tabla 3.24**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 20$ .

	$\overline{C}$ =5 s=4												
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.153$	3		$r_0^{BB} = 4.043$	0	$r_0^{BB} = 8.6014$						
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$				
0	2E-5		44.90	0.0001		22.08	2E-5		18.00				
1	0.0006	20.21	46.31	0.0072	21.17	23.87	0.0059	21.48	22.35				
2	0.0079	19.98	45.92	0.1025	23.60	27.34	0.2082	25.41	26.96				
3	0.0535	20.02	45.98	0.0396	17.56	26.96	0.0092	16.01	23.76				
4	0.2013	20.00	45.97	0.0965	17.79	28.43	0.0211	15.15	23.83				
5	0.4019	20.00	46.00	0.2419	18.77	30.25	0.0677	16.07	25.28				
6	0.3347	20.00	46.02	0.5123	20.23	32.98	0.6878	19.65	30.27				

**Tabla 3.25**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 20$ .

	$\overline{C}$ =2 $s$ =6											
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.192$	0		$r_0^{BB} = 3.131$	7	$r_0^{BB} = 6.3313$					
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$			
0	0.0875		61.94	0.0372		21.20	0.0183		15.46			
1	0.2629	26.02	62.00	0.2271	23.6388	26.55	0.1192	19.88	21.30			
2	0.3302	26.00	62.01	0.5753	27.0434	31.72	0.8037	26.44	28.82			
3	0.2198	25.99	61.97	0.0737	23.0306	34.75	0.0162	20.03	29.03			
4	0.0818	26.00	62.06	0.0448	23.4840	37.45	0.0092	20.86	32.28			
5	0.0163	26.01	62.11	0.0294	24.4990	39.72	0.0123	22.93	35.65			
6	0.0014	26.01	61.91	0.0125	25.6424	41.82	0.02109	24.77	38.51			

**Tabla 3.26**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 26$ .

	$\overline{C}$ =3 $s$ =6												
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.171$	6		$r_0^{BB} = 3.139$	2		$r_0^{BB} = 6.204$	12				
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$				
0	0.0155	-	61.93	0.0064		23.34	0.0020		17.53				
1	0.0940	26.06	61.97	0.0939	24.85	28.04	0.0588	22.34	23.75				
2	0.2344	26.00	61.95	0.4683	28.36	33.15	0.6276	28.60	30.96				
3	0.3123	26.01	62.01	0.0991	23.04	34.87	0.0247	19.54	28.62				
4	0.2342	25.98	62.04	0.1016	23.30	37.19	0.0281	19.76	30.67				
5	0.0940	26.00	62.00	0.1180	24.52	39.69	0.0534	21.72	33.74				
6	0.0155	25.99	62.05	0.1126	26.04	42.39	0.2054	24.64	37.80				

**Tabla 3.27**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 26$ .

	$\overline{C}$ =4  s=6												
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.033$	7		$r_0^{BB} = 3.463$	5	$r_0^{BB} = 7.5798$						
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$				
0	0.0013		61.86	0.0014		25.51	0.0004		19.48				
1	0.0164	26.08	61.96	0.0357	25.84	29.23	0.0300	25.09	26.24				
2	0.0822	26.01	61.98	0.2850	29.77	34.51	0.4178	30.93	33.13				
3	0.2196	26.00	61.97	0.0834	22.90	34.89	0.0189	19.78	29.06				
4	0.3298	26.00	61.98	0.1176	22.91	36.82	0.0277	19.22	30.06				
5	0.2629	26.00	62.04	0.1875	24.26	39.34	0.0644	20.96	32.73				
6	0.0877				26.47	43.08	0.4408	25.15	38.28				

**Tabla 3.28**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 26$ .

	$\overline{C}$ =5  s=6											
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.036$	9		$r_0^{BB} = 5.537$	73	$r_0^{BB} = 12.0399$					
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$			
0	3E-5		61.00	2E-4	-	27.13	2E-6		19.00			
1	0.0007	26.01	61.28	0.0081	25.55	29.82	0.0074	29.77	30.24			
2	0.0080	26.02	61.79	0.0638	28.55	34.88	0.2166	34.82	36.24			
3	0.0530	26.01	61.93	0.0592	22.62	35.33	0.0071	20.56	29.83			
4	0.2016	25.99	61.99	0.1305	23.06	37.51	0.0158	17.39	27.65			
5	0.4023	0.4023 26.00 62.00			24.37	39.99	0.0433	18.45	29.19			
6	0.3344	26.00	62.02	0.4740	26.76	44.25	0.7097	25.39	38.06			

**Tabla 3.29**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 26$ .

	$\overline{C} = 2$ $S = 8$												
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.0285$			$r_0^{BB} = 4.162$	5	$r_0^{BB} = 8.2710$						
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$				
0	0.0878		81.98	0.0397	-	23.23	0.0184		16.84				
1	0.2632	32.01	82.01	0.2006	27.25	30.40	0.1149	23.38	24.88				
2	0.3291	32.00	81.99	0.6213	33.27	38.34	0.8112	32.54	35.18				
3	0.2199	32.01	82.01	0.0602	27.42	40.85	0.0146	23.41	33.68				
4	0.0822	31.98	82.00	0.0331	27.90	44.35	0.0075	24.37	37.69				
5	0.0164 31.97 81.99			0.0262	29.85	48.00	0.0110	27.78	42.76				
6	0.0013	31.89	82.57	0.0187	32.04	51.64	0.0223	30.56	46.89				

**Tabla 3.30**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 32$ .

	$\overline{C}$ =3 s=8												
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.134$	8		$r_0^{BB} = 3.221$	.6	$r_0^{BB} = 7.0460$						
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$				
0	0.0158		82.01	0.0087		27.40	0.0021		19.20				
1	0.0940	31.99	81.99	0.0995	29.85	33.78	0.0681	27.20	28.50				
2	0.2335	31.98	81.96	0.4558	34.95	40.89	0.6197	35.48	38.13				
3	0.3132	32.01	82.01	0.1048	28.08	42.41	0.0223	22.96	33.51				
4	0.2336	32.01	82.01	0.0993	28.40	45.44	0.0253	23.21	35.93				
5	0.0940 31.98 82.04			0.1145	30.23	48.96	0.0504	26.41	40.56				
6	0.0158	32.01	81.89	0.1174	32.55	52.81	0.2120	30.30	45.69				

**Tabla 3.31**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 32$ .

	$\overline{C}$ =4  s=8												
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.141$	6	i	$r_0^{BB} = 3.827$	6	$r_0^{BB} = 8.3892$						
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$				
0	0.0013		79.96	0.0019	-	30.21	0.0004		22.46				
1	0.0164	32.01	79.96	0.0394	30.95	35.46	0.0286	29.85	31.32				
2	0.0826	31.99	79.95	0.2648	36.35	42.82	0.4161	38.25	41.08				
3	0.2198	32.02	79.97	0.0988	27.94	42.84	0.0234	23.64	34.78				
4	0.3287	31.99	79.99	0.1262	27.89	45.15	0.0292	22.44	35.48				
5	0.2627	32.00	80.01	0.1832	29.64	48.44	0.0617	24.85	39.06				
6	0.0884	31.99	80.12	0.2856	33.00	53.92	0.4407	30.96	47.08				

**Tabla 3.32**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 32$ .

	$\overline{C}$ =5 $s$ =8												
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.150$	0		$r_0^{BB} = 3.289$	2	$r_0^{BB} = 7.0479$						
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$				
0	2E-5	-	83.18	0.0002	-	33.67	0.0003		31.62				
1	0.0007	31.04	80.14	0.0069	30.57	36.89	0.0094	30.15	35.38				
2	0.0078	31.97	80.06	0.0406	31.78	41.06	0.0764	36.40	44.12				
3	0.0534	32.01	79.98	0.0653	27.73	44.36	0.0595	27.17	42.48				
4	0.2014	32.00	79.99	0.1524	28.88	47.85	0.1176	27.32	44.73				
5	0.4023	32.01	79.99	0.3010	30.63	51.38	0.2318	29.05	47.90				
6	0.3344	31.99	80.02	0.4335	33.15	56.31	0.5050	32.98	54.25				

**Tabla 3.33**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 32$ .

	$\overline{C}$ =2  s=12											
$C_i$	r	$\frac{1}{10}$ =0.0203	3		$r_0^{BB} = 3.635$	0	$r_0^{BB} = 7.3123$					
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_B(C_i)$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$			
0	0.08746		115.98	0.0546	-	34.08	0.0340		24.90			
1	0.26309	44.03	116.01	0.2455	39.10	44.62	0.1414	32.70	35.81			
2	0.3299	43.99	115.99	0.5103	46.22	55.13	0.7366	45.30	50.27			
3	0.21999	44.00	115.99	0.0900	38.92	59.02	0.0338	34.14	49.48			
4	0.08198	44.00	116.05	0.0501	39.94	64.25	0.0135	34.07	53.75			
5	0.01626	44.02	116.01	0.0328	42.74	69.60	0.0144	38.74	60.88			
6	0.00132	44.16	115.52	0.0165	45.56	74.43	0.0264	43.42	67.77			

**Tabla 3.34**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 44$ .

	$\overline{C}$ =3 s=12											
$C_i$		$r_0^{BB} = 0.099$	1		$r_0^{BB} = 3.339$	2	$r_0^{BB} = 7.0283$					
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$			
0	0.0154	-	115.80	0.0115	-	37.04	0.0038	-	25.19			
1	0.0938	44.00	115.93	0.1102	40.38	46.45	0.0772	36.99	39.05			
2	0.2341	44.00	116.01	0.4139	48.02	57.08	0.5956	49.04	53.18			
3	0.3141	44.00	115.96	0.1269	39.00	59.25	0.0325	31.86	46.42			
4	0.2334	44.01	116.04	0.1130	39.40	63.60	0.0284	31.46	49.17			
5	0.0936	44.00	116.09	0.1174	42.18	68.87	0.0547	36.61	56.41			
6	0.0157 44.02 116.12			0.1070	45.92	75.06	0.2078	42.16	63.63			

**Tabla 3.35**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 44$ .

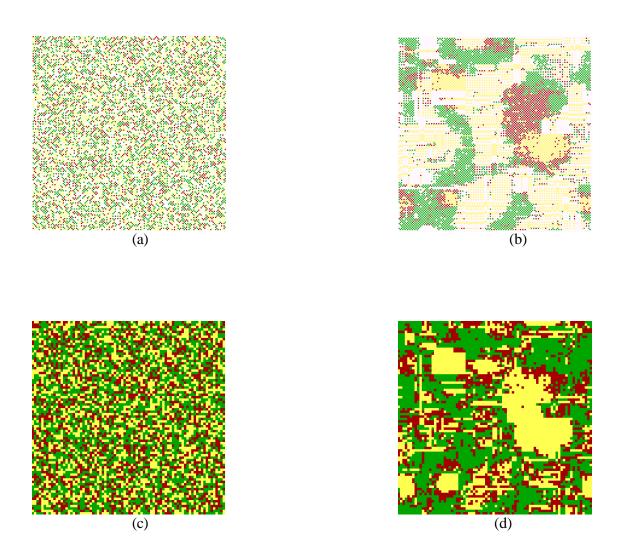
$\overline{C}$ =4												
$C_i$	$r_0^{BB} = 0.0206$			$r_0^{BB} = 4.5469$			$r_0^{BB} = 9.5461$					
	$f(C_i)$	$\overline{R}_B(C_i)$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_B(C_i)$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_B(C_i)$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$			
0	0.0013		116.09	9E-5		33.16	0.0006		28.65			
1	0.0163	44.10	115.94	0.0337	50.14	50.66	0.0254	39.08	41.33			
2	0.0824	44.02	115.96	0.4228	55.97	59.77	0.4157	53.08	57.10			
3	0.2202	43.96	115.92	0.0042	24.09	48.57	0.0292	31.89	46.67			
4	0.32824	44.00	115.97	0.0272	31.63	59.80	0.0307	28.59	45.87			
5	0.26379	44.02	116.05	0.0729	36.40	67.10	0.0576	31.89	50.71			
6	0.08771	44.00	116.20	0.4391	41.43	73.55	0.4408	42.49	64.66			

**Tabla 3.36**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B = 44$ .

$\overline{C}$ =5  s=12											
$C_i$	$r_0^{BB} = 0.0899$			$r_0^{BB} = 4.0864$			$r_0^{BB} = 9.3422$				
	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_{B}(C_{i})$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$	$f(C_i)$	$\overline{R}_B(C_i)$	$\overline{R}_{S}(C_{i})$		
0	3E-5		110.14	0.0002	-	44.57	0.0004		40.25		
1	0.0007	43.67	116.07	0.0072	40.11	49.32	0.0092	39.34	46.35		
2	0.0080	43.89	115.67	0.0386	42.17	55.77	0.0957	53.06	63.02		
3	0.0533	44.01	115.94	0.0673	37.43	60.57	0.05748	36.70	57.12		
4	0.2005	44.01	116.00	0.1539	39.12	65.68	0.1002	35.52	58.80		
5	0.4035	44.00	116.01	0.2979	41.72	70.86	0.1964	38.01	63.06		
6	0.3340	43.99	116.01	0.4347	45.85	78.62	0.5407	45.20	73.92		

**Tabla 3.37**. Parámetros estadísticos en función de C. Para todas las redes  $\overline{R}_B$  =44.

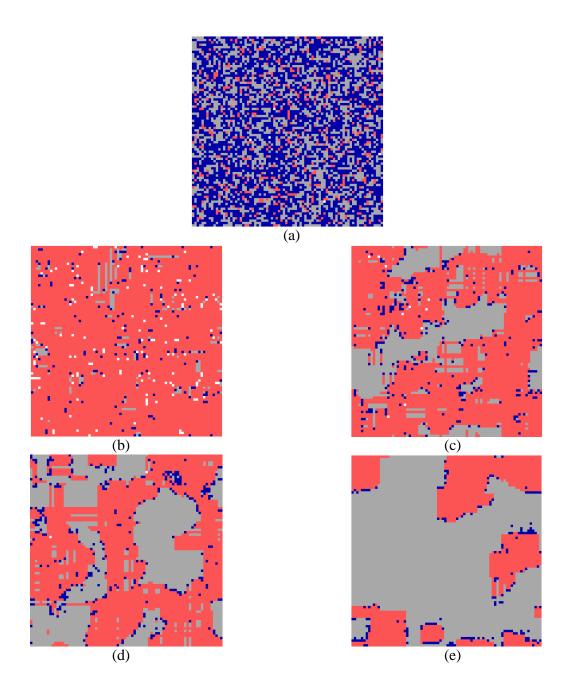
### III.4 Figuras de resultados



**Figuras 3.3**. Representación gráfica del efecto de segregación de tamaños en planos sobre el eje y de redes porosas con  $\overline{C}$  =4 y s=6. (a) y (b) representan enlaces y (c) y (d) sitios. En color verde se representan los elementos de tamaño pequeño, en rojo, los medianos y en amarillo los de tamaño grande<sup>8</sup>. (a) y (c) **W**=0. (b) y (d) **W**=0.3656<sup>9</sup>

<sup>&</sup>lt;sup>8</sup> Los elementos chicos son aquellos cuyo tamaño es menor o igual a  $\overline{R}$  -0.43 $\mathbf{s}$ . Son medianos, si su tamaño es mayor a  $\overline{R}$  -0.43 $\mathbf{s}$  y menores o iguales a  $\overline{R}$  +0.43 $\mathbf{s}$ . Grandes si su tamaño es mayor a  $\overline{R}$  +0.43 $\mathbf{s}$ .

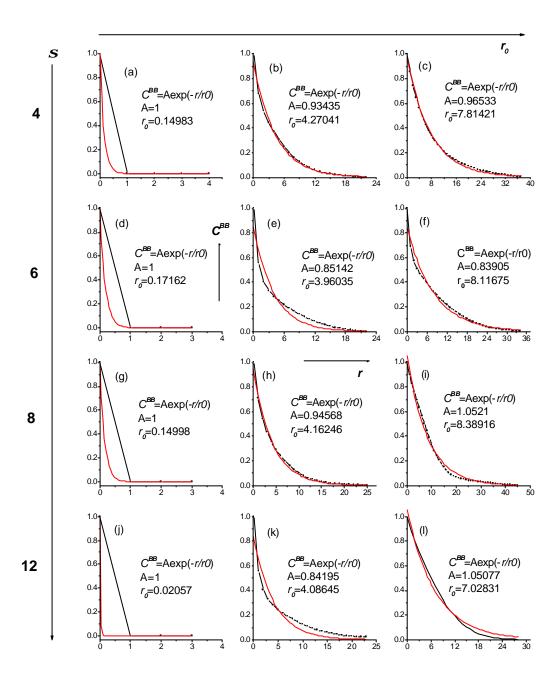
<sup>&</sup>lt;sup>9</sup> En la tabla 3.9 se encuentran los parámetros estadísticos de las redes.



**Figuras 3.4.** Representación gráfica de la distribución de conectividades de los sitios situados en planos sobre el eje y de redes porosas con s=6. En color naranja se representan los sitios con C=1,2; en azúl, los sitios con C=3,4, en gris los sitios con C=5,6 y en blanco los sitios con C=0. (a)  $\overline{C}=4$ ,  $\Omega=0$ . (b)  $\overline{C}=2$ ,  $\Omega=0.3328$ . (c)  $\overline{C}=3$ ,  $\Omega=0.4052$ . (d)  $\overline{C}=4$ ,  $\Omega=0.3656$ . (e)  $\overline{C}=5$ ,  $\Omega=0.3292$ .

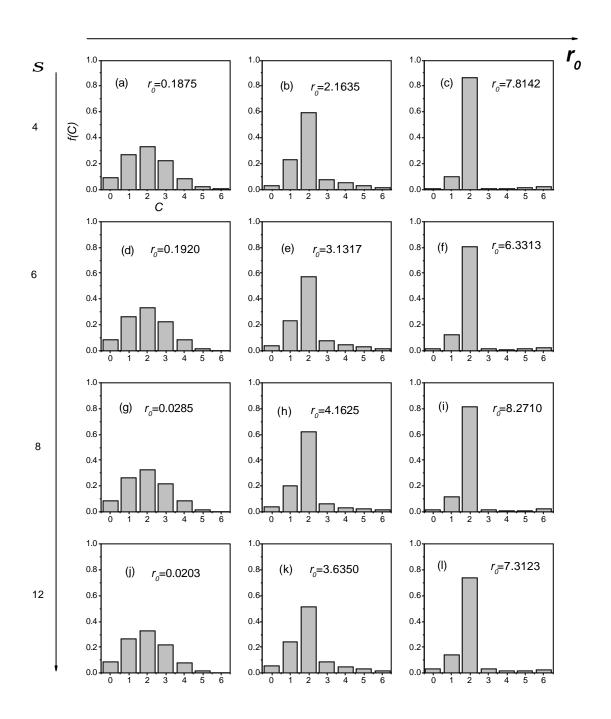
 $^{\rm 10}$  En la tablas 3.7 a 3.10 se encuentran los parámetros estadísticos de las redes.

#### III.5 Gráficos

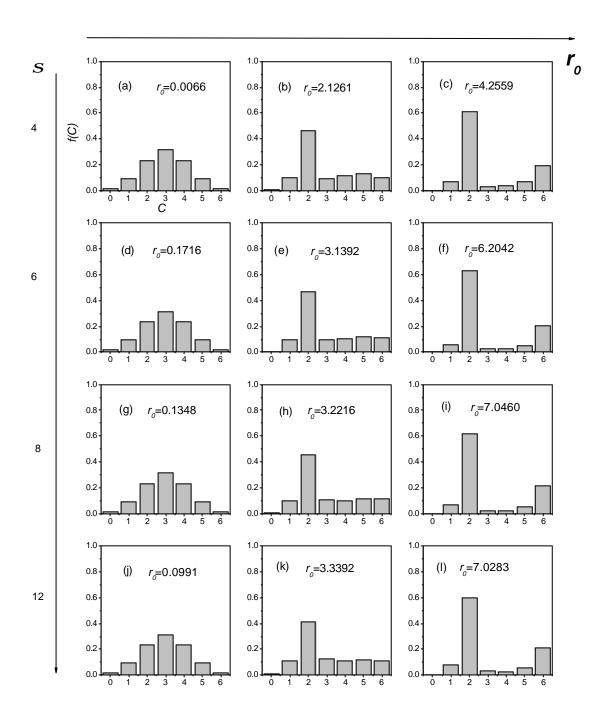


**Gráficos 1**. Representación de los valores de  $C^{BB}$  vs r. Los cuadros unidos por líneas representan los valores evaluados con la ecuación (35) y las líneas rojas, el ajuste a la ecuación (32). Se presentan los parámetros de ésta última ecuación, incluyendo  $r_0^{-1}$ . (a)  $\overline{C}$  =6, (b)  $\overline{C}$  =4, (c)  $\overline{C}$  =2, (d)  $\overline{C}$  =3, (e)  $\overline{C}$  =6, (f)  $\overline{C}$  =5, (g)  $\overline{C}$  =5, (h)  $\overline{C}$  =2, (i)  $\overline{C}$  =4, (j)  $\overline{C}$  =4, (k)  $\overline{C}$  =5 y (l)  $\overline{C}$  =3.

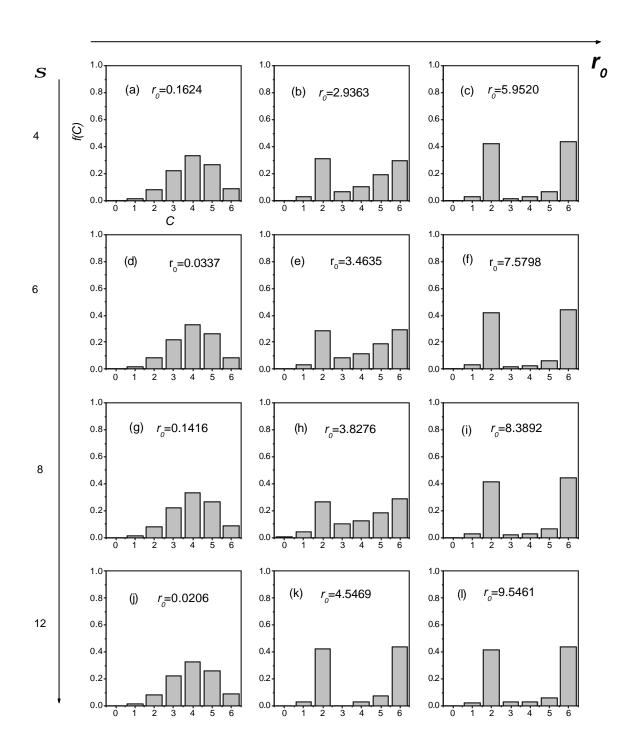
 $<sup>^{11}</sup>$  En este gráfico y en todos los restantes, los valores de  $r_0$  se refieren a  $\,r_0^{BB}.\,$ 



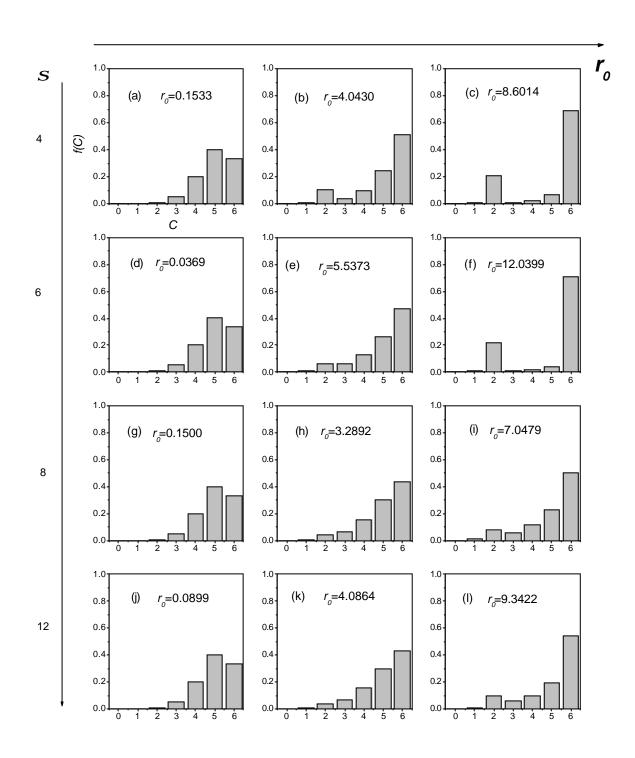
**Gráfico 2**. Representación de los valores de f(C) para las redes con  $\overline{C} = 2$ .



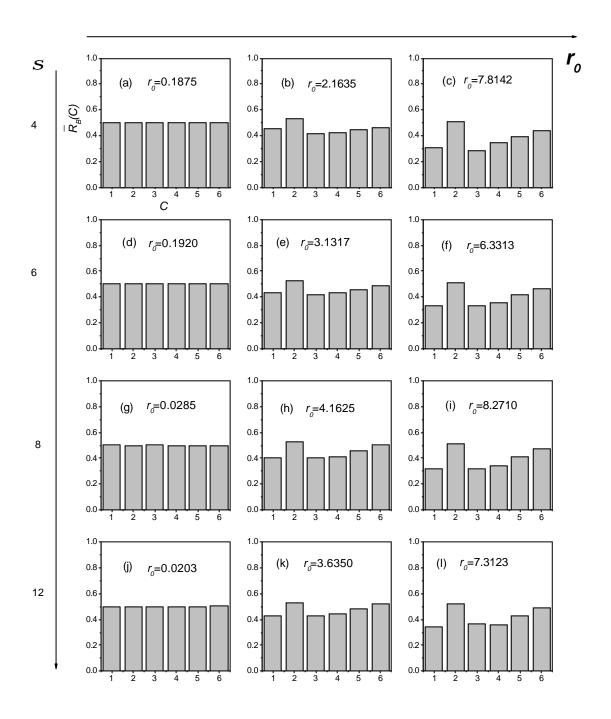
**Gráfico 3**. Representación de los valores de f(C) para las redes con  $\overline{C} = 3$ .



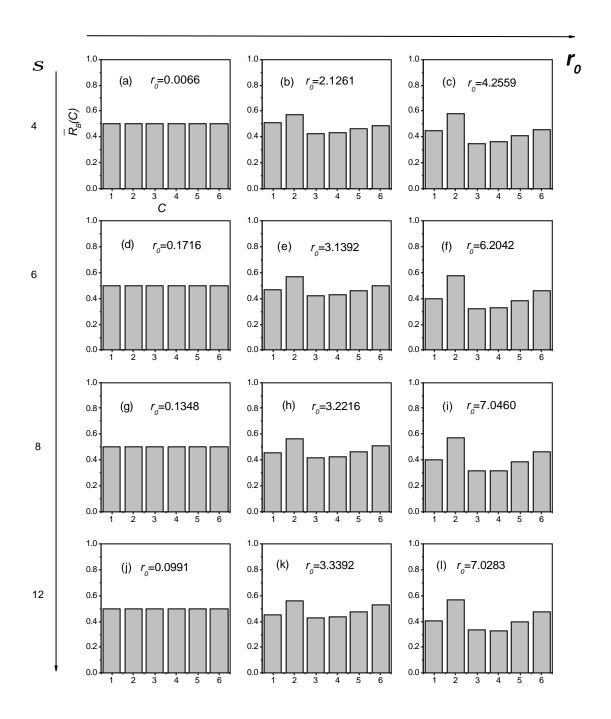
**Gráfico 4**. Representación de los valores de f(C) para las redes con  $\overline{C}$  =4.



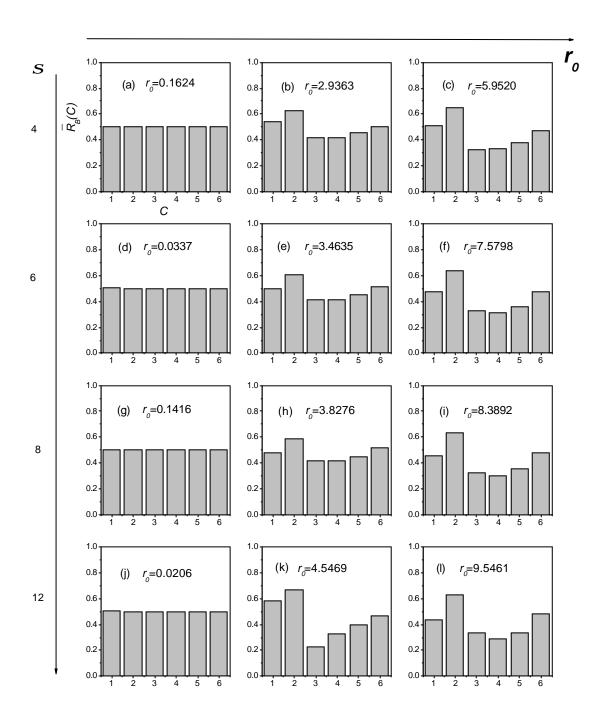
**Gráfico 5**. Representación de los valores de f(C) para las redes con  $\overline{C} = 5$ .



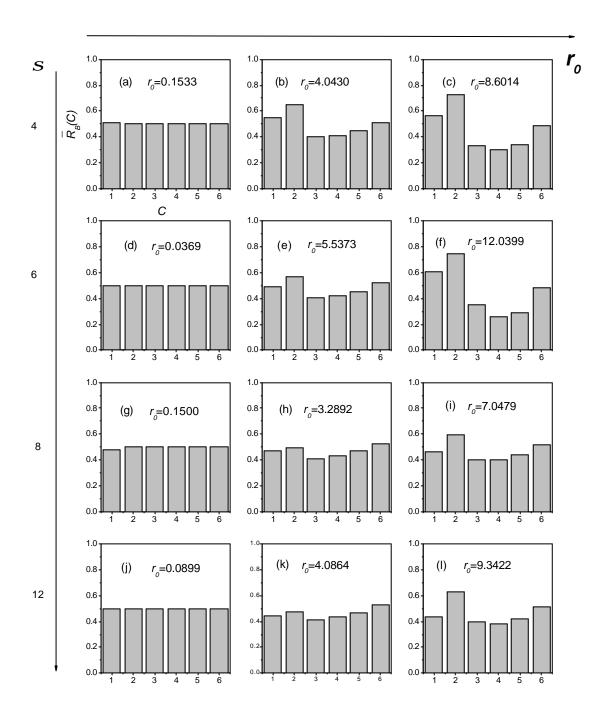
**Gráfico 6**. Representación de los valores de  $\overline{R}_{B}(C_{i})$  para las redes con  $\overline{C}=2$ .



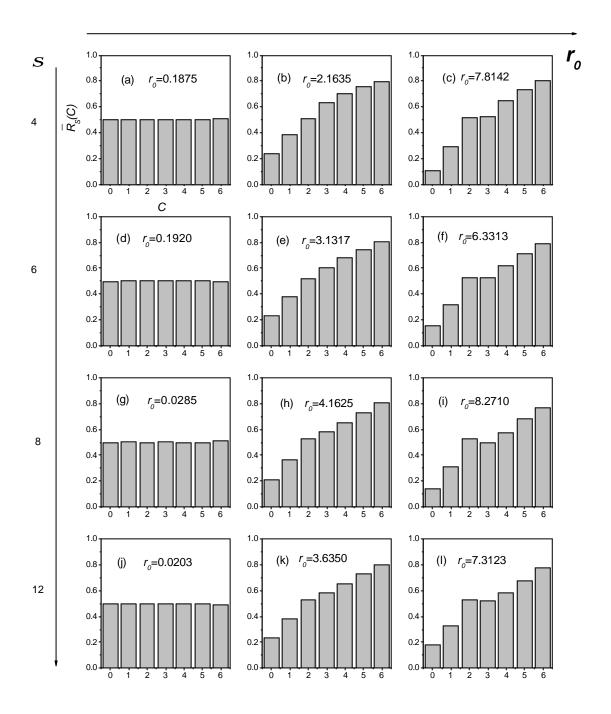
**Gráfico 7**. Representación de los valores de  $\overline{R}_{B}(C_{i})$  para las redes con  $\overline{C}=3$ .



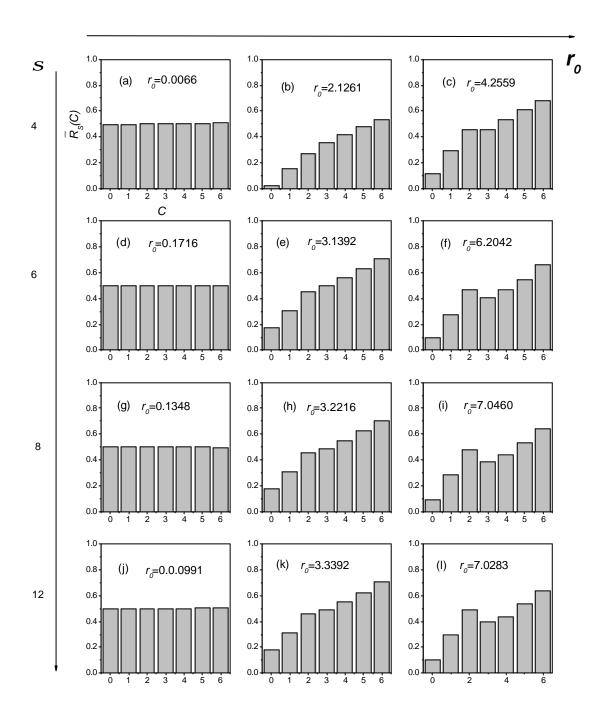
**Gráfico 8**. Representación de los valores de  $\overline{R}_{B}(C_{i})$  para las redes con  $\overline{C}$  =4.



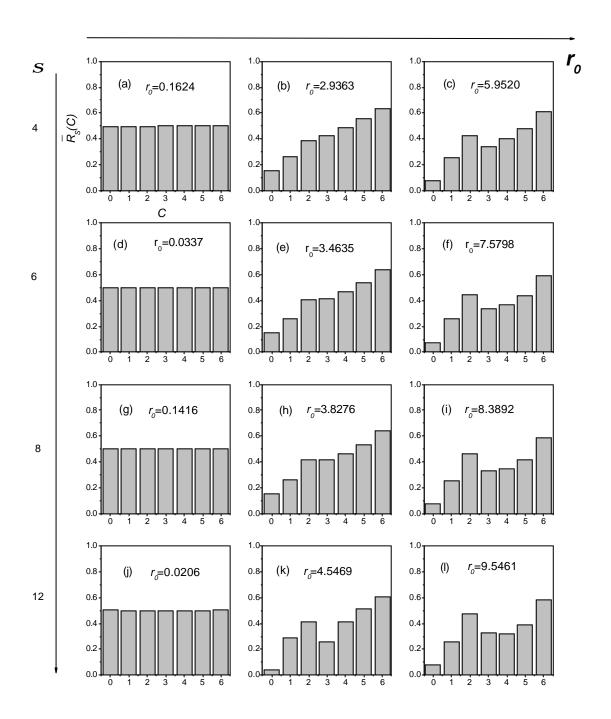
**Gráfico 9**. Representación de los valores de  $\overline{R}_{B}(C_{i})$  para las redes con  $\overline{C}=5$ .



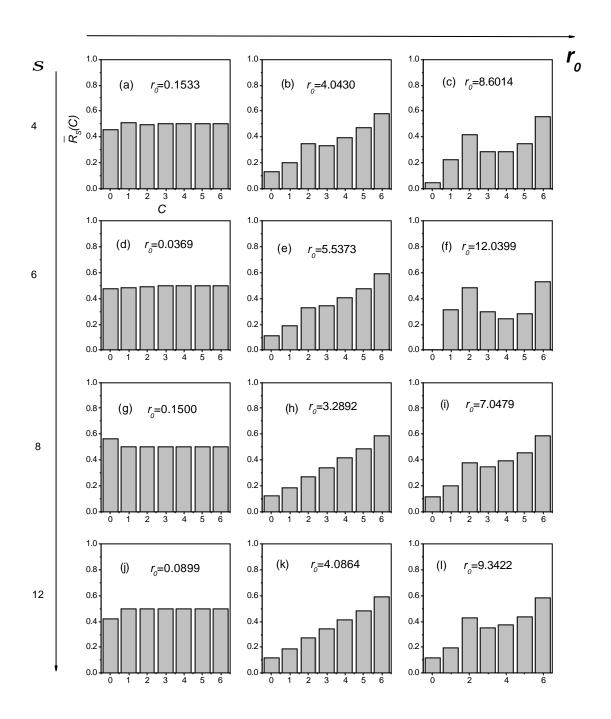
**Gráfico 10**. Representación de los valores de  $\overline{R}_s(C_i)$  para las redes con  $\overline{C}=2$ .



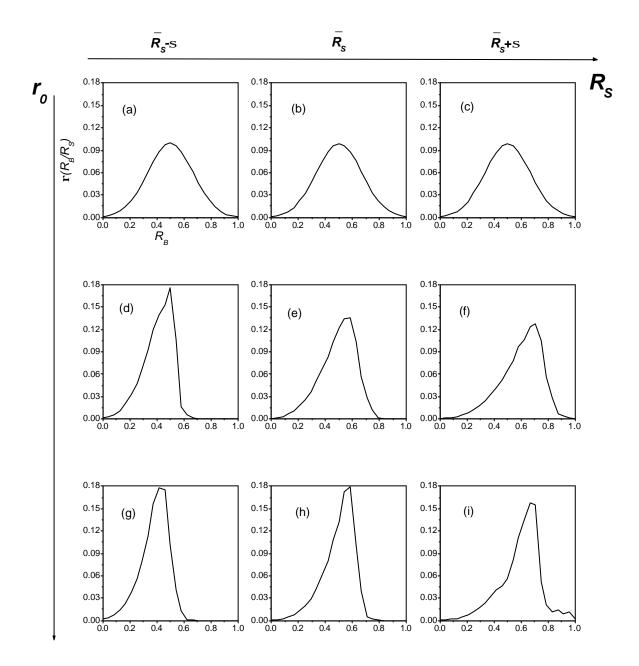
**Gráfico 11**. Representación de los valores de  $\overline{R}_s(C_i)$  para las redes con  $\overline{C}=3$ .



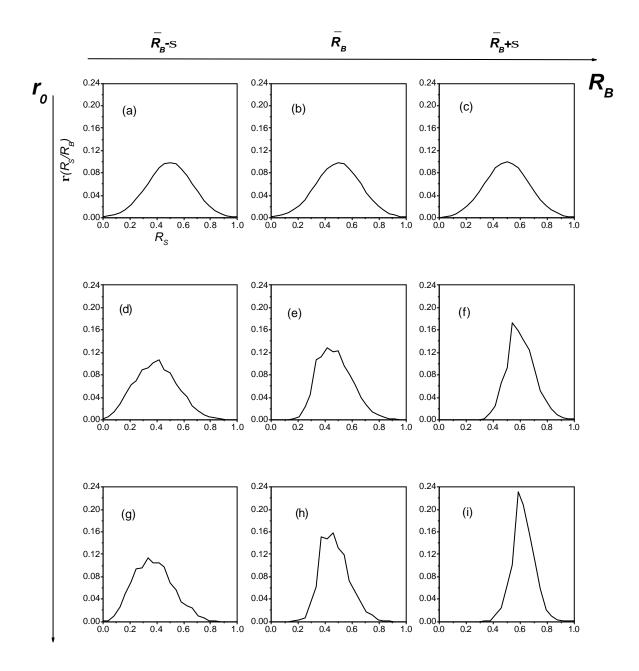
**Gráfico 12**. Representación de los valores de  $\overline{R}_s(C_i)$  para las redes con  $\overline{C}$  =4.



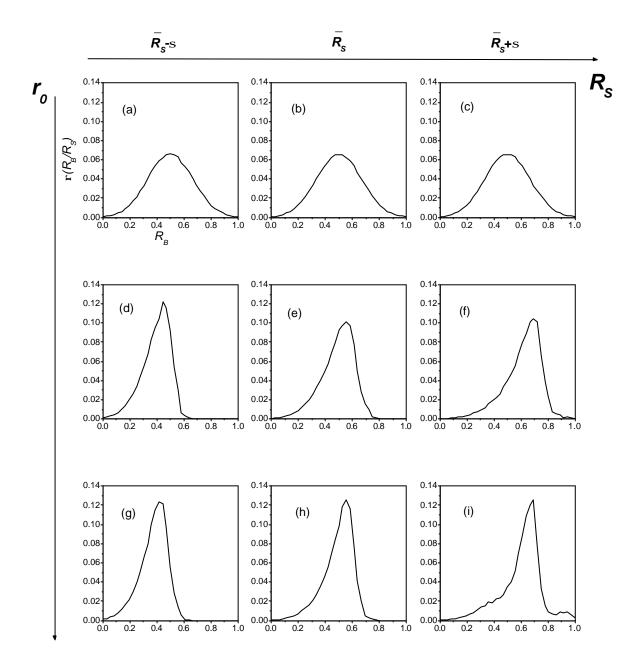
**Gráfico 13**. Representación de los valores de  $\overline{R}_s(C_i)$  para las redes con  $\overline{C} = 5$ .



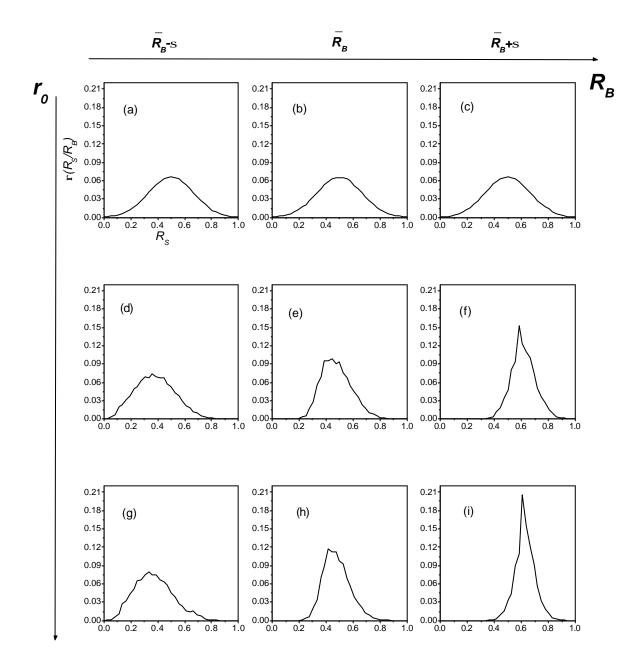
**Gráfico 14**. Representación de los valores de  $r(R_B/R_S)$  vs. R para las redes con  $\overline{C}$  =6 y s=4.(a), (b) y (c)  $r_0$ =0.1497. (d), (e) y (f)  $r_0$ =1.6919. (g), (h) y (i)  $r_0$ =7.2385.



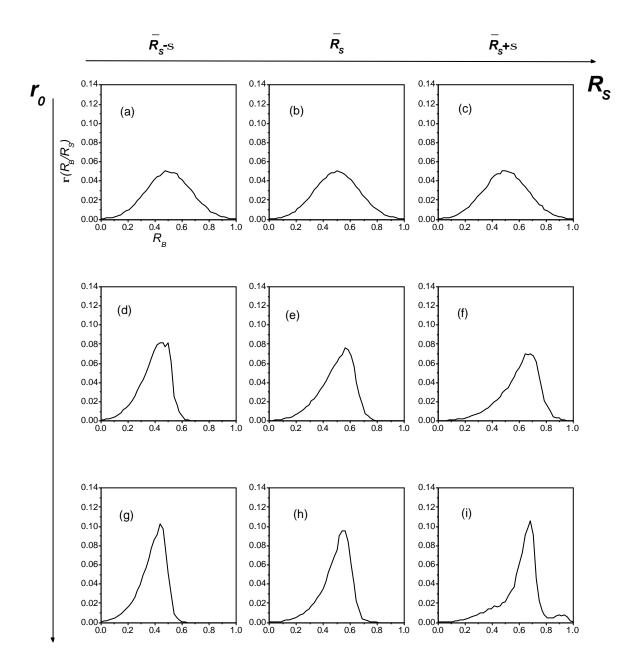
**Gráfico 15**. Representación de los valores de  $r(R_S/R_B)$  vs. R para las redes con  $\overline{C}$  =6 y s=4.(a), (b) y (c)  $r_0$ =0.1497. (d), (e) y (f)  $r_0$ =1.6919. (g), (h) y (i)  $r_0$ =7.2385.



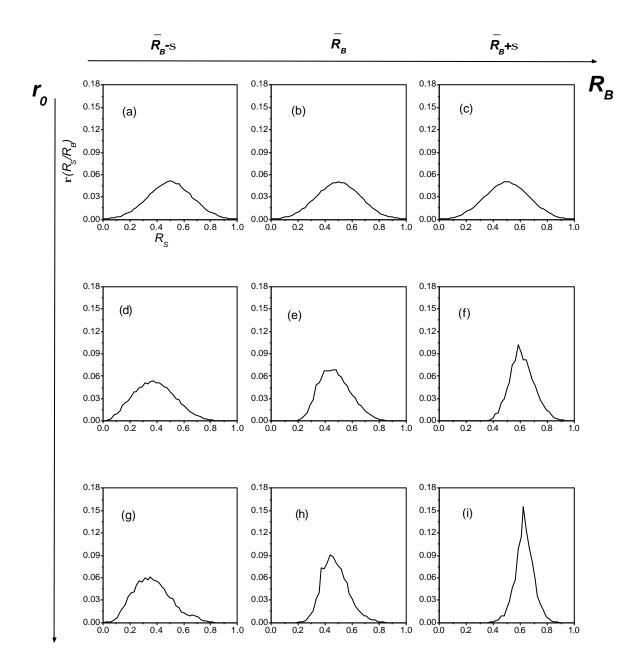
**Gráfico 16**. Representación de los valores de  $r(R_B/R_S)$  vs. R para las redes con  $\overline{C}$  =6 y s=6.(a), (b) y (c)  $r_0$ =0.1581. (d), (e) y (f)  $r_0$ =3.9603. (g), (h) y (i)  $r_0$ =7.9558.



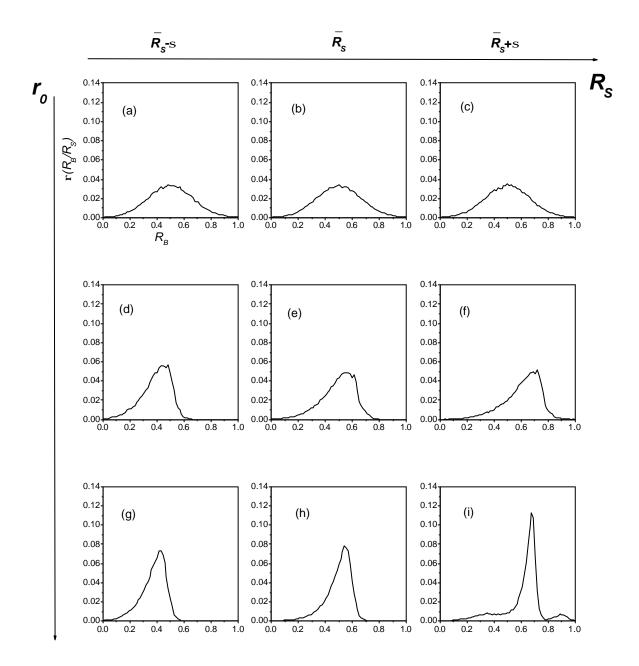
**Gráfico 17**. Representación de los valores de  $r(R_S/R_B)$  vs. R para las redes con  $\overline{C}$  =6 y s=6.(a), (b) y (c)  $r_0$ =0.1581. (d), (e) y (f)  $r_0$ =3.9603. (g), (h) y (i)  $r_0$ =7.9558.



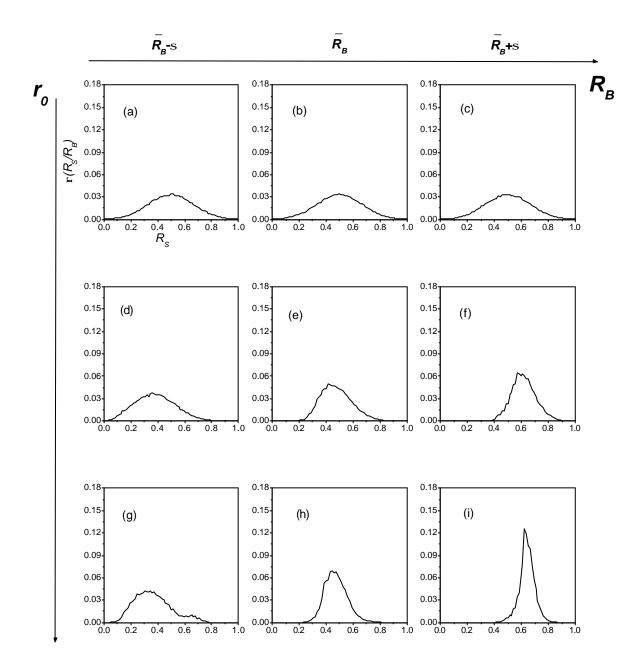
**Gráfico 18**. Representación de los valores de  $r(R_B/R_S)$  vs. R para las redes con  $\overline{C}$  =6 y s=8.(a), (b) y (c)  $r_0$ =0.1403. (d), (e) y (f)  $r_0$ =3.4460. (g), (h) y (i)  $r_0$ =10.7482.



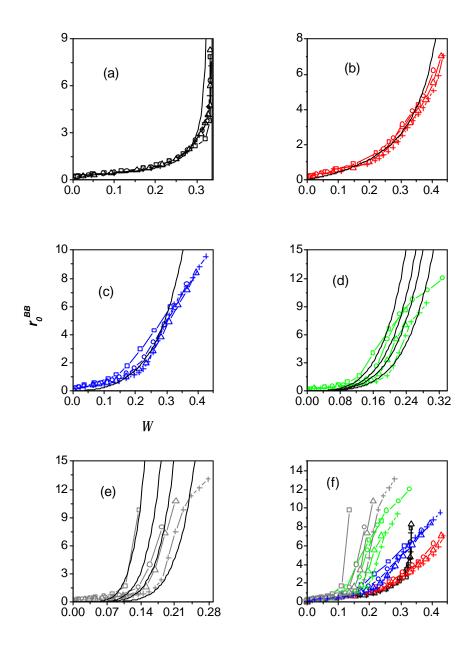
**Gráfico 19**. Representación de los valores de  $r(R_S/R_B)$  vs. R para las redes con  $\overline{C}$  =6 y s=8.(a), (b) y (c)  $r_0$ =0.1403. (d), (e) y (f)  $r_0$ =3.4460. (g), (h) y (i)  $r_0$ =10.7482.



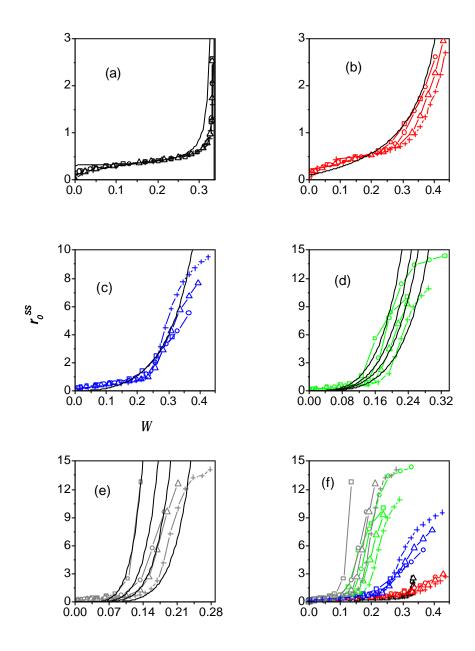
**Gráfico 20**. Representación de los valores de  $r(R_B/R_S)$  vs. R para las redes con  $\overline{C}$  =6 y s=12.(a), (b) y (c)  $r_0$ =0.1502. (d), (e) y (f)  $r_0$ =4.7350. (g), (h) y (i)  $r_0$ =12.1300.



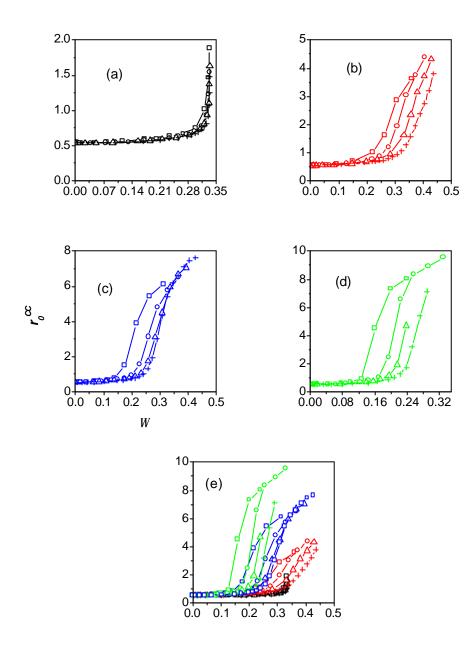
**Gráfico 21**. Representación de los valores de  $r(R_S/R_B)$  vs. R para las redes con  $\overline{C}$  =6 y s=12.(a), (b) y (c)  $r_0$ =0.1502. (d), (e) y (f)  $r_0$ =4.7350. (g), (h) y (i)  $r_0$ =12.1300.



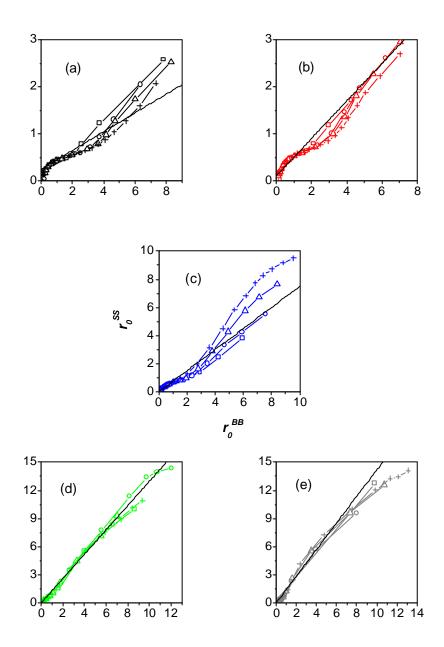
**Gráfico 22.** Representación de  $r_0^{BB}$  vs. **W** para todas las redes. Los cuadros unidos por líneas corresponden a s=4, los círculos a s=6, los triángulos a s=8, las cruces a s=12 y las líneas rectas a las ecuaciones (47), (50), (53), (56) y (59), según sea el caso. (a)  $\overline{C}=2$ , (b)  $\overline{C}=3$ , (c)  $\overline{C}=4$ , (d)  $\overline{C}=5$ , (e)  $\overline{C}=6$  y (f) todas.



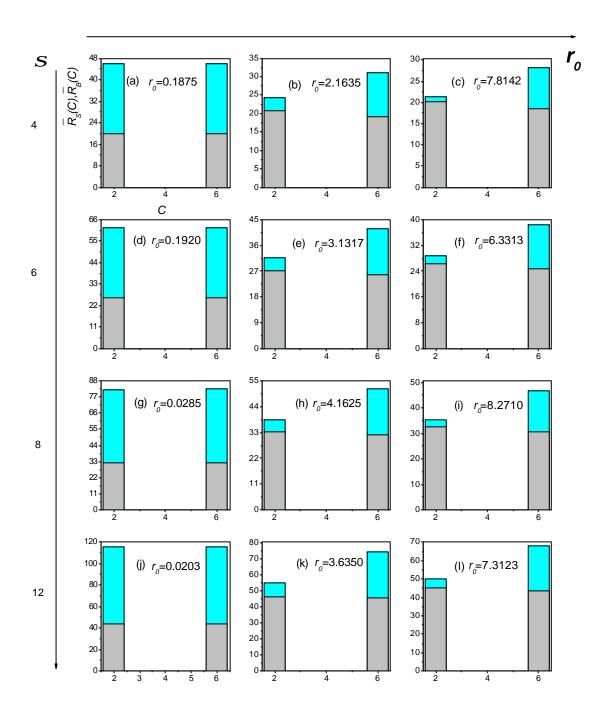
**Gráfico 23**. Representación de  $r_0^{SS}$  vs. **W** para todas las redes. Los cuadros unidos por líneas corresponden a s=4, los círculos a s=6, los triángulos a s=8, las cruces a s=12 y las líneas rectas a las ecuaciones (48), (51), (54), (57) y (60), según sea el caso. (a)  $\overline{C}=2$ , (b)  $\overline{C}=3$ , (c)  $\overline{C}=4$ , (d)  $\overline{C}=5$ , (e)  $\overline{C}=6$  y (f) todas.



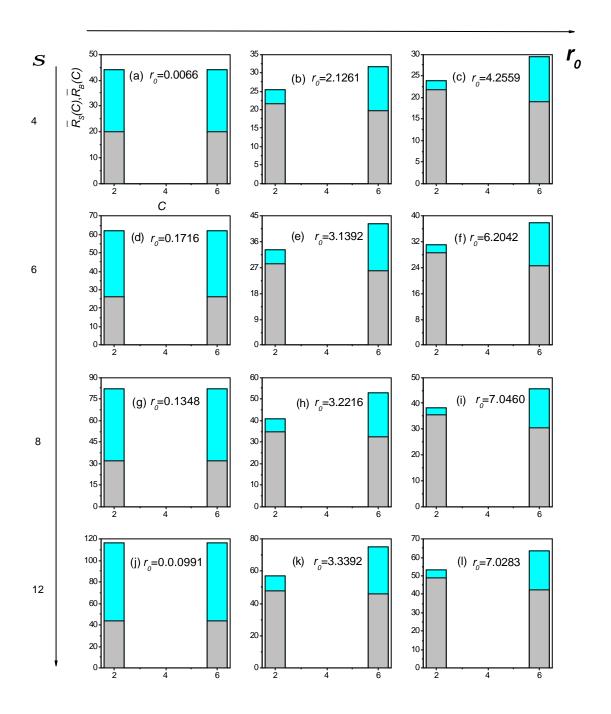
**Gráfico 24**. Representación de  $r_0^{CC}$  vs. **W** para todas las redes. Los cuadros unidos por líneas corresponden a s=4, los círculos a s=6, los triángulos a s=8 y las cruces a s=12. (a)  $\overline{C}=2$ , (b)  $\overline{C}=3$ , (c)  $\overline{C}=4$ , (d)  $\overline{C}=5$ , (e) todas.



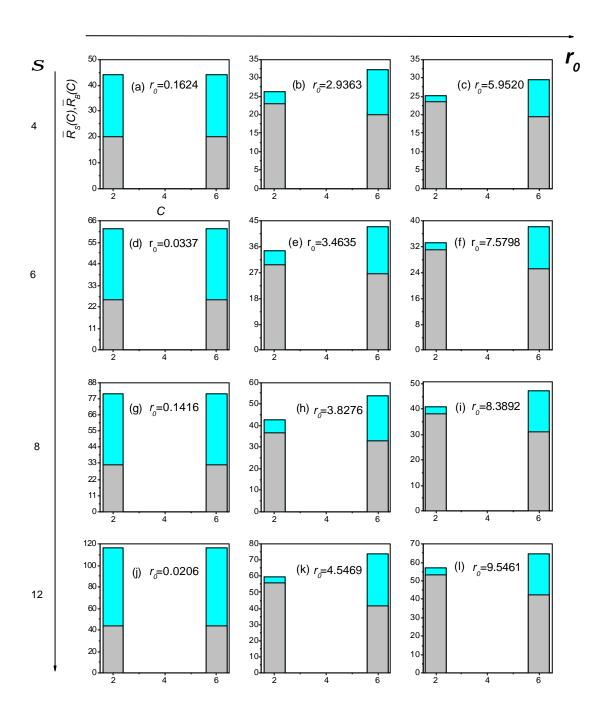
**Gráfico 25**. Representación de  $r_0^{SS}$  vs.  $r_0^{BB}$  para todas las redes. Los cuadros unidos por líneas corresponden a s=4, los círculos a s=6, los triángulos a s=8, las cruces a s=12 y las líneas rectas a las ecuaciones (49), (52), (55), (58) y (61), según sea el caso. (a)  $\overline{C}=2$ , (b)  $\overline{C}=3$ , (c)  $\overline{C}=4$ , (d)  $\overline{C}=5$  y (e)  $\overline{C}=6$ .



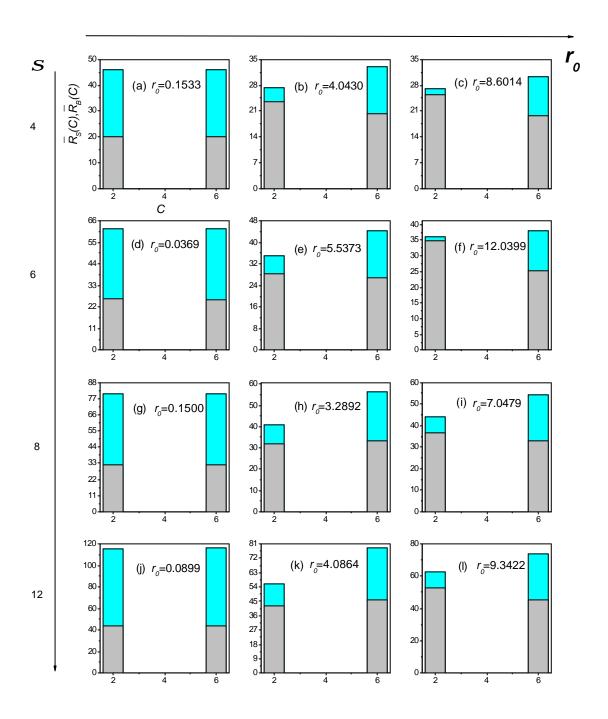
**Gráfico 26**. Representación de los valores de  $\overline{R}_S$  (C=2,6) y  $\overline{R}_B$  (C=2,6) para las redes con  $\overline{C}$ =2.



**Gráfico 27**. Representación de los valores de  $\overline{R}_S$  (C=2,6) y  $\overline{R}_B$  (C=2,6) para las redes con  $\overline{C}$ =3.



**Gráfico 28**. Representación de los valores de  $\overline{R}_S$  (C=2,6) y  $\overline{R}_B$  (C=2,6) para las redes con  $\overline{C}$ =4.



**Gráfico 29**. Representación de los valores de  $\overline{R}_S$  (C=2,6) y  $\overline{R}_B$  (C=2,6) para las redes con  $\overline{C}$ =5.

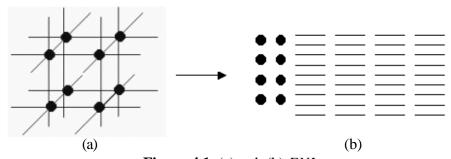
# IV RESULTADOS Y DISCUSIÓN SOBRE SORCIÓN DE NITRÓGENO: PARTE 1: CURVAS LIMITES

Caracterizar las características de los elementos de una red involucrados en los fenómenos de sorción no es tarea sencilla. Para llevar a cabo esta tarea, se definieron parámetros estadísticos que facilitarán el entendimiento. Por otra parte, debido a las interacciones durante el llenado y los efectos de bloqueo durante el vaciado (ver los conceptos teóricos), resulta complicado separar las contribuciones de estos fenómenos, por ellos se estudiaron dos estructuras derivadas de cada red, que permitieran la separación de estos dos fenómenos anteriores. A continuación se definen cada uno de esos puntos.

#### IV.1 Estructuras derivadas de una red

#### IV.1.1 Elementos no interconectados

Consiste del conjunto de sitios y enlaces de la red pero separados unos de otros, se abrevia como *ENI*. Es decir, a partir de una red se forma un grupo de *N* sitios y *M* de enlaces no conectados; véase la figura 4.1. A través de los *ENI* es posible suprimir dos características topológicas: la conectividad y la correlación entre tamaños de elementos. En consecuencia, desaparecen también las interacciones en el llenado y los efectos de bloqueo en el vaciado.



**Figura 4.1**. (a) red. (b) *ENI*.

#### IV.1.2 Colección de multiplexes

Cuando se efectúa un análisis de BJH sobre los datos de adsorción de un medio poroso, los multiplexes resultan ser el grupo de poros que llenan de condensado capilar a un valor determinado de presión (todos esos poros poseerían el mismo tamaño de poro). En el BJH se efectúan dos suposiciones: primero, que a los poros se les puede asociar una forma geométrica definida y, segundo, que además no se encontrarán interconectados entre si. Bajo el marco de la teoría dual un múltiplex es un sitio unido a sus C/2 enlaces, el cual no se encuentra interconectado a otro sitio (véase la figura 4.2). De esta forma puede derivarse una familia de multiplexes de cada red, la cual se denota por el símbolo CM; esa familia estaría constituida por N sitios unidos a sus respectivos C/2 enlaces, y cada múltiplex constituiría un dominio independiente (véase la introducción). Los CM permiten dividir en unidades mínimas y equivalentes cada red. Un análisis de los datos de sorción de los CM representa un caso intermedio entre el análisis de los ENI y los de la red; puesto que con los multiplexes es tomada en cuenta la interacción existente entre los sitios y sus C-enlaces. Por medio de una comparación de los datos de los CM con los de los ENI, puede cuantificarse una medida del retraso en el llenado de los sitios, por efecto de sus C enlaces; del llenado asistido de enlaces, por efecto del sitio al que se conectan; y del bloqueo de sitios, por efecto de sus C-enlaces. También, comparando datos de adsorción de los CM con los de la red, pueden analizarse la influencia que mantienen entre sí los multiplexes que forman la red porosa en el llenado y en el vaciado.

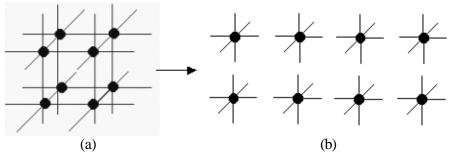


Figura 4.2. (a) red. (b) CM.

# IV.2 Parámetros estadísticos

#### IV.2.1 Parámetros puntuales

Con objeto de describir las características de los elementos llenos y vacíos de condensado capilar, se definieron seis tipos de funciones, para los elementos llenos, y seis funciones, para los elementos vacíos. Estas funciones de las características de los elementos en cuestión describen sobre cada punto experimental obtenido en las isotermas de  $N_2$ . Las funciones para los elementos llenos son:

- 1. El tamaño promedio de los sitios llenos,  $R(S_{LL})$
- 2. El tamaño promedio de los enlaces llenos,  $R(B_{LL})$
- 3. El volumen de los sitios llenos,  $V(S_{LL})$
- 4. El volumen de los enlaces llenos,  $V(B_{IL})$
- 5. La conectividad promedio de los sitios llenos,  $C(S_{LL})$

Las funciones para los elementos vacíos son equivalentes a las anteriores:

- 1. El tamaño promedio de los sitios vacíos,  $R(S_V)$
- 2. El tamaño promedio de los enlaces vacíos,  $R(B_V)$
- 3. El volumen de los sitios vacíos,  $V(S_V)$
- 4. El volumen de los enlaces vacíos,  $V(B_V)$
- 5. La conectividad promedio de los sitios vacíos,  $C(S_V)$

Por otra parte, también se definieron 2 factores que relacionan el llenado y la evaporación entre la red y los *CM* respectivos.

# IV.2.2 Factor de llenado asistido

El proceso del llenado en una red puede caracterizarse tomando como referencia el volumen adsorbido en los *CM*.

El factor de llenado se define como el cociente entre dos cantidades adsorbidas dentro de dos estructuras diferentes: la red y los CM. Se denota por el símbolo Q, y puede evaluarse para cualquier proceso de llenado capilar. Numéricamente, para el caso particular de la curva limite ascendente, se define del modo siguiente:

$$Q_{LA}(0,x,V) = \frac{V_{LA}^{R}(0,x)}{V_{LA}^{M}(0,x)}$$
(67)

donde el subíndice LA se refiere al proceso verificado en una curva limite ascendente y los superíndices R y M se refieren respectivamente a la red y los CM. Q es una función que depende del valor de la presión x y del volumen de condensado;  $V_{LA}^{R}(0,x)$  corresponde al volumen de condensado en la red;  $V_{LA}^{M}(0,x)$  corresponde al volumen de condensado en los CM. Los dos volúmenes anteriores son evaluados después de que un proceso de adsorción es llevado a cabo desde el volumen cero hasta el volumen asociado a la presión x. Q puede tomar valores mayores a 1, puesto que el volumen adsorbido en la red puede ser mayor al adsorbido en los CM, dado que en la red existe interdependencia entre los sitios.

#### IV.2.3 Factor de bloqueo

La idea de un factor de bloqueo fue propuesta por Everett [105], haciendo la suposición de que esa variable sería una función únicamente dependiente del volumen de condensado en el medio poroso. Es decir, el factor de bloqueo no dependería de la configuración que pudiera tener la distribución del volumen dentro de la red.

El factor de bloqueo se define como el cociente del volumen desorbido en la red entre el correspondiente en los *CM*; los volúmenes son evaluados entre los mismos limites de presiones. El factor de bloqueo se denota por el símbolo *P* y numéricamente es:

$$P_{LD}(1,x,V) = 1 - \frac{V_{LA}^{R}(0,1) - V_{LD}^{R}(0,1,x)}{V_{LD}^{M}(x,1)}$$
(68)

Donde  $V_{LA}^R(0,1)$  es el volumen de condensado en la red cuando alcanza la saturación y  $V_{LD}^R(0,1,x)$  es el volumen de condensado en la red después de una evaporación desde la saturación, hasta la presión x. De esta forma, el numerador es igual al volumen evaporado en la red; y finalmente,  $V_{LD}^M(x,1)$  es igual al volumen de condensado que evapora, en los CM, desde el punto de saturación hasta la presión x. Un valor elevado de P indica efectos de bloqueo mínimos y un valor bajo de P, elevados efectos de bloqueo. Además P únicamente puede tomar valores entre 0 y 1.

# IV.2.4 Parámetros globales

Durante el llenado pueden existir interacciones entre los poros (véase conceptos teóricos). Como consecuencia, los enlaces pueden llenar de condensado de manera asistida y los sitios pueden llenar con un mecanismo de C o C-1 enlaces llenos. Por su parte, durante la evaporación existen efectos de bloqueo entre los multiplexes que forman la red. A partir de las consideraciones anteriores se definieron tres funciones de tipo global en el llenado(evaluadas al final del proceso de llenado) y una para el vaciado (evaluadas cuando han vaciado de condensado todos los elementos):

- 1. Fracción en número de enlaces llenos asistidamente,  $\overline{B}_A$
- 2. Fracción en número de sitios llenos con C-1 enlaces llenos,  $\overline{S}_{C-1}$
- 3. Fracción en número de sitios con llenado retrasado,  $\overline{S}_{RT}$
- 4. Fracción en número de multiplexes con evaporación retrasado,  $\overline{M}_{RT}$

donde  $\overline{S}_{RT}$  consiste de la fracción en número de los sitios que llenan a una presión mayor a la fijada en la ecuación (25); y  $\overline{M}_{RT}$  consiste de la fracción de multiplexes dentro de la red que comienzan la evaporación a una presión menor a la fijada en la ecuación (24) por el enlace más pequeño del multiplex.

#### IV.3 Redes analizadas

En vista de la gran cantidad de redes estudiadas en este trabajo se presentan los resultados correspondientes únicamente a la familia de s=6; esto puede realizarse debido a que las redes restantes presentaron un comportamiento semejante. Las redes estudiadas se presentan en la tabla 4.1, ordenada en función de  $\overline{C}$  y la correlación.  $\overline{C}$  aumenta de arriba hacia abajo y la correlación de derecha a izquierda. El grado de correlación puede apreciarse en la tabla 4.2, donde se presentan los valores de  $r_0^{BB}$  correspondientes. En cada una de estas redes se realizaron simulaciones de llenado y vaciado de  $N_2$  a 77 K de acuerdo al algoritmo señalado en la sección II.2.6 con el fin de calcular las curvas limites ascendentes y descendentes correspondientes. Durante los procesos de llenado y vaciado se calcularon además los parámetros puntuales y globales, los cuales se presentan y discuten en las secciones siguientes.

$\overline{C} \setminus \overline{R}_S$	28	32	35	37	40	42	44	46	50	56	62
2	2- <i>k</i>	2- <i>j</i>	2- <i>i</i>	2- <i>h</i>	2- <i>g</i>	2- <i>f</i>	2- <i>e</i>	2- <i>d</i>	2- <i>c</i>	2- <i>b</i>	2- <i>a</i>
3	-	3- <i>j</i>	3- <i>i</i>	3- <i>h</i>	3- <i>g</i>	3- <i>f</i>	3- <i>e</i>	3- <i>d</i>	3- <i>c</i>	3- <i>b</i>	3- <i>a</i>
4	-	-	4- <i>i</i>	4- <i>h</i>	4- <i>g</i>	4- <i>f</i>	4- <i>e</i>	4- <i>d</i>	4- <i>c</i>	4- <i>b</i>	4- <i>a</i>
5	-	ı	ı	5-h	5- <i>g</i>	5- <i>f</i>	5- <i>e</i>	5- <i>d</i>	5- <i>c</i>	5- <i>b</i>	5-a
6	-	-	-	-	-	6- <i>f</i>	6- <i>e</i>	6- <i>d</i>	6- <i>c</i>	6- <i>b</i>	6- <i>a</i>

Tabla 4.1. Simbología de las redes estudiadas durante la adsorción.

		k	j	i	h	g	f	e	d	С	b	a
	2	6.33	2.54	1.17	0.82	0.57	0.46	0.40	0.34	0.25	0.19	0.19
	3	-	6.20	3.13	1.73	0.88	0.64	0.50	0.41	0.29	0.21	0.17
I	4	-	-	7.58	4.69	1.62	0.95	0.65	0.49	0.32	0.21	0.03
İ	5	-	-	-	12.03	8.12	2.59	0.89	0.59	0.35	0.22	0.04
ĺ	6	-	-	-	-	-	7.95	1.57	0.73	0.39	0.22	0.16

**Tabla 4.2**. Valores para  $r_0^{BB}$  en la tabla 4.1.

#### IV.4 Discusión

#### IV.4.1 Condenación capilar

# IV.4.1.1 Parámetros globales

#### IV.4.1.1.1 Fracción de enlaces llenos asistidamente

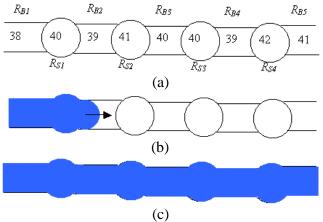
Los valores obtenidos para  $\overline{B}_A$  se presentan en la tabla 4.3. Dos tendencias se observan con claridad. La primera consiste en que los valores de  $\overline{B}_A$  aumentan de derecha hacia izquierda sobre un mismo renglón, es decir, aumentan a medida que lo hace la correlación y se tiene el mismo valor de  $\overline{C}$ . La segunda consiste en que sobre una misma columna  $\overline{B}_A$  disminuye de valor de arriba hacia abajo, es decir, a medida que aumenta  $\overline{C}$   $\overline{B}_A$  disminuye de valor. Las dos tendencias anteriores se analizarán con detenimiento a continuación.

	k	j	i	h	g	f	e	d	С	b	а
2	0.89	0.77	0.69	0.63	0.55	0.50	0.44	0.38	0.28	0.15	0.07
3	-	0.56	0.57	0.55	0.50	0.46	0.41	0.36	0.26	0.14	0.06
4	-	-	0.37	0.41	0.42	0.40	0.36	0.32	0.24	0.13	0.06
5	-	-	-	0.24	0.31	0.32	0.32	0.29	0.22	0.13	0.06
6	-	-	-	-	-	0.24	0.26	0.25	0.20	0.12	0.06

**Tabla 4.3**. Valores para  $\overline{B}_A$  en las redes de la tabla 4.1. Las celdas en color gris corresponden a redes de correlación baja y las azules a redes de mediana a elevada correlación.

# IV.4.1.1.1 Influencia de la correlación sobre $\overline{B}_A$

La correlación entre tamaños de elementos resulta un elemento crucial en el desarrollo del llenado asistido de enlaces, como se puede apreciar en la tabla 4.3. Por ejemplo, para la primera fila,  $\overline{C}$  =2, el valor de  $\overline{B}_A$  =0.07 corresponde a  $r_0^{BB}$  =0.19 (tabla 4.2), el cual representa el caso de menor correlación; y el valor de  $\overline{B}_A$  =0.89 corresponde a  $r_0^{BB}$  =6.33, caso de mayor correlación. La influencia de la correlación puede explicarse en términos de una propagación del llenado a través de la red. La propagación, sin duda alguna, es facilitada en gran medida por una similitud entre los tamaños de los sitios y enlaces. Lo anterior queda ilustrado con el siguiente ejemplo. Es este, se tienen 4 sitios con C=2 de tamaños similares y unidos por medio de 5 enlaces, los cuales poseen tamaños similares al de los sitios que conectan; véase la figura 4.1.



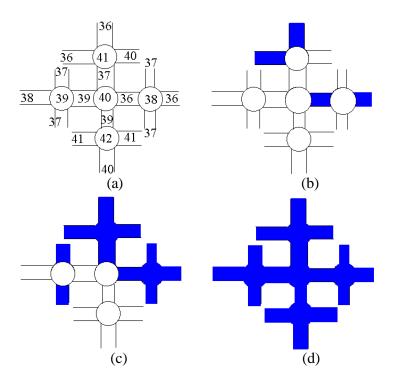
**Figura 4.1**. Llenado en elementos con tamaños similares y C=2. (a) Tamaños. (b) Avance del menisco a partir del llenado de  $R_{B1}$  y  $R_{S1}$ . (c) elementos llenos.

Si se desarrolla un proceso de llenado a una presión p, este comenzará cuando el valor de  $R_B$  en la ecuación (23) alcance un valor igual a 38, no obstante que para entonces  $R_S$  en (25) es igual a 65, por lo que todos los sitios se encuentran sobresaturados. Siendo así el primer elemento en llenar es  $R_{BI}$ , llenando enseguida  $R_{SI}$ , que cumple con (25) y tiene C-1 enlaces llenos,  $R_{SI}$  llena asistidamente a  $R_{B2}$ , que cumple con (24) (figura 4.1b); avanzando el menisco hasta llenar finalmente  $R_{B5}$  (figura 4.1c). El ejemplo anterior pone en evidencia dos cosas: que los tamaños similares de elementos y los valores de C=2 facilitan el avance del menisco en una red.

# IV.4.1.1.2 Influencia de la conectividad sobre $B_A$

La influencia de  $\overline{C}$  puede apreciarse al comparar los máximos valores alcanzados por  $\overline{B}_A$  en  $\overline{C}$  =2 y  $\overline{C}$  =6, estos son respectivamente,  $\overline{B}_A$  =0.89 y  $\overline{B}_A$  =0.24. Estos últimos resultados señalan que a medida que aumentan los valores de  $\overline{C}$ ,  $\overline{B}_A$  alcanza valores menores. Lo anterior se relacio na con dos aspectos: las restricciones existentes en una red con alto valor de  $\overline{C}$  para facilitar el avance del menisco y la relación entre los tamaños de los sitios y enlaces conectados.

El avance del menisco a través de elementos vecinos en una red con alta conectividad, como  $\overline{C}$  =6, es muy diferente al verificado en una red con  $\overline{C}$  =2. Para alta conectividad, el avance del menisco se encuentra limitado por los sitios que no cumplen con el número adecuado de enlaces llenos (C o C-1). Aunque la red posea una alta correlación, las pequeñas diferencias que puedan existir entre los tamaños de los enlaces vecinos limitan la propagación, puesto que los sitios requieren para el llenado un número elevado de enlaces. Esto se hace evidente al analizar el ejemplo siguiente. En este, se tiene el caso de la sección de una red con alta correlación y  $\overline{C}$  =4; véase la figura 4.2a.



**Figura 4.2**. Llenado en la sección de una red con  $\overline{C}$  =4. (a) Tamaños. (b) Elementos llenos cuando  $R_B$ =36 en la ecuación (23). (c) Elementos llenos cuando  $R_B$ =37 en la ecuación (23). (d) Elementos llenos cuando  $R_B$ =41 en la ecuación (23).

En una primera etapa, el proceso de llenado comenzará cuando  $R_B$ =23 en (23) y  $R_S$ =61 en (25). Bajo las condiciones anteriores llenarán únicamente 4 enlaces (aquellos que poseen un tamaño igual a 36, véase la 4.2b), no obstante que todos los sitios podrían llenar si tuvieran el suficiente número de enlaces llenos. Cuando  $R_B$ =37 en (23), se llenarán 6 enlaces y dos sitios; (4.2c). Toda la figura llenaría cuando  $R_B$ =41 en (23). El ejemplo anterior ilustra las restricciones para llenar una red con valor intermedio de  $\overline{C}$ , las cuales se relacionan directamente con las pequeñas diferencias de tamaño existentes entre los enlaces vecinos. Esas pequeñas diferencias no afectan sensiblemente el avance del menisco en una red con  $\overline{C}$ =2, como se vio en ejemplo de la figura 4.1, pero si en una red con alta conectividad como  $\overline{C}$ =6.

## IV.4.1.1.2 Fracción de sitios llenos con C-1 enlaces llenos

Los valores de  $\overline{S}_{C-1}$  se presentan en la tabla 4.4. A diferencia del caso para  $\overline{B}_A$ , no se observan tendencias tan claras en los valores de  $\overline{S}_{C-1}$ . En general, se observa que a mayores valores de correlación, sobre una misma fila, y mayores valores de  $\overline{C}$ , en una misma columna, se tienen mayores valores de  $\overline{S}_{C-1}$ . Sin embargo, la tendencia anterior no se obedece en todos los casos. En ocasiones, sobre un mismo renglón el máximo valor de  $\overline{S}_{C-1}$  no se encuentra en las redes con mayor correlación, sino más bien en otra; por ejemplo en la fila con  $\overline{C}$ =5 el máximo valor corresponde a 5-f ( $\overline{S}_{C-1}$ =0.81). También se observa, que sobre un a misma columna, en ocasiones el máximo no corresponde a la red con mayor valor de  $\overline{C}$ ; por ejemplo, para la columna h, el máximo corresponde a 3-h ( $\overline{S}_{C-1}$ =0.86). Con objeto de comprender los valores de  $\overline{S}_{C-1}$ , es necesario examinar los valores de  $r_0$ .

	k	J	i	-						b	а
2	0.95	0.86	0.78	0.72	0.63	0.57	0.50	0.44	0.32	0.17	0.08
3								0.55			
4	-	-	0.76	0.84	0.86	0.81	0.74	0.66	0.49	0.27	0.12
5	-							0.74			
6	_	-	-	-	-	0.74	0.81	0.77	0.62	0.36	0.17

**Tabla 4.4.** Valores de  $\overline{S}_{C-1}$  en las redes de la tabla 4.1. Las celdas en color gris corresponden a redes de correlación baja y las azules a redes de mediana a elevada correlación.

#### IV.4.1.1.2.1 Correlación baja

Cuando los valores de  $r_0^{BB}$  son menores a la unidad (celdas color gris de la tabla 4.4), la tendencia general, del párrafo anterior, es cumplida: Los valores de  $\overline{S}_{C-1}$  aumentan con la correlación y con los valores de  $\overline{C}$ . Sin embargo, los valores de  $r_0^{BB}$  correspondientes, no cambian sensiblemente y son mínimos (todos se sitúan entre 0.2 y 0.7, aproximadamente, ver la tabla 4.2), por lo que el aumento en los valores de  $\overline{S}_{C-1}$  sobre una misma fila no puede atribuirse con certeza al aumento de la correlación. En esas redes la posición que mantienen

las distribuciones  $F_B$  y  $F_S$  (y consecuentemente, la relación entre tamaños de sitios y enlaces) juega un papel bastante relevante. Es decir, mientras menor sea la relación de tamaños de los sitios sobre los enlaces, mayor será la interdependencia en el llenado de los sitios y los enlaces; y cuanto mayor sea esa relación, menor será la interdependencia. Entonces, es comprensible que  $\overline{S}_{C-1}$  aumente de derecha a izquierda, sobre un mismo renglón, puesto que en esa posición se encontrará la red con mayor número de sitios sobresaturados cuando inicie el llenado de sus enlaces. Por su parte el efecto de la conectividad puede entenderse si se considera la relación existente entre N y M, relación directamente proporcional al valor de  $\overline{C}$ :

$$M = N \frac{\overline{C}}{2} \tag{69}$$

Entonces,  $\overline{S}_{C-1}$  es directamente proporcional a  $\overline{B}_A$ :

$$\overline{B}_A = \overline{S}_{C-1} \frac{2}{\overline{C}} \tag{70}$$

En consecuencia, a mayor valor de  $\overline{C}$  mayores valores de  $\overline{S}_{C-1}$ , manteniendo fijo el valor de  $\overline{B}_A$ .

# IV.4.1.1.2.2 Mediana y alta correlación

Los valores de  $\overline{S}_{C-1}$  en la sección de alta correlación (celdas color azul de la tabla 4.4) pueden entenderse tomando en cuenta la estructuralización de las redes.

El caso de  $\overline{C}=2$  y alta correlación tiene una lógica evidente. Aumentando la correlación aumenta el avance del menisco y consecuentemente  $\overline{S}_{C-1}$ . De este modo, el máximo valor para  $\overline{S}_{C-1}$  se encuentra en el extremo izquierdo de ese renglón (2-k,  $\overline{S}_{C-1}$ =0.95). Pero para los valores restantes de  $\overline{C}$ , el máximo de  $\overline{S}_{C-1}$ , no se ubica en extremo izquierdo del renglón, más bien en otras celdas. Para entender esta situación hay que tomar en cuenta la estructuralización de las redes con la correlación. A medida que aumentan los valores de  $r_0$  los tamaños de los sitios y los enlaces son cada vez más semejantes. Para el caso particular de  $\overline{C}$  =6 y máxima correlación el tamaño del sitio será mayor al de sus enlaces, pero el tamaño de los enlaces conectados a un mismo sitio será prácticamente el mismo. Como consecuencia de lo anterior en un intervalo corto de valores de  $R_B$  en (23), un número considerable de enlaces conectados a un mismo sitio llenaran de manera independiente, disminuyendo en consecuencia los valores de  $\overline{B}_A$  y  $\overline{S}_{C-1}$ . Entonces, en las redes de extrema correlación y alta conectividad  $\overline{S}_{C-1}$  será un tanto menor al de otras redes con el mismo valor de  $\overline{C}$  pero con mediana correlación. En las redes con mediana correlación y valores elevados de  $\overline{C}$ , la mayor heterogeneidad de tamaños de enlaces conectados a un mismo sitio, aumentará los valores de  $\overline{B}_A$  y consecuentemente los de  $\overline{S}_{C-1}$ . Entonces en una red con conectividad elevada los máximos de  $\overline{S}_{C-1}$  se encontrarán en situaciones de correlación mediana y no extrema.

Lo anterior no sólo puede explicar los valores de  $\overline{S}_{C-1}$  para el caso de  $\overline{C}$  =6, también lo puede hacer con los casos de  $\overline{C}$  =3,4 y 5. Sólo que hay que tomar en cuenta que en esas redes a medida que aumenta  $r_0$  dos valores de conectividades se encuentran distribuidos en casi todos

los sitios: C=2 y 6. En consecuencia, las regiones donde se agrupen sitios con C=1 y 2 contribuirán en mayor medida a los valores de  $\overline{S}_{C-1}$  con respecto a las zonas formadas por sitios con C>2. En las tablas 4.5 y 4.6 se presentan los valores de  $\overline{S}_{C-1}$  evaluados en dos grupos de sitios: C=1,2 y C>2, los valores de  $\overline{S}_{C-1}$  se encuentran normalizados sobre el grupo de sitios correspondientes.

	k	j	i	h	g	f	e
2	0.97	0.91	0.84	0.78	0.67	0.59	0.51
3	-	0.95	0.94	0.92	0.84	0.76	0.65
4	-	-	0.93	0.94	0.92	0.88	0.80
5	-	-	-	0.98	0.95	0.91	0.88
6	-	-	-	-	-	0	0

**Tabla 4.5**. Valores de  $\overline{S}_{C-1}$  para los sitios con C=1 y 2 en las redes de mediana y alta correlación. Los Valores se encuentran normalizados con el número total de sitios con C=1 y 2

	k	j	i	h	g	f	e
2	0.77	069	0.63	0.60	0.56	0.54	0.50
3	-	0.70	0.81	0.80	0.73	0.68	0.61
4	-	-	0.62	0.77	0.83	0.80	0.73
5	-	-	-	0.51	0.76	0.81	0.80
6	-	-	-	-	-	0.74	0.79

**Tabla 4.6**. Valores de  $\overline{S}_{C-1}$  para los sitios con C>2 en las redes de mediana y alta correlación. Los Valores se encuentran normalizados con el número total de sitios con C>2

Se observa lo siguiente. En la tabla 4.5 los valores de  $\overline{S}_{C-1}$  disminuyen de valor conforme disminuye la correlación en todas las filas. En la tabla 4.6 los valores de  $\overline{S}_{C-1}$  aumentan de valor conforme disminuye la correlación de derecha a izquierda, hasta alcanzar un máximo, punto donde comienzan a disminuir de valor. El efecto neto de estos dos comportamientos opuestos, en de una misma red, dependerá del valor de  $\overline{C}$ : cuando se tengan valores elevados de  $\overline{C}$ , dominará la tendencia observada en 4.6; y cuando se tengan valores bajos de  $\overline{C}$ , dominará la tendencia de 4.5.

#### IV.4.1.1.3 Llenado retrasado de sitios

Los valores de  $\overline{S}_{RT}$  se encuentran en la tabla 4.7. Los valores de  $\overline{B}_A$  y  $\overline{S}_{C-1}$  pueden explicar los valores de  $\overline{S}_{RT}$ .

	k	j	i	h	g	f	e	d	С	b	a
2	0.55	0.35	0.23	0.18	0.14	0.11	0.10	0.08	0.05	0.02	0.01
3	-	0.72	0.58	0.46	0.31	0.24	0.20	0.16	0.10	0.04	0.01
4	1	ı	0.82	0.75	0.59	0.46	0.35	0.28	0.16	0.06	0.02
5	-	-	-	0.86	0.77	0.68	0.55	0.42	0.24	0.09	0.03
6	-	-	-	-	-	0.84	0.74	0.59	0.33	0.13	0.04

**Tabla 4.7**. Valores de  $\overline{S}_{RT}$  en las redes de la tabla 4.1. Las celdas en color gris corresponden a redes de correlación baja y las azules a redes de mediana a elevada correlación.

De la tabla anterior puede extraerse lo siguiente: los valores de  $\overline{S}_{RT}$  aumentan con la correlación y  $\overline{C}$ . Las posiciones de  $F_B$  y  $F_S$  resultan un factor fundamental en los valores de  $\overline{S}_{RT}$ . Conforme aumenta W el número de sitios sobresaturados de vapor aumentará, dada la similitud de tamaños entre los valores de  $R_S$  y  $R_B$ . A un mismo valor de  $\overline{C}$  los valores de  $\overline{S}_{RT}$  aumentan con los valores de W. Por otra parte mayores valores de C en los sitios aumentan sin duda los valores de  $\overline{S}_{RT}$ , puesto que requieren una mayor cantidad de enlaces llenos para que los meniscos coalescan. Valores elevados de  $\overline{C}$  resultan ser un parámetro determinante; por ejemplo en las redes con  $\overline{C}$  =5,6 y máxima correlación se encuentran los máximos valores: 0.8566 y 0.8442, respectivamente.

# IV.4.1.2 Parámetros puntuales

#### IV.4.1.2.1 Redes no correlacionadas

Se calcularon las funciones puntuales de los elementos llenos y vacíos de cada una de las redes no correlacionadas:  $2 ext{-}a$ ,  $3 ext{-}a$ ,  $4 ext{-}a$ ,  $5 ext{-}a$  y  $6 ext{-}a$ . Todas las redes poseen los mismos valores de  $F_B$  y  $F_S$ , a fin de comparación. En los gráficos 30 se presentan los parámetros puntuales relacionados al volumen, en los gráficos 31 los relacionados al tamaño y en los 32 los de la conectividad; los parámetros anteriores se graficaron en función de la presión, representado con colores diferentes los valores de cada red. Los tamaños promedios se calcularon usando la escala de tamaños relativos (véanse la ecuaciones (40) y (41)), y los volúmenes fueron normalizados.

#### IV.4.1.2.1.1 Volúmenes

Los gráficos 30, correspondientes a los valores de  $V(S_{LL})$ ,  $V(B_{LL})$ ,  $V(S_V)$  y  $V(B_V)$ , permiten ver que todos los valores de las redes coinciden en una sola curva, pareciera por esta razón que únicamente se encuentran los valores de una red. Estos resultados permiten señalar que el valor de  $\overline{C}$  no influye sobre las cantidades adsorbidas. Un hecho fundamenta el comportamiento anterior: los bajos valores de  $\overline{B}_A$ ,  $\overline{S}_{C-1}$  y  $\overline{S}_{RT}$ , que indican la ausencia de interacciones entre poros durante el llenado, por eso mismo cuando comienza el llenado de los sitios, se ha llenado aproximadamente el 70% en volumen de los enlaces y cuando llenan completamente los enlaces sólo ha llenado el 20% en volumen de los sitios. Es decir, sitios y enlaces lle nan casi de forma independiente, por lo que las cantidades adsorbidas dependen casi únicamente de los valores de  $F_B$  y  $F_S$ .

#### IV.4.1.2.1.2 Tamaños

Los gráficos 31, correspondiente a los valores de  $R(S_{LL})$ ,  $R(B_{LL})$ ,  $R(S_V)$  y  $R(B_V)$  en función de la presión, nuevamente indican que todos los valores coinciden. Como es de esperar, los elementos llenan desde los más pequeños hasta los más grandes. Nuevamente estos resultados apoyan el hecho de que los elementos de la red se llenan prácticamente en función de su tamaño y con independencia de las condiciones de los elementos vecinos.

#### IV.4.1.2.1.3 Conectividades

Los gráficos 32, que corresponde a los valores de  $C(S_{LL})$  y  $C(S_V)$  en función de la presión, indican que los elementos llenos y vacíos alcanzan un valor prácticamente igual al valor de  $\overline{C}$  en cuestión, de esta forma se observan 6 líneas correspondientes a cada red. Los resultados anteriores indican que los sitios que van llenando no mantienen algún tipo de correlación con su valor de C, puesto que en cada momento mantienen un valor promedio igual a  $\overline{C}$ . A valores bajos de p los valores de  $C(S_{LL})$  son ligeramente menores a  $\overline{C}$ , es decir primero llenan los sitios con menores valores de C, pero el efecto es mínimo, puesto que en esas condiciones los valores de  $V(S_{LL})$  son mínimos, ver los gráficos 30.

Con el fin de complementar la información anterior, se presentan en los gráficos 33 a 35 los valores de la red 4-a junto a sus CM y ENI, de los parámetros puntuales de volumen, tamaño y conectividad. Los resultados indican, como es de esperar, que los valores de la red CM y ENI, coinciden a cualquier valor de p. Este comportamiento se debe de cumplir para las demás redes no correlacionadas con diferentes valores de  $\overline{C}$ , puesto que poseen los mismos valores de  $F_B$  y  $F_S$ .

#### IV.4.1.2.1.4 Análisis del factor de llenado asistido

En el gráfico 34 se encuentran los valores de  $Q_{LA}$  para las redes no correlacionadas. Los valores se graficaron en función del volumen de condensado, se representan con diferentes colores los valores de cada una de las redes. Los resultados revelan que los valores de  $Q_{LA}$  alcanzan valores semejantes en cada una de las redes sobre cada valor del volumen, es decir, no existe alguna correlación de los valores con la conectividad de las redes. Por otra parte, los valores de  $Q_{LA}$  prácticamente son iguales a uno en todo momento; se observa un máximo para cada red, pero el valor de ese máximo corresponde a  $Q_{LA} \approx 1.011$ , que para efectos prácticos resulta poco significativo. Los resultados anteriores son un indicativo de la ausencia de efectos de llenado asistido de enlaces por efecto de los sitios a los que se encuentran unidos y también de la casi nula interdependencia entre los multiplexes que forman la red porosa, nuevamente estos resultados apoyan los valores bajos de  $\overline{B}_A$ ,  $\overline{S}_{C-1}$  y  $\overline{S}_{RT}$  en las redes con baja correlación.

#### IV.4.1.2.2 Redes correlacionadas

Con objeto de estudiar el caso de la influencia de la correlación, durante los procesos de evaporación y condensación capilares, se estudiaron las redes con alta correlación. Comparar los resultados con diferentes valores de  $\overline{C}$  resulta complicado para las redes con extrema correlación, puesto que los valores de  $F_S$  varían en cada caso. Para sistematizar los resultados se tomaron tres grupos de redes con los mismos valores de  $F_B$   $F_S$ . El primer grupo compara todos los valores de  $\overline{C}$  en redes con  $F_S$ =42Å (tipo f, en tabla 4.1); el segundo, todos los valores de  $\overline{C}$ , menos 6, en redes con  $F_S$ =37Å(tipo f), en tabla 4.1); y el último, los valores de  $\overline{C}$ =2,3,4, con  $F_S$ =35Å(tipo f), en tabla 4.1).

# IV.4.1.2.2.1 Volúmenes

En los gráficos 35 a 37 se presentan los parámetros puntuales relacionados al volumen en función de p; el gráfico 35 corresponde a las redes tipo f, el 36 a las tipo h y el 37 a las tipo i.

Los resultados anteriores son sumamente interesantes. Revelan una ordenación clara de los valores de los volúmenes con respecto al valor correspondiente de  $\overline{C}$ . Consiste en que los volúmenes de los elementos llenos:  $V(B_{LL})$  y  $V(S_{LL})$ , aumentan de valor a un mismo valor de p a medida que disminuyen los valores de  $\overline{C}$ . Este comportamiento abarca los tres grupos de redes, encontrándose que los volúmenes con  $\overline{C}$  =2 alcanzan los máximos valores en un amplio intervalo de valores de p, en tanto que los volúmenes para el valor de  $\overline{C}$  máximo que corresponda, alcanzan los valores mínimos, en los mismos intervalos de p. Por su parte, los valores de  $V(S_V)$  y  $V(B_V)$ , complementan la información, teniéndose que los valores aumentan de valor a medida que aumentan los valores de  $\overline{C}$ .

El comportamiento anterior, puede entenderse mejor, tomando en cuenta las interacciones entre los elementos vecinos durante el llenado. Recuérdese que los valores de  $\overline{B}_A$  disminuyen de valor a medida que aumenta  $\overline{C}$ , y que los valores de  $\overline{S}_{RT}$  aumentan de valor a medida que aumenta  $\overline{C}$ . De esta forma,  $V(B_{LL})$  es igual a:

$$V(B_{LL})_{RED} = V(B_{LL})_{ENI} \overline{B}_{VA}(p)$$
(71)

donde  $\overline{B}_{VA}(p)$  es la fracción en volumen de enlaces llenos asistidamente a un valor determinado de presión relativa, p;  $V(B_{LL})_{RED}$ , es el volumen de los enlaces llenos evaluados en la red a la presión p; y  $V(B_{LL})_{ENI}$ , es el volumen de los enlaces llenos evaluados en los ENI.

Por su parte,  $V(S_{LL})$  es igual a:

$$V(S_{LL})_{RED} = V(S_{LL})_{ENI} \left(1 - \overline{S}_{VRT}(p)\right) \tag{72}$$

donde  $\overline{S}_{VRT}(p)$  es la fracción en volumen de los sitios con llenado retrasado a un valor determinado de presión relativa, p;  $V(S_{LL})_{RED}$ , es el volumen de los sitios llenos evaluados en la red a la presión p;  $V(S_{LL})_{ENI}$ , es el volumen de los sitios llenos evaluados en los ENI.

Las dos ecuaciones anteriores proporcionan una base sólida para entender el efecto de la correlación y  $\overline{C}$  sobre los volúmenes adsorbidos en los sitios y en los enlaces. Cuando existe una correlación intermedia o elevada, los valores de  $\overline{B}_A$  disminuyen de valor a medida que aumentan los valores de  $\overline{C}$ ; de acuerdo a la ecuación (71), los valores de  $V(B_{LL})_{RED}$  son directamente proporcionales al valor de  $\overline{B}_{VA}(p)$ , por lo que aumentarán a mayor  $\overline{B}_A$  (menor  $\overline{C}$ ) y disminuirán a menor  $\overline{B}_A$  (mayor  $\overline{C}$ ). Por otro lado, la ecuación (72) indica que los valores de  $V(S_{LL})_{RED}$  son inversamente proporcionales a los valores de  $\overline{S}_{VRT}(p)$ , por lo que aumentarán de valor a menor  $\overline{S}_{RT}$  (menor  $\overline{C}$ ) y disminuirán a mayor  $\overline{S}_{RT}$  (mayor  $\overline{C}$ ).

Una medida de las consecuencias de los efectos anteriores puede advertirse al comprar los valores de los volúmenes de las redes, los CM y los ENI. En los gráficos 38 se presentan los valores correspondientes a las redes del grupo f con valores de  $\overline{C}$  =2,4,6, incluyendo además los valores de los CM y los ENI, respectivos. Es interesante advertir como en la red con menor valor de  $\overline{C}$  los valores de  $V(B_{LL})$ , en un amplio intervalo de valores de p, son bastantes superiores a los valores de los p0 y estos a su vez a los de los p1, algo en concordancia con los elevados valores de p2, en tanto que la red con mayor valor de p3 sus valores de p4. Asimismo, los valores de p5 valores de p6 valores de p7 y los p8 en concordancia con los bajos valores de p8. Asimismo, los valores de p9 valores de p9 los p9 los p9 en concordancia con los bajos valores de p9 los 
concordancia con los bajos valores de  $\overline{S}_{RT}$ ; en tanto que los valores de  $V(S_{LL})$  en la red con mayor valor de  $\overline{C}$  son bastante menores , en un amplio intervalo de valores de p, a los de ENI y estos a su vez mayores a los de CM, algo en concordancia con valores elevados de  $\overline{S}_{RT}$  (Tómese en cuenta también que los valores de la red deben de ser siempre mayores a los de los CM, debido al avance del menisco entre vecinos, permitido en la red).

#### IV.4.1.2.2.2 Tamaños

En los gráficos 39 a 41 se presentan los resultados correspondientes a los valores de  $R(S_{IL})$ ,  $R(B_{LL})$ ,  $R(S_V)$  y  $R(B_V)$  en función de la presión. Los gráficos 39 corresponden a las redes tipo f, los a gráficos 40 a las tipo h y los gráficos 41 a las redes tipo i. Los valores en los tres grupos de redes presentan una tendencia equivalente a los resultados observados en los volúmenes puntuales. Es decir a menor valor de  $\overline{C}$  se tienen mayores valores de  $R(B_{LL})$  y  $R(S_{LL})$  y a menor valor de  $\overline{C}$ , menores valores de  $R(B_{LL})$  y  $R(S_{LL})$ . Nuevamente aquí se reflejan el efecto de los valores de  $\overline{B}_A$  y  $\overline{S}_{RT}$ . A mayores valores de  $\overline{B}_A$  mayores valores de  $R(B_{IL})$  (puesto que se tiene un mayor número de enlaces llenos con geometría hemisférica); y a mayores valores de  $\overline{S}_{RT}$  menores valores para  $R(S_{LL})$ , puesto que se tiene un mayor número de sitios llenos cuyo tamaño es mayor al correspondiente en la ecuación (25).

En el gráfico 42 se presentan los valores correspondientes a las redes del grupo f con valores de  $\overline{C}$  =2,4,6 incluyendo los valores de los CM y ENI respectivos. Cuando  $\overline{C}$  =2 los valores de  $R(B_{LL})$ , en un amplio intervalo de valores de p, de la red son mayores a los de los CM, siendo estos últimos a su vez mayores a los de los ENI; en tanto que para  $\overline{C}$  =6 los valores de la red, los CM y los ENI prácticamente coinciden en casi todos los valores. Asimismo, para  $\overline{C}$  =2 los valores de  $R(S_{LL})$  en la red, los CM y los ENI coinciden, en casi todos los valores de p; en tanto que cuando  $\overline{C}$  =6 los valores de la red son menores a los de los ENI y similares a los de los CM, en un amplio intervalo de valores de p.

# IV.4.1.2.2.3 Conectividades

En los gráficos 43 a 45 se presentan los resultados correspondientes a los valores de  $C(S_{IL})$  y  $C(S_V)$  en función de la presión relativa. El gráfico 43 corresponde a las redes del grupo f, el 44 al grupo h y el 45 al grupo i. En estos gráficos puede observarse el efecto de la correlación ( estructuralización de las redes). Como se había visto en el capítulo pasado el tamaño promedio de los sitios con valor de C dado era proporcional al valor de C. Entonces, si llenan los sitios del más chico al más grande, a medida que aumentan los valores de p, entonces los valores de  $C(S_{IL})$  irán desde  $C(S_{IL})$ =1, a valores bajos de p, hasta alcanzar un valor de  $C(S_{IL})$ = $\overline{C}$  cuando hallan llenado todos los sitios. Por su parte los valores de  $C(S_V)$  tendrán un valor igual a  $\overline{C}$  al inicio del proceso de llenado, y tendrán un cercano a 6, al final del proceso. Excepción a lo anterior son los valores para  $\overline{C}$ =6, puesto que todos los sitios poseen un valor de C=6.

#### IV.4.1.2.2.4 Factor de llenado asistido

En el gráfico 46 se presentan los valores de  $Q_{LA}$ , para cada una de las redes con máxima correlación, en función del volumen de condensado. En estos gráficos se observa que los valores de  $Q_{LA}$  son directamente proporcionales al valor de  $\overline{C}$ . Conforme aumenta el valor de  $\overline{C}$  aumentan los valores de  $Q_{LA}$ . De este modo el máximo valor alcanzado por  $Q_{LA}$ 

corresponde al punto  $Q_{LA}$  =1.343 y V=0.937 para  $\overline{C}$  =2 en tanto que el valor máximo alcanzado por la curva de  $\overline{C}$ =6 corresponde al punto  $Q_{LA}$  =1.045 y V=0.851. Nuevamente, el comportamiento de los valores de  $Q_{LA}$  se encuentra directamente relacionado con los valores de  $\overline{B}_A$  que como se ha visto disminuye cuando lo hace el valor de  $\overline{C}$ . A diferencia del caso de las redes no correlacionadas en esta ocasión, el efecto de la correlación en las redes afecta sensiblemente las interacción entre elementos vecinos durante el llenado.

#### IV.4.2 Evaporación capilar

#### IV.4.2.1 Redes no correlacionadas

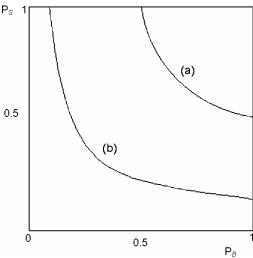
# IV.4.2.1.1 parámetros puntuales

#### IV.4.2.1.1.1 Volúmenes

En los gráficos 47 se presentan los valores de  $V(S_{LL})$ ,  $V(B_{LL})$ ,  $V(S_V)$  y  $V(B_V)$  en función de la presión relativa p. Los valores revelan que los procesos de vaciado en las redes no correlacionadas se encuentran altamente relacionados con valor de la conectividad de la red. Durante el proceso de vaciado se tiene la ocurrencia de un proceso percolativo. Como lo demostró Neimark [37] el umbral de percolación se asocia con la posición de la rodilla de la curva limite descendente. A valores elevados de  $\overline{C}$ , la rodilla se desplazará hacia valores mayores de presión y a valores bajos de  $\overline{C}$  la rodilla se desplazará hacia valores memores de presión. Lo anterior se observa en los valores de  $V(S_{LL})$  y  $V(B_{LL})$ . Por ejemplo, el umbral de percolación para  $\overline{C}$  =2 se ubica aproximadamente en  $p \approx 0.60$  y el umbral de percolación para  $\overline{C}$  =6 se ubica en p≈0.67. En consecuencia, el ancho del loop de histeresis varía en función de la conectividad.

Los resultados encontrados pueden interpretarse por medio de la teoría de precolación [32]. Un diagrama de fases en una transición percolativa mixta (grafico de  $P_S$  vs.  $P_B$ ; donde  $P_S$ es el umbral de percolación de sitios y  $P_B$  es el umbral de percolación de enlaces; véase la figura 4.3) no correlacionada, indica que a mayores valores de  $P_B$  corresponden menores valores para  $P_S$  y viceversa a mayores valores de  $P_S$  corresponden menores valores para  $P_B$ [53]. Sabiendo además que conforme aumentan los valores de  $\overline{C}$  aumentan los valores de  $P_R$ , como se señalo con anterioridad, entonces, se puede predecir que las redes que posean los valores más bajos de conectividad tengan los valores más elevados de  $P_B$  y a su vez los valores más bajos de  $P_S$ , y que las redes con los valores más elevados de  $\overline{C}$  posean los valores más bajos de  $P_B$  y los valores más elevados de  $P_S$ . Como es de esperar, los valores de  $V(B_V)$  y  $V(S_V)$ son proporcionales a los valores de  $P_B$  y  $P_S$ , respectivamente. De este modo, durante todo el proceso de vaciado, las redes con menores valores de  $\overline{C}$  poseen los valores más elevados de  $V(B_V)$  y también los menores valores de  $V(S_V)$  y viceversa, las redes con mayores valores de  $\overline{C}$ poseen los valores menores de  $V(B_V)$  y los mayores valores de  $V(S_V)$ . Esta situación se ejemplifica con los gráficos 48, en donde se presentan los valores de  $V(B_V)$  en función de  $V(S_V)$  y los valores de  $V(S_{LL})$  en función de  $V(B_{LL})$ . Se observa que a un mismo valor de  $V(B_V)$ a medida que aumenta  $\overline{C}$  los valores de  $V(S_V)$  aumentan también; es decir con un mismo volumen de enlaces vacíos se tiene mayor cantidad de sitios vacíos en las redes con mayores valores de  $\overline{C}$  y menor cantidad en las redes con valores de  $\overline{C}$  bajos. La información se

complementa al observar que a un mismo valor de  $V(B_{LL})$  los valores de  $V(S_{LL})$  aumentan a medida que disminuyen los valores de  $\overline{C}$ .



**Figura 4.3**. Diagramas de fases típico para los umbrales de precolación de sitios,  $P_S$ , y enlaces,  $P_B$ , (a) situación de baja correlación. (b) situación de alta correlación.

#### IV.4.2.1.1.2 Tamaños

En los gráficos 49 se presentan los valores de  $R(S_{LL})$ ,  $R(B_{LL})$ ,  $R(S_V)$  y  $R(B_V)$  en función del volumen de condensado en las redes  $^{12}$ . Se representan con diferente color, en función de  $\overline{C}$ , cada una de las redes y los valores de los tamaños promedio se grafican en escala de tamaños relativa.

Los valores de  $R(B_V)$  son bastante reveladores. En el gráfico correspondiente, el umbral toma lugar en los puntos de inflexión. Como consecuencia, los valores de  $R(B_V)$  alcanzarán valores cada vez menores antes de alcanzar el umbral de percolación a medida que disminuyen los valores de  $\overline{C}$ . Por ejemplo, cuando  $\overline{C}$  =6 se tiene  $R(B_V) > 0.72$  en el umbral y cuando  $\overline{C}$  =2 se tiene  $R(B_V) > 0.62$  en el umbral de percolación. También, como consecuencia de lo anterior, se observan 5 curvas, separadas unas de otras, para cada valor de  $\overline{C}$  encontrándose en la parte superior la curva para la red con mayor valor de  $\overline{C}$  y en la parte inferior la curva de la red con el menor valor de  $\overline{C}$ . Asimismo, los gráficos de  $R(S_V)$  revelan que el tamaño de los sitios vacíos siempre toma un valor constante e igual a 0.5, para cua lquier valor de  $\overline{C}$ . Dado que son redes con W=0 cuando comienza el proceso de vaciado en las redes todos los sitios poseen un valor de radio critico mayor al correspondiente al valor de la presión. De este modo, los sitios vacían prácticamente en función de su vecindad con el cluster formado por los elementos vacíos de condensado. Los valores de  $R(S_{LL})$  toman un valor constante e igual a 0.5 para casi todos los valores de presión; sólo a valores bajos de presión cuando casi todos los elementos han vaciado, se observan sitios con tamaño diferente a 0.5 llenos. Lo anterior es consecuencia, como se verá en el párrafo siguiente, del valor de la conectividad de los sitios unidos a los

107

<sup>&</sup>lt;sup>12</sup> En este caso resulta conveniente graficar los valores de los tamaños en función del volumen en lugar de la presión, a fin de comparación, puesto la escala logarítmica de presiones no permite una buena apreciación de los valores en las regiones cercanas a los umbrales de percolación.

enlaces más pequeños. Los valores de  $R(B_{IL})$  coinciden para todas las redes, a excepción de una pequeña región de la curva de la red con  $\overline{C}$  =2 ubicada a valores bajos de presión relativa. Se observa que los enlaces vacían en función de su tamaño tomando valores desde uno, al inicio del proceso de evaporación, hasta cero, cuando el proceso finaliza.

### IV.4.2.1.1.3 Conectividades

Los gráficos 50 presentan los valores de  $C(S_{LL})$  y  $C(S_V)$  en función del volumen de condensado en las redes. Se representan con diferente color, en función de  $\overline{C}$  cada una de las redes.

Los gráficos anteriores ayudan a complementar el entendimiento del proceso de vaciado. Los valores de  $C(S_V)$  toman valores constantes e iguales al valor de  $\overline{C}$  correspondiente, al igual que los valores de  $C(S_{LL})$  en la mayoría de los puntos. Sólo en en las regiones de presiones bajas, cuando el proceso de vaciado ha finalizado, los valores de  $C(S_{LL})$  disminuyen de valor de manera drástica, este comportamiento tiene que ver con la existencia de sitios con valores de C bajos conectados a enlaces con los valores más pequeños de tamaños. Como es de esperarse los valores de  $\overline{C}$  =6 toman siempre un valor igual a 6. De esta forma se explica la forma de las curvas de  $R(S_{LL})$  en las regiones de valores bajos de V, en donde se observaban valores de  $R(S_{LL})$  muy diferentes al valor medio; lo cual es consecuencia de que esos sitios se encontraban unidos a los enlaces con el tamaño pequeño y además con valores menores de C, situación topológica que convierte a esos sitios en las últimas regiones que entrarán en contacto con el cluster de vapor formado durante el proceso de evaporación.

# IV.4.2.1.1.4 factor de bloqueo

En el gráfico 51 se presentan los valores de  $P_{LD}$  en función del volumen de condensado V. Se representan con colores diferentes las redes con diferente valor de  $\overline{C}$ . Como es de esperar, la conectividad determina los valores de  $P_{LD}$ . De este modo, las redes con menores valores de  $\overline{C}$  poseen los valores menores de  $P_{LD}$  (redes con mayores efectos de bloqueo) y las redes con valores elevados de  $\overline{C}$  poseen los mayores valores para  $P_{LD}$  (redes con menores efectos de bloqueo).

## IV.4.2.2 Redes altamente correlacionadas

# IV.4.2.2.1 Discusión de parámetros puntuales

Se estudio el caso de las redes con extrema correlación para cada valor de  $\overline{C}$ : 2-k, 3-j, 4-i, 5-h y 6-f.

# IV.4.2.2.1.1 Volúmenes

En los gráficos 52 se presentan los valores de  $V(S_{LL})$ ,  $V(B_{LL})$ ,  $V(S_V)$  y  $V(B_V)$  en función de p. En ellos pueden observarse la forma como en cada punto del proceso de vaciado varían los volúmenes de los elementos llenos y vacíos. Como se tienen valores diferentes de  $F_S$  en cada red, no resultan tan clara las tendencias, sin embargo se puede observar como la conectividad resulta ser un factor nuevamente clave en el desarrollo de esos procesos: a medida que aumenta el valor de  $\overline{C}$  los puntos donde inician la disminución de los valores de  $V(S_{IL})$  y  $V(B_{LL})$  se desplazan hacia valores mayores de p.

La influencia de la correlación puede apreciarse con los gráficos 53, en donde se tienen los valores de  $V(S_{LL})$  en función de  $V(B_{LL})$  y los valores de  $V(S_V)$  en función de  $V(B_V)$  y con la tablas 4.8 y 4.9, donde se comparan valores de  $V(S_V)$  y  $V(S_{LL})$  en las redes del gráfico 53 (correlación) y del 48 (sin correlación). Primeramente se observa que los valores de  $V(S_V)$ , de las redes correlacionadas, alcanzan valores mayores a los alcanzados por las redes no correlacionadas, a un mismo valor de  $V(B_V)$ , en un gran número de puntos del gráfico (10 de 15 pares de valores de la tabla 4.8). Asimismo, complementando la información anterior, se tiene que los valores de  $V(S_{LL})$  de las redes correlacionadas, alcanzan valores casi siempre menores a los respectivos de las redes no correlacionadas, a un mismo valor de  $V(B_{LL})$  (10 de 15 pares de valores de la tabla 4.9).

$\overline{C}$	$V(S_V)[V(B_V)=0.2]$		$V(S_V)[V(I)]$	$B_{V}$ )=0.45]	$V(S_V)[V(B_V)=0.8]$		
	W=0	W>0	W=0	W>0	W=0	W>0	
2	0.18	0.26	0.37	0.48	0.77	0.83	
3	0.22	0.28	0.43	0.53	0.86	0.89	
4	0.27	0.29	0.53	0.55	0.95	0.91	
5	0.32	0.33	0.62	0.59	0.98	0.90	
6	0.37	0.40	0.70	0.67	0.99	0.97	

**Tabla 4.8**. Valores de  $V(S_V)$  en redes no correlacionadas y altamente correlacionadas evaluados al mismo valor de  $V(B_V)$ . Los valores se tomaron de los gráficos 48 y 53.

$\overline{C}$	$V(S_{LL})[V(B_{LL})=0.2]$		$V(S_{LL})[V(S_{LL})]$	$B_{LL}$ )=0.45]	$V(S_{LL})[V(B_{LL})=0.8]$		
	W=0	W>0	W=0	W>0	W=0	W>0	
2	0.22	0.16	0.47	0.37	0.81	0.74	
3	0.13	0.10	0.39	0.30	0.77	0.72	
4	0.04	0.08	0.27	0.26	0.73	0.70	
5	0.01	0.09	0.16	0.26	0.68	0.66	
6	0.00	0.02	0.09	0.16	0.63	0.59	

**Tabla 4.9**. Valores de  $V(S_{LL})$  en redes no correlacionadas y altamente correlacionadas evaluados al mismo valor de  $V(B_V)$ . Los valores se tomaron de los gráficos 48 y 53.

Lo anterior indica que para un mismo valor de volumen de enlaces vacíos, se encuentran vacíos un mayor volumen de sitios en las estructuras correlacionadas y un menor volumen de sitios vacíos en las redes no correlacionadas. Es decir, que el efecto de la correlación facilita la invasión de vapor en los elementos de las redes, este efecto también ocasiona que el la curva limite descendente disminuya su pendiente cuando la correlación se hace presente y también explica por qué esa misma curva es bastante vertical en las redes no correlacionadas.

La teoría de percolación también proporciona un marco para describir el proceso de vaciado. Como en el caso anterior de las redes no correlacionadas, un diagrama de fases de redes correlacionadas indica que a mayores valores de  $P_B$  se tienen menores valores de  $P_S$  y que cuando existen mayores valores de  $P_S$  se tienen menores valores de  $P_B$ . Sin embargo, por el efecto de la correlación, el diagrama de fases abarca un intervalo de valores mucho mayor que en el caso de las redes no correlacionadas; véase la figura 4.3. Como consecuencia de lo

anterior los cambios de valores de  $P_S$  y  $P_B$  son menos abruptos a medida que aumenta la correlación. Como se señaló también anteriormente, conforme disminuye el valor de  $\overline{C}$  aumentan los valores de  $P_B$ . De esta forma, los valores de  $V(B_V)$  aumentan a medida que disminuye el valor de  $\overline{C}$  (a medida que aumenta  $P_B$ ), y viceversa los valores de  $V(S_V)$  aumentan a medida que aumenta el valor de  $\overline{C}$  (a medida que disminuye  $P_B$  y aumenta  $P_S$ , véase el gráfico 53). Sin embargo, los cambios en los valores de  $V(S_V)$  conforme cambia el valor de  $\overline{C}$ , son mucho menores para el caso de las redes correlacionadas cuando se comparan con los respectivos de las redes no. Es decir, se cumple lo señalado en el diagrama de fases de redes correlacionadas: los cambios de  $P_S$  son bastante graduales a medida que se mueve el valor de  $P_B$ .

### IV.4.2.2.1.2 Tamaños

En los gráficos 54 se presentan los valores de  $R(S_{LL})$ ,  $R(B_{LL})$ ,  $R(S_V)$  y  $R(B_V)$  en función de el volumen de condensado en las redes, V.

Se advierte el siguiente comportamiento: a un mismo valor de V se tienen mayores valores de  $R(B_V)$  a medida que el valor de  $\overline{C}$  aumenta. El comportamiento anterior es similar al de las redes no correlacionadas y se relaciona con las características de los procesos percolativos involucrados. Es decir para alcanzar el umbral de percolación se necesita que vacíen una mayor cantidad de enlaces a medida que disminuye el valor de  $\overline{C}$ . De este modo, dado que la red con  $\overline{C}$  =2 es la que requiere la mayor fracción de enlaces vacíos, es la que alcanza menores valores de R(Bv) (puesto que tiene mayor número de enlaces vacíos, los valores de  $R(B_V)$  son más cercanos al valor de  $\overline{R}_B$ ). La gráfica de  $R(S_V)$  es particularmente reveladora de la estructuralización de las redes correlacionadas. En el intervalo correspondiente a los valores  $V \gg 0.7$  y  $V \gg 1.0$  los valores de  $R(S_V)$  revelan el tamaño de los sitios conectados a los primeros enlaces que evaporan de condensado capilar: es decir aquellos sitios conectados a los enlaces de mayor tamaño. En el capítulo anterior se estableció que en las redes con  $\overline{C}$  =6 y  $\overline{C}$  =2 los enlaces de mayor tamaño se conectan a los sitios de mayor tamaño; y en las redes con  $\overline{C}$  = 3,4 y 5 los enlaces de mayor tamaño se conectaban a los sitios del menor tamaño posible. Como consecuencia de lo anterior, a un mismo valor de V (V»0.73  $V\mathfrak{L} \gg 1.0$ ):  $R(S_V)[\overline{C}=6] > R(S_V)[\overline{C}=2] > R(S_V)[\overline{C}=3,4,5]$ . Los gráficos de  $R(S_{LL})$  y  $R(B_{LL})$ complementan la información. En estos se observa que el tamaño de los elementos llenos disminuye de tamaño a medida que lo hace el valor de V. En los gráficos de  $R(S_{LL})$  se observan también los efectos de bloqueo de elementos. En la región situada a valores menores a V»0.42 los valores de  $R(S_{IL})$  aumentan de magnitud en todas las redes, menos en la que posee el valor de  $\overline{C}$ =6. Cabe señalar que el comportamiento señalado anteriormente se presenta cuando los valores de  $V(S_{LL})$  son mínimos, por lo que el número de elementos involucrados es muy pequeño. No obstante, se explica por el hecho de encontrar sitios de tamaño grande, con bajos valores de C y conectados a enlaces de tamaños pequeños, como se verá en la siguiente sección.

### IV.4.2.2.1.3 Conectividades

Los gráficos 55 presentan los valores de  $C(S_{LL})$  y  $CS_V)$  en función del volumen de condensado en las redes, V. En éstos se revelan aspectos de suma importancia. De forma intuitiva se esperaría que el proceso de vaciado en los sitios comenzaría en aquellos con los mayores valores de C. Sin embargo, de las gráficas anteriores se observa que el proceso de

vaciado se inicia en los sitios con menores valores de C, como lo indican los valores de  $C(S_V)$ . De esta forma, cuando los valores de V son cercanos a la unidad, los valores de  $CS_V$ ) alcanzan magnitudes menores ( $C(S_V)$ »2), y a medida que disminuye el valor de V los valores de  $C(S_V)$  aumentan, hasta que se hacen iguales al valor respectivo de  $\overline{C}$ , momento en que toman ese valor constante. Sin duda alguna, ese comportamiento tiene que ver con el hecho de que los enlaces de mayor tamaño (aquellos donde comienza el proceso de vaciado) se encuentran conectados a sitios con valores de C=2 (situación prevaleciente en las redes con  $\overline{C}$ =3,4,5). Por su parte los valores de  $C(S_{LL})$  indican que los sitios llenos disminuyen de conectividad a medida que disminuye V. Se puede observar que cuando V es aproximadamente menor a 0.42, los valores disminuyen drásticamente de valor, este punto aclara lo señalado la última línea de la sección anterior.

# IV.4.2.2.1.4 Análisis del factor de bloqueo

En el gráfico 56 se presentan los valores de  $P_{LD}$  para las redes altamente correlacionadas con diferentes valores de  $\overline{C}$  y en función del volumen de condensado V. Este gráfico muestra diferencias con respecto al equivalente de las redes no correlacionadas (gráfico 51). Puede observarse que los valores de  $P_{LD}$  de las redes correlacionadas son mayores a los respectivos de las redes no correlacionadas. Los menores valores de  $P_{LD}$  en las redes correlacionadas se encuentran cuando  $\overline{C}$  =2 (red con mayores efectos de bloqueo). Para valores de V mayores a V »0.88 se observa que el valor de  $P_{LD}$  aumenta en forma directamente proporcional al valor de  $\overline{C}$  (En ese intervalo coinciden las curvas de  $\overline{C}$  =4 y 5). Esa región corresponde a valores cercanos a las rodillas de las curvas limites descendentes. Ese punto se asocia al umbral de percolación. Sin duda alguna, la relación que mantienen los umbrales de percolación con respecto a la conectividad (a mayor C menores umbrales de percolación y mayores valores de presión) explican los valores de  $P_{LD}$  en función de  $\overline{C}$  para V>0.88. Cuando V<0.88 los valores de  $P_{LD}$  no siguen de manera rigurosa la tendencia anterior; no obstante, se observa la siguiente relación:  $P_{LD}(\overline{C}=2)$ < $P_{LD}(\overline{C}=3)$ < $P_{LD}(\overline{C}=4,5,6)$ .

# IV.4.2.2.2 Parámetros globales

En la tabla 4.8 se presentan los valores de  $\overline{M}_{RT}$ .

	k	j	i	h	g	f	e	d	С	b	а
2	0.77	0.84	0.88	0.89	0.90	0.90	0.90	0.90	0.90	0.89	0.89
3	-	0.58	0.69	0.72	0.78	0.81	0.83	0.84	0.84	0.84	0.83
4	-	-	0.45	0.56	0.60	0.68	0.73	0.78	0.81	0.82	0.81
5	-	-	-	0.39	0.56	0.57	0.61	0.70	0.79	0.81	0.81
6	-	-	-	-	-	0.48	0.53	0.62	0.76	0.80	0.80

**Tabla 4.8**. Valores de  $\overline{M}_{RT}$  en las redes de la tabla 4.1. Las celdas en color gris corresponden a redes de correlación baja y las azules a redes de mediana a elevada correlación.

Los resultados de la tabla anterior indican puntos interesantes. En primer lugar indican que por efecto de la correlación los valores de  $\overline{M}_{RT}$  disminuyen. Esto se refleja en la disminución de estos valores sobre cada fila a medida que se va de derecha a izquierda. En segundo lugar, que

por efecto del aumento de la conectividad los valores disminuyen. Esto último se puede apreciar al notar que sobre una misma columna los valores disminuyen. La forma en que los valores de  $\overline{M}_{RT}$  disminuyen por efecto de la correlación depende fuertemente del valor de  $\overline{C}$ ; por ejemplo, para  $\overline{C}$  =2 el valor mínimo es 0.77 (2-k) y para  $\overline{C}$  =6 el valor mínimo es 0.48 (6-f).

# IV.4.3 Efecto de la conectividad y correlación sobre las isotermas

Todos los resultados anteriores son sumamente interesantes. Sin duda alguna las formas de los loops de histeresis se verán afectados sensiblemente por efecto de la correlación y la conectividad.

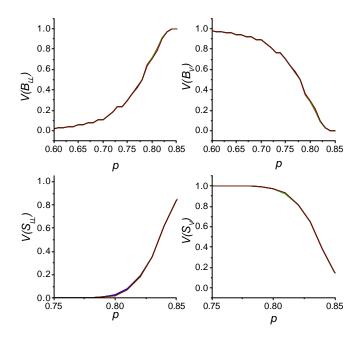
La propagación del avance del menisco en el llenado y el llenado retrasado de sitios, como se vio anteriormente, son prácticamente nulos en redes no correlacionadas. Esto permite predecir que las curvas limites ascendentes coincidirán si se tienen los mismos valores de  $F_S$  y  $F_B$ .

Pero cuando hay correlación, la propagación del avance del menisco variará, dependiendo del valor de la conectividad de los sitios. Cuando los sitios son con bajos valores de C, el avance es máximo y cuando los valores de C son elevados, el avance es mínimo  $^{13}$ . Esto fundamenta una base para suponer que conforme disminuye la conectividad es más factible que las curvas limites ascendentes se desplazarán hacia valores de p menores conforme los valores de p disminuyen, en redes con los mismos valores de p parte el llenado retrasado de sitios aumenta a media que lo hacen los valores de p. Esto permite predecir que conforme aumenten los valores de p será más factible que las curvas limites ascendentes se desplacen a valores mayores de p, en redes con los mismos valores de p.

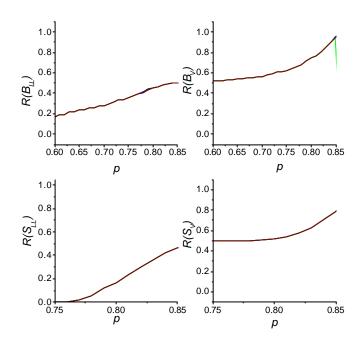
\_

<sup>&</sup>lt;sup>13</sup> Esto tiene que ver con el hecho de que en redes correlacionadas existen preferentemente dos valores de C en los sitios: 2 y 6. Cuando  $\overline{C}$  es baja casi todos los sitios tienen C=2 y cuando C es alta casi todos los sitios tienen C=6, tal y como se vio en el capítulo anterior.

# IV.4.4 Gráficos de resultados

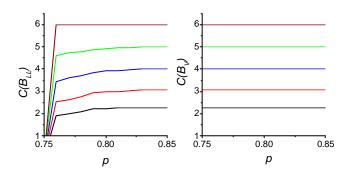


**Gráficos 30**. Valores de  $V(S_{LL})$ ,  $V(S_V)$ ,  $V(B_{LL})$  y  $V(B_V)$ , para la condensación, para redes no correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-a, en rojo los de la 3-a, en azul los de la 4-a, en verde los de la 5-a y en café los de la 6-a

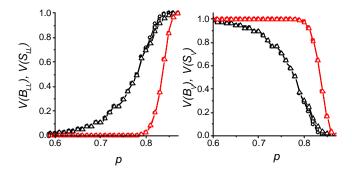


**Gráficos 31**. Valores de  $R(S_{LL})$ ,  $R(S_V)$ ,  $R(B_{LL})$  y  $R(B_V)$ , para la condensación, para redes no correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de

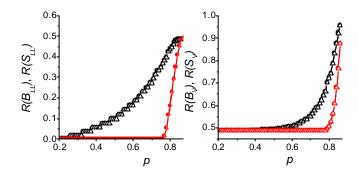
la red 2-a, en rojo los de la 3-a, en azul los de la 4-a, en verde los de la 5-a y en café los de la 6-a.



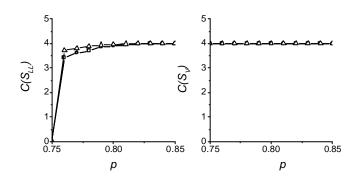
**Gráficos 32**. Valores de  $C(S_{LL})$  y  $C(S_V)$ , para la condensación, para redes no correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-a, en rojo los de la 3-a, en azul los de la 4-a, en verde los de la 5-a y en café los de la 6-a.



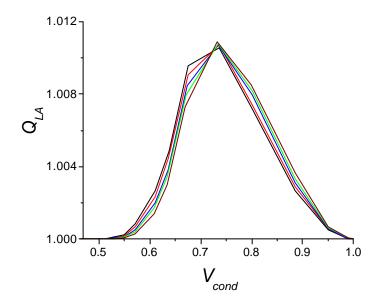
**Gráficos 33**. Volúmenes puntuales, para la condensación, en función de la presión en la red 4-a. En color rojo se presentan los valores de  $V(B_{LL})$  y  $V(B_V)$  y en negro los de  $V(S_{LL})$ ,  $V(S_V)$ . Las líneas unidas por círculos representan a la red, los cuadrados a los CM y los triángulos a los ENI.



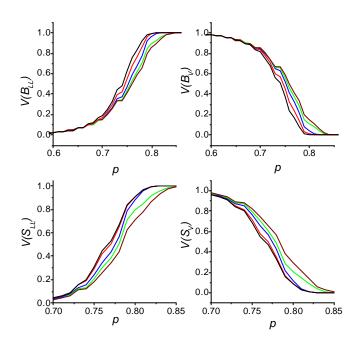
**Gráficos 34**. Tamaños puntuales, para la condensación, en función de la presión en la red 4-a. En color rojo se presentan los valores de  $R(B_{LL})$  y  $R(B_V)$  y en negro los de  $R(S_{LL})$ ,  $R(S_V)$ . Las líneas unidas por círculos representan a la red, los cuadrados a los CM y los triángulos a los ENI.



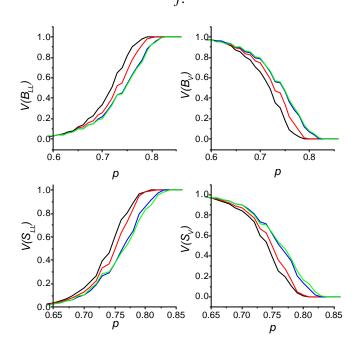
**Gráficos 35**. Conectividades puntuales, para la condensación, en función de la presión en la red 4-a. Las líneas unidas por círculos representan a la red, los cuadrados a los *CM* y los triángulos a los *ENI*.



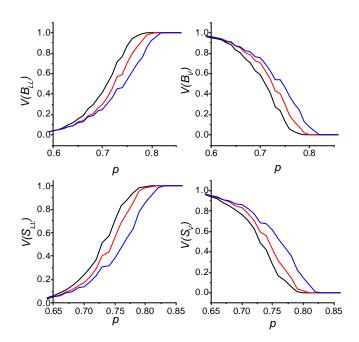
**Gráficos 34**. Valores de  $Q_{LA}$  en función del volumen de condensado en las redes tipo a (ver tabla 4.1). En color negro se muestran los valores para  $\overline{C}$  =2, en rojo  $\overline{C}$  =3, en azúl  $\overline{C}$  =4, en verde  $\overline{C}$  =5 y en café  $\overline{C}$  =6.



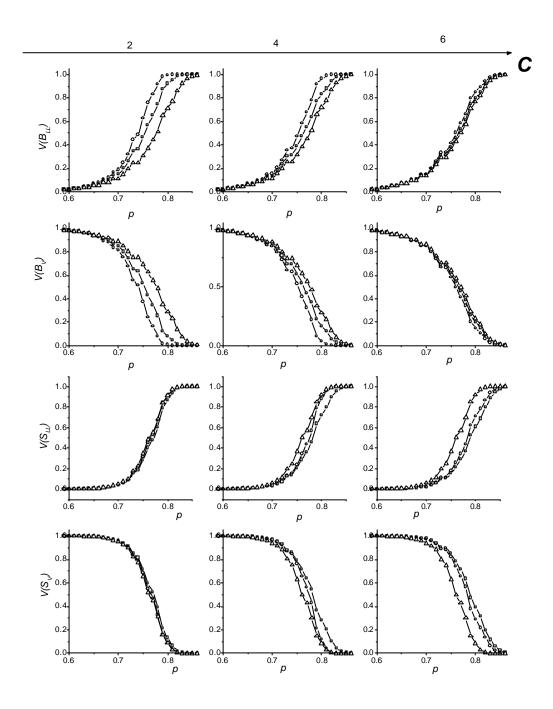
**Gráficos 35**. parámetros puntuales relativos al volumen, para la condensación, en redes correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-f, en rojo los de la 3-f, en azul los de la 4-f, en verde los de la 5-f y en café los de la 6-



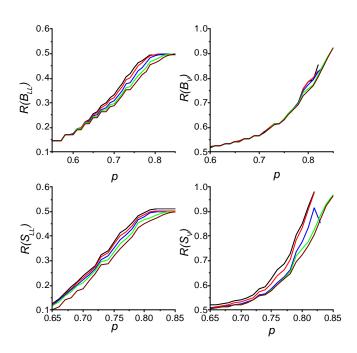
**Gráficos 36**. parámetros puntuales relativos al volumen, para la condensación, en redes correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-h, en rojo los de la 3-h, en azul los de la 4-h y en verde los de la 5-h.



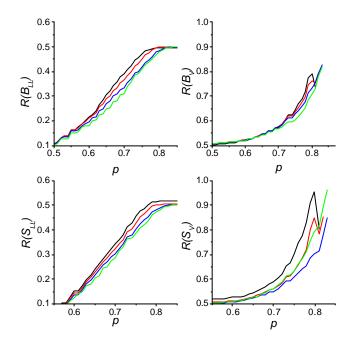
**Gráficos 37**. parámetros puntuales relativos al volumen, para la condensación, en redes correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-*i*, en rojo los de la 3-*i* y en azul los de la 4-*i*.



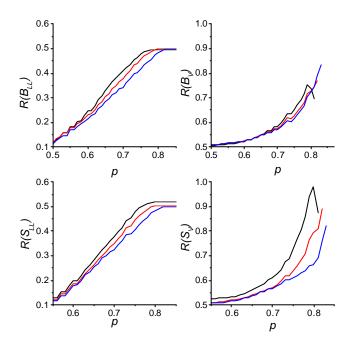
**Gráficos 38**. Valores de  $V(S_{LL})$ ,  $V(S_V)$ ,  $V(B_{LL})$  y  $V(B_V)$ , para la condensación, en función de la presión relativa en las redes tipo f. Las líneas unidas por círculos representan a la red, los cuadrados a los CM y los triángulos a los ENI.



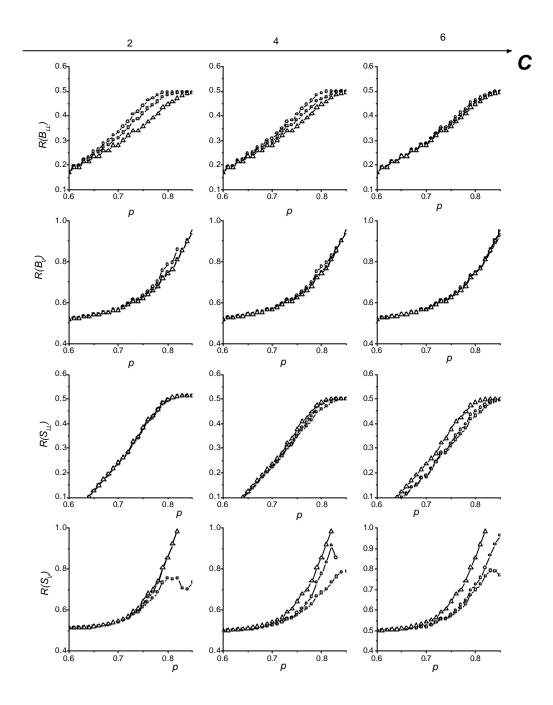
**Gráficos 39**. parámetros puntuales relativos al tamaño, para la condensación, en redes correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-*f*, en rojo los de la 3-*f*, en azul los de la 4-*f*, en verde los de la 5-*f* y en café los de la 6-*f*.



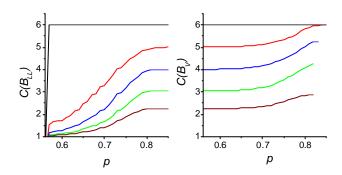
**Gráficos 40**. parámetros puntuales relativos al tamaño, para la condensación, en redes correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-*h*, en rojo los de la 3-*h*, en azul los de la 4-*h* y en verde los de la 5-*h*.



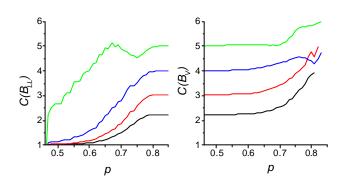
**Gráficos 41**. parámetros puntuales relativos al tamaño, para la condensación, en redes correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-*i*, en rojo los de la 3-*i* y en azul los de la 4-*i*.



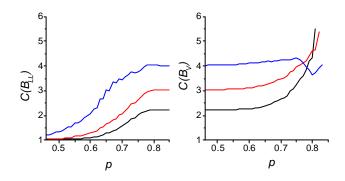
**Gráficos 42**. Valores de  $R(S_{LL})$ ,  $R(S_V)$ ,  $R(B_{LL})$  y  $R(B_V)$ , para la condensación, en función de la presión relativa en las redes tipo f. Las líneas unidas por círculos representan a la red, los cuadrados a los CM y los triángulos a los ENI.



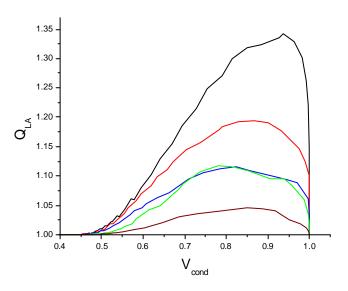
**Gráficos 43**. parámetros puntuales relativos a la conectividad, para la condensación, en redes correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-*f*, en rojo los de la 3-*f*, en azul los de la 4-*f*, en verde los de la 5-*f* y en café los de la 6-



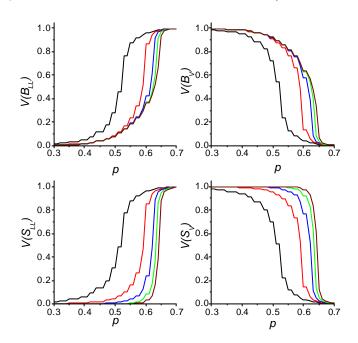
**Gráficos 44**. parámetros puntuales relativos a la conectividad, para la condensación, en redes correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-h, en rojo los de la 3-h, en azul los de la 4-h y en verde los de la 5-h.



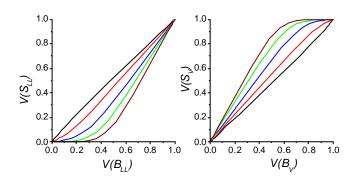
**Gráficos 45**. parámetros puntuales relativos a la conectividad, para la condensación, en redes correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-*i*, en rojo los de la 3-*i* y en azul los de la 4-*i*.



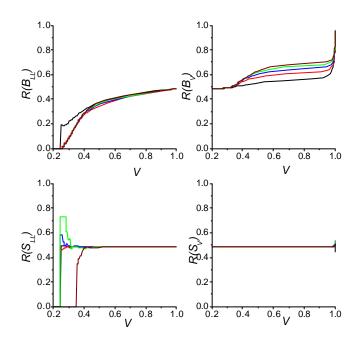
**Gráficos 46**. Valores de  $Q_{LA}$  en función del volumen de condensado en las con máxima correlación (ver tabla 4.1). En color negro se muestran los valores para  $\overline{C} = 2$  (2-k), en rojo  $\overline{C} = 3$  (3-j), en azul  $\overline{C} = 4$  (4-i), en verde  $\overline{C} = 5$  (5-k) y en café  $\overline{C} = 6$  (6-f).



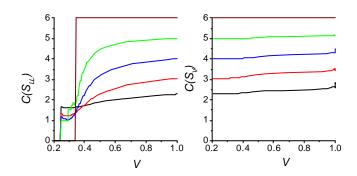
**Gráficos 47**. Valores de  $V(S_{LL})$ ,  $V(S_V)$ ,  $V(B_{LL})$  y  $V(B_V)$  durante la evaporación, para redes no correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-a, en rojo los de la 3-a, en azul los de la 4-a, en verde los de la 5-a y en café los de la



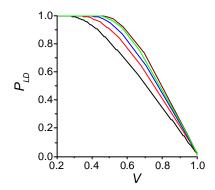
**Gráficos 48**. Valores de  $V(S_{LL})$  en función de  $V(B_{LL})$  y de  $V(S_V)$  en función de  $V(B_V)$ , durante la evaporación, para redes no correlacionadas. En color negro se representan los valores de la red 2-a, en rojo los de la 3-a, en azul los de la 4-a, en verde los de la 5-a y en café los de la 6-a



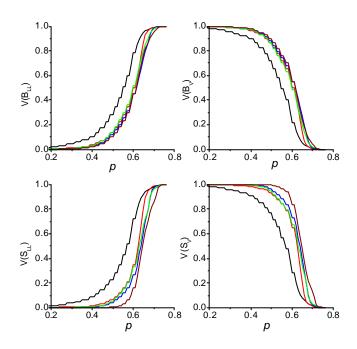
**Gráficos 49**. Valores de  $R(S_{LL})$ ,  $R(S_V)$ ,  $R(B_{LL})$  y  $R(B_V)$  durante la evaporación, para redes no correlacionadas en función del volumen de condensado en las redes. En color negro se representan los valores de la red 2-a, en rojo los de la 3-a, en azul los de la 4-a, en verde los de la 5-a y en café los de la 6-a.



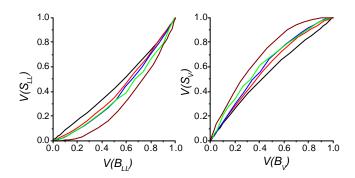
**Gráficos 50**. Valores de  $C(S_{LL})$  y  $C(S_V)$ , durante la evaporación, para redes no correlacionadas en función del volumen de condensado en las redes. En color negro se representan los valores de la red 2-a, en rojo los de la 3-a, en azul los de la 4-a, en verde los de la 5-a y en café los de la 6-a.



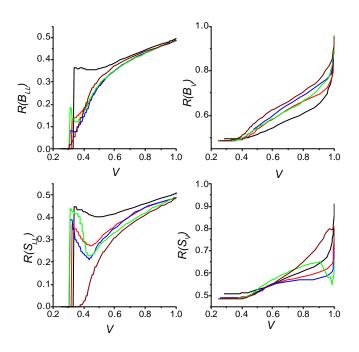
**Gráfico 51**. Valores de  $P_{LD}$ , durante la evaporación, para redes no correlacionadas en función del volumen de condensado en las redes. En color negro se representan los valores de la red 2-a, en rojo los de la 3-a, en azul los de la 4-a, en verde los de la 5-a y en café los de la 6-a.



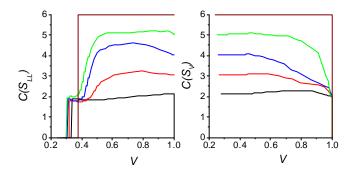
**Gráficos 52**. Valores de  $V(S_{LL})$ ,  $V(S_V)$ ,  $V(B_{LL})$  y  $V(B_V)$  durante la evaporación, para redes altamente correlacionadas en función de la presión relativa. En color negro se representan los valores de la red 2-k, en rojo los de la 3-j, en azul los de la 4-i, en verde los de la 5-h y en café los de la 6-f.



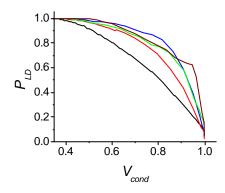
**Gráficos 53**. Valores de  $V(S_{LL})$  en función de  $V(B_{LL})$  y de  $V(S_V)$  en función de  $V(B_V)$ , durante la evaporación, para redes altamente correlacionadas. En color negro se representan los valores de la red 2-k, en rojo los de la 3-j, en azul los de la 4-i, en verde los de la 5-k y en café los de la 6-k.



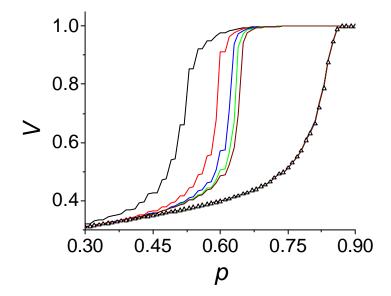
**Gráficos 54**. Valores de  $R(S_{LL})$ ,  $R(S_V)$ ,  $R(B_{LL})$  y  $R(B_V)$  durante la evaporación, para redes altamente correlacionadas en función del volumen de condensado. En color negro se representan los valores de la red 2-k, en rojo los de la 3-j, en azul los de la 4-i, en verde los de la 5-h y en café los de la 6-f.



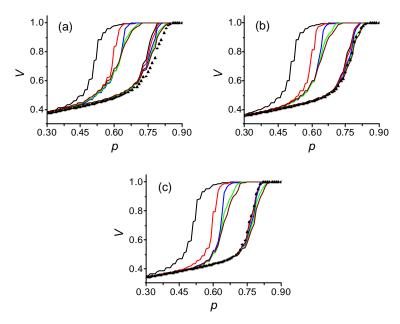
**Gráficos 55.** Valores de  $C(S_{LL})$  y  $CS_V$ ) durante la evaporación, para redes altamente correlacionadas en función del volumen de condensado. En color negro se representan los valores de la red 2-k, en rojo los de la 3-j, en azul los de la 4-i, en verde los de la 5-h y en café los de la 6-f.



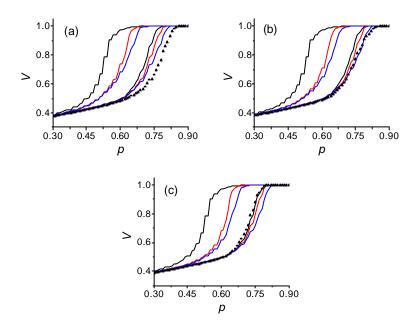
**Gráficos 56**. Valores de  $P_{LD}$  durante la evaporación, para redes altamente correlacionadas en función del volumen de condensado. En color negro se representan los valores de la red 2-k, en rojo los de la 3-j, en azul los de la 4-i, en verde los de la 5-h y en café los de la 6-f.



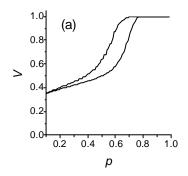
**Gráfico 57**. Isotermas de adsorción de redes no correlacionadas con los mismos valores de  $F_B$  y  $F_S$  y diferentes valores de  $\overline{C}$ . En color negro se representa la red 2-a; en rojo, la 3-a; en azul, la 4-a; en verde, la 5-a; en café, la 6-a; y con triángulos los ENI. Puede observarse como todas las curvas limites ascendentes coinciden y como las curvas limites descendentes se separan en función del valor de  $\overline{C}$ .

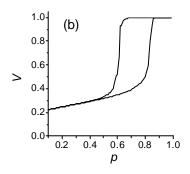


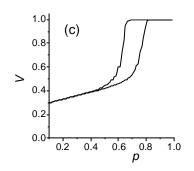
**Gráfico 58**. Isotermas de adsorción de redes correlacionadas con los mismos valores de  $F_B$  y  $F_S$  y diferentes valores de  $\overline{C}$ . En color negro se representa la red 2-f; en rojo, la 3-f; en azul, la 4-f; en verde, la 5-f; en café, la 6-f; y con triángulos los ENI. (a) Isotermas normalizadas al volumen de los enlaces. (b) Isotermas con 50% en volumen de sitios y de enlaces. (c) Isotermas normalizadas con el volumen de los sitios.

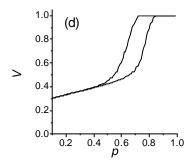


**Gráfico 59**. Isotermas de adsorción de redes correlacionadas con los mismos valores de  $F_B$  y  $F_S$  y diferentes valores de  $\overline{C}$ . En color negro se representa la red 2-i; en rojo, la 3-i; en azul, la 4-i; y con triángulos los ENI. (a) Isotermas normalizadas al volumen de los enlaces. (b) Isotermas con 50% en volumen de sitios y de enlaces. (c) Isotermas normalizadas con el volumen de los sitios.









**Gráficos 60**. Isotermas en diferentes tipos de redes. (a) extrema correlación y mínima conectividad (red 2-*k*). (b) sin correlación y conectividad intermedia(red 4-*a*). (c) intermedia correlación y conectividad(red 4-*f*). (d) extrema correlación y conectividad(red 6-*f*).

# V RESULTADOS Y DISCUSIÓN SOBRE SORCIÓN DE NITRÓGENO: PARTE 2: BARRIDOS PRIMARIOS

En este último capítulo se presentan y discuten los resultados correspondientes a los barridos primarios ascendentes y descendentes de la sorción de  $N_2$  a 77 K en las redes construidas. Se pretende presentan y discutir las características cualitativas de los barridos cuando dos efectos estructuralizan las redes: la correlación y la conectividad. Por otra parte se evalúan los factores de llenado asistido en los barridos primarios ascendentes,  $Q_{PA}$  y su relación con los correspondientes valores hallados en las curvas límites ascendentes de  $Q_{LA}$  así como los valores de los factores de bloqueo en los barridos primarios descendentes y su relación con los valores correspondientes a las curvas limites descendentes.

### V.1 Redes estudiadas

Se presentan los resultados correspondientes únicamente a la familia de s=8, tomando dos tipos de estructuras, no correlacionadas (tabla 5.1) y correlacionadas (tabla 5.2).

$\overline{R}_{S}$ (Å)	$\overline{R}_{B}(\mathring{A})$	$\overline{C}$	Ω	Tipo
80	32	2	0	Ι
80	32	4	0	II
80	32	6	0	III

Tabla 5.1. Características de las redes de baja correlación.

$\overline{R}_{S}$ (Å)	$\overline{R}_B(\mathring{A})$	$\overline{C}$	Ω	Tipo
34	32	2	0.33	IV
43	32	4	0.31	V
52	32	6	0.14	VI

Tabla 5.2. Características de las redes con alta correlación.

### V.2 Ecuaciones para el factor de bloqueo en un barrido primario descendente

Hay que tomar en cuenta que un aspecto importante que define las características de este tipo de barridos es el punto de inversión, el cual es el punto sobre la curva limite ascendente donde la presión es reducida e inicia el barrido. La presión en ese punto se denota como  $p^*$ . En ese punto el volumen de condensado en la red es  $V_{LA}^R$   $(0, p^*)$ : El factor de bloqueo evaluado a la presión p y volumen V, sobre el barrido primario descendente se define como:

$$P_{BD}(p^*, p, V) = \frac{V_{LA}^R(0, p^*) - V_{LA}^R(0, p^*, p)}{V_{BD}^M(p^*, p)}$$
(73)

donde  $V_{LA}^{R}\left(0,p^{*}\right)$  es el volumen de condensado en la red en el punto de inversión;  $V_{LA}^{R}\left(0,p^{*},p\right)$  es el volumen de condensado en la red a la presión p en el barrido; y  $V_{LA}^{M}\left(p^{*},p\right)$  es el volumen

de condensado que hubiera evaporado en los CM, desde  $p^*$  hasta p. Lógicamente se tiene que  $p^*>p$ .

# V.3 Ecuaciones para el factor de llenado asistido en un barrido primario ascendente

Nuevamente hay que tomar en cuenta el punto de inversión a la presión  $p^*$ , que es punto en donde la presión aumenta de valor sobre la curva limite descendente. Cualquier valor de presión p, sobre el barrido primario ascendente será siempre mayor a  $p^*$  y cualquier valor de volumen V, será siempre mayor al volumen  $V^*$ . El factor de llenado asistido evaluado a la presión p y volumen V sobre un barrido primario ascendente se define como:

$$Q_{BA}(p^*, p, V) = \frac{V_{BA}^R(p^*, p)}{V_{BA}^M(p^*, p)}$$
(74)

donde  $V_{BA}^R(p^*, p)$  es el volumen de condensado vuelto adsorber en la red desde  $p^*$  hasta p; y  $V_{BA}^M(p^*, p)$  es el volumen de condensado que hubiera sido llenado en los CM desde  $p^*$  hasta p.

### V.4 Resultados

### V.4.1 Barridos

Se determinaron barridos primarios ascendentes y descendentes en cada una de las redes de las tablas 5.1 y 5.2, usando el algoritmo señalado en el capítulo II. Se obtuvo un juego completo de barridos en cada red que pudieran cubrir diversas zonas de las curvas limite. Los resultados se presentan en los gráficos 61 y 62. El gráfico 61 corresponde a las redes de la tabla 5.1 y el 62 a las redes de la tabla 5.2.

### V.4.2 Factores de bloqueo y de llenado asistido

Se calcularon los factores de bloqueo para las curvas limites descendentes y los barridos primarios descendentes en cada una de las isotermas presentadas en los dos gráficos anteriores. Los resultados se presentan en los gráficos 63 (redes no correlacionadas) y 64 (redes altamente correlacionadas). Además, se calcularon también los factores de llenado asistido en las curvas limites ascendentes y barridos primarios ascendentes correspondientes a las isotermas de redes altamente correlacionadas. Los resultados se presentan en los gráficos 65. No se presentan esos mismos resultados para las redes no correlacionadas, debido a que como se vio en el capítulo anterior, los valores de  $Q_{LA}$  son prácticamente constantes e iguales a la unidad.

### V.5 Discusión

### V.5.1 Barridos descendentes

Interesantes características presentan el aspecto de los barridos. Resulta clara una diferencia cualitativa entre los barridos correspondientes a redes correlacionadas y no correlacionadas. Los barridos de las redes no correlacionadas poseen una pendiente mayor a los encontrados en las redes correlacionadas. En los barridos descendentes de las redes no correlacionadas se puede distinguir claramente una rodilla correspondiente sin lugar a dudas a un umbral de precolación; en tanto que en las redes correlacionadas la forma de la rodilla no se encuentra tan bien definida.

Por otra parte se distingue también una diferencia dentro de los barridos descendentes de las redes correlacionadas. Consiste en que a medida que aumentan los valores de  $\overline{C}$  la posición de la rodilla tiende a coincidir en mayor medida con las curvas limites descendentes; y a medida que los valores de  $\overline{C}$  disminuyen los barridos comienzan a desorber sustancialmente en puntos cercanos a las curvas limites ascendentes. El efecto anterior se puede apreciar visualmente en las isotermas del siguiente modo: Cuando  $\overline{C} = 2$  casi todos los barridos no poseen una rodilla y poseen una pendiente positiva en casi todos los valores de p, sin duda alguna esto se relaciona con la ocurrencia inmediata de evaporación capilar a partir de  $p^*$ ; sólo los barridos ubicados a valores elevados de p poseen una rodilla bien definida, sin duda alguna por el umbral de precolación resultante de la gran cantidad de elementos llenos de condensado capilar. En el otro extremo se tiene el caso de  $\overline{C}$  =6, en esos barridos se distinguen dos zonas, una de muy baja pendiente y otra con valores de pendiente mucho mayor y coincidente con los valores de las curvas limites descendentes. En la zona de baja pendiente toman lugar preferentemente procesos de adelgazamiento de la capa adsorbida en las redes y casi nula evaporación capilar; y en las zonas de gran pendiente, toman lugar preferentemente evaporación capilar. Como es de esperar en los barridos situados a valores elevados de  $p^*$ , la pendiente de la primer zona es mucho menor que las correspondientes a los barridos de valores bajos de p\*.

### V.5.2 Barridos ascendentes

Nuevamente se encuentran características diferentes entre los barridos de las redes correlacionadas y no correlacionadas. En las redes no correlacionadas la condensación capilar toma lugar en puntos casi coincidentes con las curvas limites ascendentes. Este comportamiento puede explicarse tomando en cuenta que el vaciado de las redes no correlacionadas es drástico y verificado en un intervalo de valores de p menores al caso correlacionado. De esta forma, en puntos de las curvas limites descendentes situados por debajo del umbral de precolación (rodilla) gran cantidad de elementos se encuentran vacíos. Siendo así, el llenado de gran cantidad de los sitios tomará lugar cuando la presión relativa corresponda a su tamaño y cuando hallan llenado sus C enlaces (punto casi coincidente con el valor de p en la curva limite ascendente al mismo valor de V en p\*)

En las redes correlacionadas se observa también ese comportamiento, pero varía dependiendo del valor de  $\overline{C}$ . A medida que disminuyen los valores de  $\overline{C}$ , la condensación capilar toma lugar apreciablemente a valores de p con valores cada vez más cercanos a los valores de  $p^*$ ; y cuando los valores de  $\overline{C}$  son elevados, la condensación capilar toma lugar apreciablemente en valores de p cada vez más cercanos a los valores de p de las curvas limites ascendentes con los mismos valores de p en  $p^*$ . Lo anterior puede entenderse tomando en cuenta que cuando se tienen valores de p es efectos de llenado asistido son máximos, esto implica que en los barridos una gran cantidad de enlaces podrán llenar a los valores de p correspondientes a sus tamaños; los barridos no coinciden en general con las curvas limites ascendentes, debido a que en esta última gran cantidad de sitios llenan a valores de p mayores a los correspondientes a su tamaño, debido a los efectos de llenado retrasado. Por su parte, cuando p es gran cantidad de sitios, por los valores elevados de p bajos valores de p valores elevados de p bajos valores de p de las curvas limites ascendentes elevados de p bajos valores de p mayores elevados de p bajos valores de p valores elevados de p bajos valores elevados elevados de p bajos valores elevados elevados

### V.5.3 Factores de llenado asisitido

Los valores de Q indican como se había visto en capítulo anterior, que dependen del valor de  $\overline{C}$ . Los valores de  $Q_{BA}$  dependen de los valores de V en  $p^*$ . A medida que disminuyan esos valores de V, los valores de  $Q_{BA}$  aumentarán también. Sin duda alguna esto se relaciona con el hecho de que menores valores de V se tiene una mayor cantidad de enlaces vacíos, los cuales pueden llenar asistidamente.

## V.5.4 Factores de bloqueo

|El examen de los valores de P resulta muy interesante. Se nota una diferencia cualtivativa entre los valores encontrados entre las redes correlacionadas y no correlacionadas. Cuando se tiene nula correlación los valores de los barridos coinciden con los encontrados en las curvas limites descendentes  $^{14}$ . Cuando se tiene alta correlación, los valores de los barridos divergen de los valores de las curvas limite descendentes, dependiendo del valor de  $\overline{C}$ : a menores valores de  $\overline{C}$ , la coincidencia es mayor y a valores elevados de  $\overline{C}$  la divergencia es mayor.

Las características de las redes no correlacionadas indican un hecho muy importante: que los valores de P dependen en gran medida de los valores de V y no de su distribución en el espacio o de los tamaños de los elementos llenos. Esto puede entenderse si se toma en cuenta: primero, que los tamaños de los elementos llenos tanto en ambas curvas limites (ascendete y descendente) poseen un tamaño igual a los valores medios, tal y como se vio en el capítulo anterior; y segundo, que la mayoría de los sitios inician su llenado en las curvas limites ascendentes, cuando casi todos los sitios han llenado. Lo anterior implica que en las curvas limites ascendentes se encontrarán en todo momento del llenado de sitios, clusters formados por elementos llenos de gran tamaño, verificándose así en los barridos descendentes un proceso percolativo local, determinado por el valor de  $\overline{C}$  de la red en cuestión.

Las características de las redes correlacionadas indican que los valores de P dependen de la distribución de los valores de V en la red y de los tamaños y conectividades de los elementos llenos.

 $^{14}$  Los valores de  $P_{BD}$  no coinciden con  $P_{ID}$  a valores de V cercanos a los puntos de inversión. Sin embargo, esas zonas corresponden a un intervalo de valores de V mucho muy pequeño, teniéndose una coincidencia entre los valores de  $P_{BD}$  y  $P_{LD}$  en casi todos los intervalos de valores de V.

134

# V.6 Gráficos

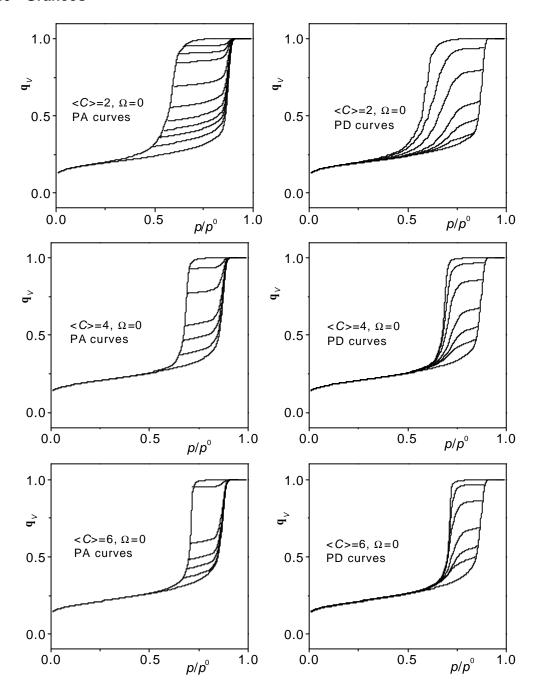


Figure 1.  $N_2$  sorption isotherms at 77 K on type I, 3-D porous networks. Boundary, primary ascending and primary descending scanning curves are shown.  $\overline{C}$  is labelled as  $<\!\!C\!\!>$  in the plots.

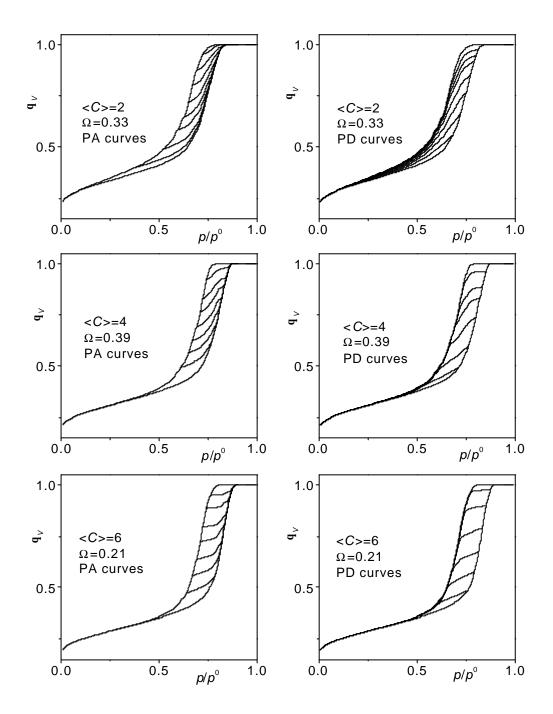


Figure 2.  $N_2$  sorption isotherms at 77 K on type IV, 3-D porous networks. Boundary, primary ascending and primary descending scanning curves are shown.  $\overline{C}$  is labelled as  $<\!\!C\!\!>$  in the plots.

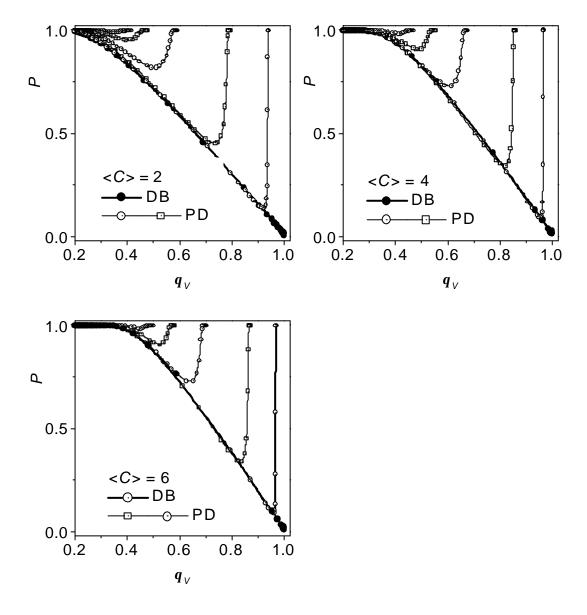


Figure 4. Pore-blocking factors for descending boundary (DB) and primary desorption (PD) scanning processes on heterogeneous type I ( $\Omega=0$ ) networks.  $\overline{C}$  is labelled as  $<\!\!C\!\!>$  in the plots.

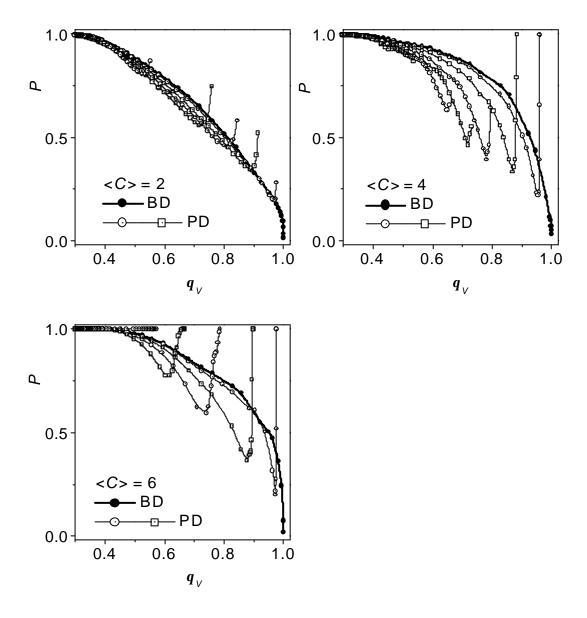


Figure 5. Pore-blocking factors for descending boundary (DB) and primary desorption (PD) scanning processes carried out on heterogeneous type IV ( $\Omega > 0$ ) networks.  $\overline{C}$  is labelled as < C > in the plots.

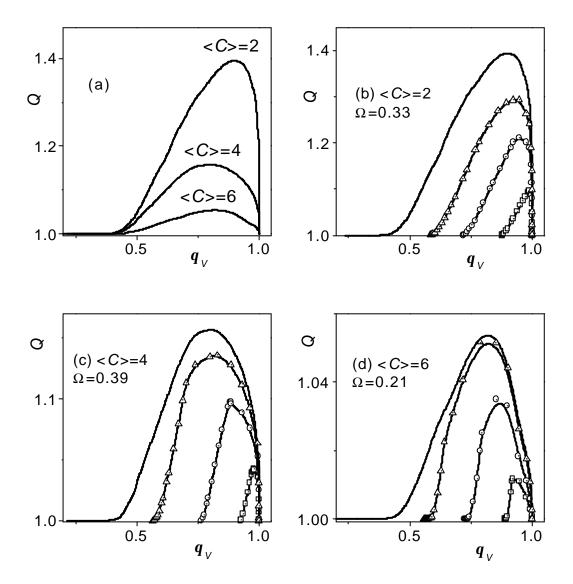


Figure 6. Pore-assisting factors Q) calculated for ascending boundary (AB) and primary ascending (PA) scanning curves for type IV porous networks.  $\overline{C}$  is labelled as  $<\!\!C\!\!>$  in the plots.

### VI CONCLUSIONES Y PERSPECTIVAS.

Los resultados encontrados en este trabajo permiten establecer las siguientes conclusiones generales:

- 1. La correlación y los valores de conectividad promedio de un medio mesoporoso pueden determinar en gran medida las características topológicas: A valores elevados de correlación los poros se segregan preferentemente en dos zonas: una formada por poros con baja conectividad y otra formada por poros de elevada conectividad. La relación numérica que mantengan esas dos grandes zonas dependera del valor de conectividad promedio. A su vez, los poros se segregan en zonas formadas por elementos de tamaño similar.
- 2. Las características topológicas de un medio mesoporoso influyen en gran medida las formas de los loops de histeresis. A valores elevados de conectividad promedio y alta correlación las curvas limites ascendentes se desplazan a valores mayores de presión. A valores bajos de conectividad promedio y alta correlación las curvas limites descendentes se desplazan a valores menores de presión. Las curvas limites descendentes se extienden a mayores intervalos de presión en presencia de alta correlación y los umbrales de percolación se desplazan a valores mayores de presión relativa.
- 3. Las características topológicas también influyen sobre la forma de los barridos ascendentes y descendentes dentro de un loop de histeresis. Estas características dependen enormemente de las interacciones entre poros durante los procesos de lcondensación capilar y de los efectos de bloqueo de poros durante la evaporación capilar.

Asimismo, se pueden establecer las siguientes perspectivas

- 1. Este trabajo provee un marco conceptual a partir del cual pueden inferirse las características topológicas de un medi mesoporoso analizando la forma de los loops de histeresis y los barridos de las isotermas de Nitrógeno a 77K.
- 2. Los resultados facilitan el camino para resolver uno de los aspectos clave en el análisis de la textura de medios mesoporosos: la determinación exacta de las distribuciones de tamaño de poro y otros parámetros como la conectividad. Todos los resultados de este trabajo pueden clarificar puntos importantes al momento de interpretar parámetros texturales calculados con los métodos utilizados hoy en dia.
- 3. Finalmente, provee una herramienta sin duda alguna importante para caracterizar topologías de medios porosos: factores de bloqueo. Uno de los trabajos a futuro será el desarrollo de métodos para su calculo.

### VII REFERENCIAS

- 1) M. M. Dubinin Zhur Phys. Chem. 1960, 34, 959
- 2) M. M. Dubinin Chem. Rev. 1960, 60
- 3) W. M. Meier & D. H. Olson "Atlas of Zeolite structure types", Butterworths, London, 1988
- 4) N. Chen, T. Degnan & C. Smith *Molecular Transport and Reaction in Zeolites*, VCH: New York, **1994**, 223
- 5) I. V. Mitchell *Pillared Layered Structures: Current Trends and Applications*, Elsevier, Amsterdam, **1990**
- 6) T. J. Pinnavaia Science 1983, 220, 365
- 7) M. E. Landis, B. A. Aufdembrink, P. Chu, I. D. Johnson, G.W. Kirker, M. K. Rubin *J. Am. Chem. Soc.* **1991**, 113, 3189
- 8) J. P. Nicoud Science 1994, 263, 636
- 9) C. T. Kresge, M. E. Leonowicz, W. J. Roth, J. C. Vartuli & J. S. Beck *Nature* **1992**, 359, 710
- 10) J. S. Beck, J. C. Vartuli, W. J. Roth, M. E. Leonowicz, C. T. Kresge, K. D. Schmitt, C. T-W Che, D. H. Olson, E. W. Sheppard, S. B. McCullen, J. B. Higgins & J. L. Schlenker J. Am. Chem. Soc. 1992, 114, 10834
- 11) B. M. W. Trapnell in Catalysis, Rheinhold Publ. Corp: New York, 1955, 3, 1
- 12) H. A. Cheney, S. H. McAllister, E. N. Fountain, J. Anderson & W. H. Peterson *Ind. Eng. Chem.* **1950**, 42, 2580
- 13) F. Rodríguez-Reinoso *Carbon* **1998**, 36, 159
- 14) B. K. Arumugam & P. C. Wankat Adsorption 1998, 4, 345
- 15) M. Nemati & C. Webb J. Chem. Technol. Biot. 1999, 74, 562
- 16) A. Oberlin In *Chemistry and Physics of Carbon*, Marcel Dekker: New York, **1990**, Vol. 22
- 17) R. C. Bansal, J.-B. Donnet & F. Stoeckli in *Active Carbon*, Marcel Dekker: New York, **1976**
- 18) C. J. Brinker & G.W. Scherer "Sol-Gel Science" Academic: New York, 1990
- 19) S. J. Gregg & K. S. W. Sing Adsorption Surface Area and Porosity, Academic: London, 1982
- 20) F. Wang & S. Li Ind. Eng. Chem. Res. 1997, 36, 1598
- 21) P. Pfeifer Langmuir 1991, 7, 2833
- 22) A. V. Neimark Z. Phys. Chem. 1994, 187, 265
- 23) N. A. Seaton Chem. Eng. Sci. 1991, 46, 1895
- 24) H. Liu, L. Zhang & N. A. Seaton Chem. Eng. Sci. 1992, 47, 4393
- 25) H. Liu & N. A. Seaton Chem. Eng. Sci. 1994, 49, 1869
- 26) D. H: Everett & W. I. Whitton Trans. Faraday Soc. 1952, 48, 749
- 27) D. H: Everett & F. W. Smith Trans. Faraday Soc. 1954, 50, 187
- 28) D. H. Everett *Trans. Faraday Soc.* **1954**, 50, 1077
- 29) D. H. Everett Trans. Faraday Soc. 1955, 51, 1551
- 30) J. A. Enderby *Trans. Faraday Soc.* **1955**, 51, 835
- 31) J. A. Enderby *Trans. Faraday Soc.* **1956**, 52, 106
- 32) D. Stauffer & A. Aharony "Introduction to Percolation Theory" Taylor & Francis 1994

- 33) G. Mason Proc. R. Soc. London A 1983, 390, 47
- 34) G. Mason J. Colloid Interface Sci. 1983, 95, 277
- 35) G. Mason J. Colloid Interface Sci. 1982, 88, 36
- 36) A. V. Neimark Colloid J. 1984, 46, 813
- 37) A. V. Neimark "Percolation theory of capillary hysteresis phenomena and its application for characterization of porous solids" in studies in surface science and catalysis Characterization of Porous Solids II (COPS II) Elsevier, Amsterdam, 1991, 62, 67
- 38) M. Parlar & Y. C. Yortsos J. Colloid Interface Sci. 1989, 132, 425
- 39) M. Parlar & Y. C. Yortsos J. Colloid Interface Sci. 1988, 124, 162
- 40) K. L. Murray, N. A. Seaton & M. A. Day Langmuir 1998, 14, 4953
- 41) K. L. Murray, N. A. Seaton & M. A. Day Langmuir, 1999, 15, 6728
- 42) K. L: Murray, N. A. Seaton *Langmuir*, **1999**, 15, 8155
- 43) K. S. W. Sing, D. H. Everett, R. A W. Haul, L. Moscou, R. A. Pierotti, J. Rouquerol & T. Siemieniewska *Pure & Appl. Chem.* **1985**, 57, 603
- 44) E. P. Barrett, L. G. Joyner & P. H. Halenda J. Am. Chem. Soc. 1951, 73,373
- 45) R. W. Cranston & F. A. Inkley *Advances in catalysis*; New York & London, **1957**, 9, 143
- 46) S. Brunauer, R. Sh. Mikhail & E. E. Bodor J. Colloid Interface Sci. 1967, 24,451
- 47) V. Mayagoitia & I. Kornhauser "Capillary Processes in Porous Networks:1. Models of Porous Structures" in Principles and Applications of Pore Structural Characterization, Arrowsmith, Bristol, 1985, p. 15
- 48) G. N. Constantinides & A. C. Payatakes Chem. Eng. Comm. 1989, 81, 55
- 49) V. Mayagoitia "The five types of porous structures and their hysteresis loops" in studies in surface science and catalysis Characterization of Porous Solids II (COPS II) Elsevier, Amsterdam, 1991, 62, 51
- 50) G. Zgrablich, S. Mendioroz, L. Daza, J. Pajares, V. Mayagoitia, F. Rojas & W. C. Conner *Langmuir* **1991**, 7, 779
- 51) C. D. Tsakiroglou & A. C. Payatakes J. Colloid Interface Sci. 1991, 146, 479
- 52) C. D. Tsakiroglou & A. C. Payatakes Adv. Water Res. 2000, 23, 773
- 53) R. J. Faccio, G. Zgrablich, & V. Mayagoitia J. Phys. C: Condens. Matter 1993, 5, 1823
- 54) A. M. Vidales R J. Faccio J. L. Riccardo E. N. Miranda & G. Zgrablich *Physica A* **1995**, 218, 19
- 55) A. M. Vidales, R. J. Faccio & G. Zgrablich Langmuir 1995, 11, 1178
- 56) A. J. Ramírez-Cuesta, R. J. Faccio & J. L. Riccardo Phys. Rev. E 1998, 57, 735
- 57) A. M. Vidales, R. H. López & G. Zgrablich Langmuir 1999, 15, 5703
- 58) R. J. Faccio, A. M. Vidales, G. Zgrablich & V. P. Zhdanov *Langmuir* 1993, 2499
- 59) J. Salles, J. F. Thovert & P. M. Adler "Transports in reconstructed porous media" in *Characterization of Porous Solids III (COPS-III)*, Elsevier, **1994**, 87, 211
- 60) P. M. Adler, C. G. Jacquin & J. A. Quiblier Int. J. Multiphase Flow 1990, 16, 691
- 61) A. Adrover & M. Giona Ind. Eng. Chem. Res. 1997, 36, 5010
- 62) A. P. Roberts *Phys, Rev. E* **1997**, 56, 3203
- 63) A. P. Roberts *Phys. Rev. E* **1997**, 55, 1286
- 64) A. Adrover & M. Giona Chem. Eng. J. 1996, 64, 7
- 65) A. Adrover & M. Giona Ind. Eng. Chem. Res. 1997, 36, 4993
- 66) K. Binder & D. W. Heerman "Monte Carlo Simulation in Statistical Physics", Springer-Verlag, 1992

- 67) M. P. Allen & D. J. Tildesley *Computer Simulation of Liquids*, Clarendon Press: New York, **1987**
- 68) D. Frenkel B. Smith *Understanding Molecular Simulation*, Academic: New York, **1996**
- 69) J. M. D. MacElroy & K. Raghavan J. Chem. Phys. 1990, 93, 2068
- 70) R. D. Kaminsky & P. A. Monson J. Chem. Phys. 1991, 95, 2936
- 71) K. S. Page & Monson P. A. Monson Phys. Rev. E 1996, 54, R29
- 72) K. S. Page & P. A. Monson Phys. Rev. E 1996, 54, 6557
- 73) L. Sarkisov, K. S. Page & P. A. Monson in "Molecular Modeling of Fluid Phase Equilibrium in Disordered Porous Materials", Fundamentals of Adsorption 6, Elsevier, 1998, p. 847
- 74) L. Sarkisov & P. A. Monson Langmuir 2000, 16, 9857
- 75) L. D. Gelb & K. E. Gubbins Langmuir, 1998, 14, 2097
- 76) L. D. Gelb & K. E. Gubbins Langmuir, 1999, 15, 305
- 77) K. T. Thomson & K. E. Gubbins Langmuir, 2000, 16, 5761
- 78) V. Mayagoitia, F. Rojas & I. Kornhauser J. Chem. Soc. Faraday Trans. 1, 1985, 81, 2931
- 79) V. Mayagoitia, M. J. Cruz & F. Rojas J. Chem. Soc., Faraday Trans. 1 1989, 85, 2071
- 80) V. Mayagoitia, F. Rojas, V. D. Pereyra & G. Zgrablich Surface Sci. 1989, 221, 394
- 81) V. Mayagoitia, A. Domínguez & F. Rojas J. Non-Crystalline Solids, 1992 147&148, 183
- 82) V. Mayagoitia, F. Rojas & I. Kornhauser J. Sol-Gel Sci. Technology, 1994, 2, 259
- 83) G. B. Kuznetsova, V. Mayagoitia & I. Kornhauser *Intern. J. Polymeric Mater.* **1993**, 19, 19
- 84) A. J. Ramírez-Cuesta, S. Cordero, F. Rojas, R. J. Faccio & J. L. Riccardo J. Porous Materials, 2001, 8, 61
- 85) V. Mayagoitia, F. Rojas, I. Kornhauser, G. Zgrablich, R. J. Faccio, B. Gilot & C. Guiglion *Langmuir*, **1996**, 12, 211
- 86) J. L. Riccardo, W. A. Steele, A. J. Ramírez-Cuesta & G. Zgrablich *Langmuir*, **1997**, 13, 1064
- 87) M. J. Cruz, V. Mayagoitia & F. Rojas J. Chem. Soc., Faraday Trans. 1, 1989, 85, 2079
- 88) V. Mayagoitia, M. J. Cruz, F. Rojas, I. Kornhauser, G. Zgrablich & V. Pereyra *Gas Sep. Purif.* **1992**, 6, 35
- 89) V. Mayagoitia, F. Rojas, I. Kornhauser & H. Pérez-Aguilar Langmuir, 1997, 13, 1327
- 90) R. H. López, A. M. Vidales & G. Zgrablich Langmuir, 2000, 16, 3441
- 91) N. Metropolis, A. W. Rosenbluth, M. N. Rosenbluth & A. H. Teller J. Chem. Phys. 1953, 21,1087
- 92) E. Kierlik, M. L. Rosinberg, G. Tarjus & P. Viot *Phys. Chem. Chem. Phys.* **2001**, 3, 1201
- 93) D. H. Everett & J. M. Haynes J. Colloid Interface Sci. 1972, 38, 125
- 94) Y. Morioka & J. Kobayashi J. Chem. Soc. Jpn. 1979, 2, 157
- 95) V. Mayagoitia, F. Rojas & I. Kornhauser J. Chem. Soc., Faraday Trans. 1 1988, 84, 785
- 96) W. D. Harkins & G. Jura J. Am. Chem. Soc. 1944, 66, 66
- 97) G. Halsey J. Chem. Phys. 1948, 16, 931
- 98) P. I. Ravikovitch, S. C. Ó Domhnaill, A. V. Neimark, F. Schüth, K. K. Unger *Langmuir* **1995**, 11, 4765

- 99) A. V. Neimark, P. I. Ravikovitch, M. Grün, F. Schüth, K. K. Unger J. Colloid Interface Sci. 1998, 207, 159
- 100) S. Cordero "Tesis de Maestría en Química", Universidad Autónoma Metropolitana, **1998**
- 101) J. L. Ricardo, V. Pereyra, G. Zgrablich, F. Rojas, V. Mayagoitia & I. Kornhauser *Langmuir* **1993**, 9, 2730
- 102) A. Adrover, M. Giona & M. Giustiniani *Langmuir* **1996**, 12, 4272
- 103) V. Mayagoitia, F. Rojas, I. Kornhauser, E. Ancona, G. Zgrablich & R. J. Faccio *Langmuir* **1996**, 12, 207
- 104) A. J. Ramírez-Cuesta, S. Cordero, F. Rojas, R. J. Faccio & J. L. Riccardo *J. Porous Materials*, **2001**
- 105) D. H. Everett in "The Solid-Gas Interface", Vol. 2. E. A. Flood, New York, 1967, p. 1055