UNIVERSIDAD AUTÓNOMA METROPOLITANA IZTAPALAPA

TESIS PARA OBTENER EL GRADO DE MAESTRO EN CIENCIAS (QUÍMICA)

Optimización de parámetros en fluorescencia para la obtención

de valores de pka de la Eosina-Y

PRESENTA

Lic. Q. Alan Joshep Chavez Vasquez

ASESOR

Dr. Alberto Rojas Hernández

Co-asesor

Dr. Federico Gonzales García

Agradecimientos

A mis padres Felipe Chavez Salazar y Xochitl Vasquez Uribe, ya que ellos siempre me han apoyado en todo lo que tenga que ver con mi vida tanto moralmente como en mis proyectos. A ellos les debo este gran logro y se los dedico. Gracias por todo. Los amo.

A mi única hermana Amairani, quien con ella esta vida es divertida y espero que este logro también dedicado para ella la impulse a cumplir sus objetivos. Siempre hay solución para todo. Has de tu vida un arte.

A mis amigos de la preparatoria: Isaac, Juan, Fabiola y Nancy. Quienes a pesar de los años siguen estando conmigo en las buenas y las malas. Gracias amigos por sus palabras y por cada salida que sirve como distracción del mundo rutinario. Viva el bacho 10.

A toda la banda de la UAMI, en especial a Miguel, Jennifer, Carlos, Deysi, Marcos Red y Victor (Iras) quienes me han dado sus palabras de apoyo y me han permitido estar en sus vidas. Gracias amigos que viva la UAM.

A mis amigos fuera del ámbito escolar, Nancy (nanito), Rosa, Saúl (Koala), Camila, Michelle y más que un amigo mi primo Erick. Gracias a ustedes por su compañía y ratos de diversión. Pueden lograr lo que se propongan.

A mis sinadoles, Dra. María Teresa Ramírez Silva, Dra. Rosario Moya Hernández, Dr Carlos Andrés Galán Vidal, ya que con sus valiosas sugerencias y comentarios, desarrolle un mejor trabajo y entendí la importancia de éste.

A mi asesor Doctor Alberto Rojas Hernández, quien sin su apoyo moral, académico y económico, no hubiese terminado este proyecto y no me hubiese formado de ser un estudiante a ser un químico.

Al apoyo financiero del Consejo Nacional de Ciencia y Tecnología (CONACYT beca 237997, CVU/No. de Becario 652172/615275)

Resumen	6
Capítulo 1. Introducción y objetivos	8
1.1 Introducción	8
1.2 Antecedentes e hipótesis	10
1.3 Objetivos generales	16
1.4 Objetivos particulares	16
Capítulo 2. Procedimientos experimentales	17
2.1 Pruebas de estabilidad para las especies de Eosina-Y	17
2.2 Determinación de curva de calibración por espectroscopia de UV-visible	17
2.2.1 Preparación de soluciones	17
2.2.2 Procedimiento experimental	18
2.3 Determinación de curva de calibración por espectroscopia de fluorescencia	18
2.3.1 Preparación de soluciones	18
2.3.2 Procedimiento experimental	19
2.4 Valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base	20
2.4.1 Preparación de soluciones	20
2.4.2 Procedimiento experimental	20
2.5 Valoraciones por espectroscopia de fluorescencia ácido-base	21
2.5.1 Preparación de soluciones	21
2.5.2 Procedimiento experimental	21
Capítulo 3 Resultados y discusión	22
3.1 Pruebas de estabilidad para las especies de Eosina-Y	22
3.1.1 Prueba de estabilidad para H ₂ EY	22
3.1.2 Prueba de estabilidad para HEY ⁻	24

3.1.3 Prueba de estabilidad para EY ²⁻ 26
3.2 Determinación de curva de calibración por espectroscopia UV-visible29
3.3 Determinación de curva de calibración por espectroscopia de fluorescencia32
3.3.1 Longitud de excitación de 300 y 340 nm32
3.3.2 Longitud de excitación de 490 y 515 nm35
3.3.3 Longitud de excitación de 240 y 410 nm39
3.3.4 Longitud de excitación de 250 y longitud de emisión 540 nm43
3.4 Valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base concentración 1x10 ⁵ M47
3.4.1 Valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base para 210nm<λ<605nm47
3.4.1.1 Determinación de valores de pka utilizando SQUAD51
3.4.1.2 Bondad del cálculo51
3.4.2.1 Valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base para 370nm<λ<605nm52
3.4.2.2 Determinación de valores de pka utilizando SQUAD54
3.4.2.3 Bondad del cálculo55
3.5.1 Valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base concentración 2.5x10 ⁶ M56
3.5.2 Determinación de valores de pka utilizando SQUAD57
3.5.3. Bondad del cálculo58
3.5.4. Discusión de valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base
3.6 Valoraciones por espectroscopia de fluorescencia ácido-base
3.6.1 Longitud de excitación 300, 340, 490, 515, 240 y 410 nm62
3.6.2 Longitud de emisión 540 nm66
3.6.3 Determinación de valores de pka utilizando SQUAD67

3.6.4 B	ondad del cálc	ulo		•••••						.69
3.6.5 fluores	Contraste scencia	de	los	valores	de	рКа	obtenidos	por	UV-Visible	y .71
Capítu	lo 4. Conclusior	nes gei	nerale	S						.72
Conclu	sión general									.72
Perspe	ctiva									.74
Refere	ncias									.74

Resumen

En el presente trabajo de maestría se determinaron los valores de pKa de la Eosina-Y, mediante una valoración ácido- base de BrØnsted continua seguida por espectroscopia UV-Visible y por fluorescencia, técnica propuesta para resolver la problemática del equilibrio de precipitación de la lactona quien provoca la discrepancia del valor del pka1. Se utilizó el programa computacional SQUAD para el refinamiento de las constantes.

El cálculo de los valores de pKa se realizó a concentraciones de Eosina-Y que pertenecen al intervalo dinámico lineal, determinado por la curva de calibración a pH=4.0±0.1. El intervalo dinámico lineal construido a partir de espectros de absorción a λ_{max} = 515 nm es 5.66x10⁻⁶ M<[Eosina-Y]<3.0x10⁻⁵M y el perteneciente a partir de espectros de emisión y excitación a λ_{ex} = 300 nm, 340 nm, 490 nm, 515 nm, 240 nm, 410 nm y 250 nm, y para la única λ_{Em} =540 nm, es 5.8x10⁻⁸ M<[Eosina-Y]<1.0x10⁻⁷M.

Las concentraciones de propuesta son $1x10^{-5}$ M y $7.5x10^{-8}$ M. Sin embargo, a concentraciones mayores a 10^{-5} se presentó discrepancia del valor de pka1 debido a la precipitación por parte de la especie lactona y el zwitterión en la técnica de UV-Vis, de tal modo que se recurrió a disminuir la concentración a $2.5x10^{-6}$ M. Lo que implica que los valores de pka de la Eosina-Y dependen de la concentración. Los valores de pKa se muestran en la tabla siguiente.

Los valores de pKa construidos a partir de los espectros de absorción en el intervalo de longitud de onda de 210 nm a 605 nm, son reproducibles y presentan un buen ajuste de los espectros teóricos con los experimentales.

El valor del pka1 utilizando los espectros de emisión y excitación, a diferentes longitudes de excitación y emisión ronda entre 2.4 y 2.5. Lo cual confirma el valor obtenido por la técnica de UV-Visible y por tanto es más confiable a comparación con los reportados en la literatura.

Se presenta equivalencia entre los valores de pKa obtenidos a partir de λ_{Ex} =490 y 515nm y excitación a λ_{Em} = 540 nm con los obtenidos con los espectros de absorción, considerando un 95% de nivel de significancia, los cuales presentan un mejor ajuste de los espectros teóricos con los experimentales. Por lo tanto, la espectroscopia de fluorescencia es confiable para el cálculo de los valores de pKa.

Espectro	λ _{ex} /nm	Equilibrio	pK _{ai} ±σ*	σ _{reg} **
	300		pK _{a1} = 2.496±0.026 pK _{a2} = 4.177±0.012	0.0016
	340		pK _{a1} = 2.263±0.085 pK _{a2} = 4.267±0.038	0.0027 ***
Emisión	490	-	$pK_{a1} = 2.541 \pm 0.016$	0.0004
Fluorescente	515	-	$pK_{a2} = 2.59380 \pm 0.008$ $pK_{a1} = 2.594 \pm 0.050$	0.0009
		$H_2EY \leftrightarrows HEY^- + H^+$	pK _{a2} = 3.777±0.029	***
	240		pK _{a1} = 2.429±0.021	0.0003
		$HEY^{-} \leftrightarrows EY^{2-} + H^{+}$	pK _{a2} = 4.1244±0.01	***
	410		pK _{a1} = 2.240±0.041	0.001
			pK _{a2} = 4.0803±0.018	***
	250		pK _{a1} = 2.41±0.030	0.0005
			pK _{a2} = 4.074±0.014	***
Excitación	λ_{em} = 540 nm		pK _{a1} = 2.483±0.014	
Fluorescente			pK _{a2} = 4.011±0.081	
Absorción	λ= 210 nm a		рК _{а1} = 2.401±0.065	
	605 nm		pK _{a2} = 3.809±0.084	

* σ representa la desviación estándar de cada constante de equilibrio

** σ_{reg} representa la desviación estándar de la regresión

*** Los espectros de emisión y excitación fueron divididos entre mil para simular una respuesta de absorción, debido la magnitud de respuesta en intensidad de fluorescencia.

Capítulo 1

Introducción y objetivos

1.1 Introducción

La Eosina amarillenta o Eosina-Y es un colorante que se obtiene de la halogenación con Br₂/AlBr₃ a la fluoresceína [1], con coloración marrón- rojizo, soluble en agua y en etanol. Se utiliza como marcador de componentes y orgánulos citoplasmáticos, como antiséptico, desinfectante, colorante en la industria textil y cosmética, y ha mostrado eficacia en el tratamiento contra la dermatitis [2].

La Eosina-Y tiene dos grupos ácidos: un grupo tipo fenol (localizado en el anillo de xanteno) y un ácido carboxílico (localizado en la parte benzoica). En solución acuosa exhibe 3 estructuras diferentes: la molécula neutra H_2EY prácticamente incolora, la monoaniónica HEY⁻ y la forma dianiónica EY²⁻ [3,4] (véase figura 1.1.1).

Se reporta que las especies protolíticas de la Eosina-Y presentan varias estructuras tautoméricas: la forma espirocíclica o lactona que precipita lentamente, carece de color e insoluble en agua, y el zwitterión (véase figura 1.1.1). Éstas provienen de H₂EY siendo fracciones de la misma. El contenido de la lactona es despreciable a bajas concentraciones [4].



Figura 1.1.1. a) Tautómeros de la fluoresceína eléctricamente neutra, a la izquierda el zwettrión y a la derecha la lactona, aplicables para la Eosina-Y. b) Equilibrios protolíticos ilustrados con las estructuras tautómeras más representativas de Eosina-Y

La Eosina-Y tiene dos protones ácidos correspondientes a los siguientes equilibrios y valores de pka [5]:

$$\begin{array}{ll} H_2 EY \leftrightarrow H EY^- + H^+ & pK_{a1} = 2.02 \pm 0.05 \\ H EY^- \leftrightarrow EY^{2-} + H^+ & pK_{a2} = 3.80 \pm 0.06 \end{array}$$

Con dicha información puede construirse el diagrama de distribución de las especies y el diagrama de zonas de predominio [6] (figura 1.1.2).

La primera desprotonación se debe al grupo fenólico ya que los átomos de Br conectados al anillo de xanteno, retiran densidad electrónica del anillo, incrementando la acidez del grupo tipo fenol, haciendo que su H⁺ sea más ácido que la de un grupo tipo fenol normal. Esto da lugar a la especie monocargada negativamente (HEY⁻) que es predominante, de acuerdo con la cantidad de su fracción comparada con el resto de las especies, en el intervalo de 2.02<pH<3.8 (figura 1.1.2).

La segunda desprotonación es entonces la del grupo carboxílico y su valor de pKa es similar al del ácido acético (pKa=4.7) y otros ácidos carboxílicos, haciendo a la especie bicargada negativamente (EY²⁻), predominante a valores de pH > 3.8, quien es menos afectado a comparación del grupo tipo fenol en la presencia de bromo, ello explica un valor de pKa más alto.



Figura 1.1.2. Diagrama de distribución de las especies de Eosina Y como función del pH. En la parte superior se presenta el diagrama de zonas de predominio (DZP).

1.2 Antecedentes

Los valores de pKa de la Eosina-Y no han sido solamente calculados por Batistela (2011) sino también por diversos investigadores, algunos valores de pKa se muestran en la tabla 1.2.1 [7].

pka1	3.25	3.43*	3.8*	3.6**	6.8***	3.0	4.45	3.6 o	2.85
								5.3	
pka2	3.80					5.0	6.02	6.2	4.5
autor	Pierre L.	Abdel	lsaa, I.	Oster,	Tribalat,	Birkedal-	Shibata,	Neigi,	Dubost,
	(1985)	Halim	M.	G.	S.	Hansen	М.	A.S.	J.P.
		(1970)	(1972)	(1961)	(1961)	(1973)	(1972)	(1975)	(1978)

Tabla 1.2.1 Valores de pKa de la Eosina-Y

*pKa1=pKa2, ** mezcla de agua-dioxano, *** pKa1+pka2

Se presentan una discrepancia en los valores de pKa de la Eosina-Y de acuerdo a la tabla 1.2.1. La principal causa es debida a la formación del zwetterión y la lactona (figura 1.1.1), quien es insoluble en agua y precipita a concentraciones elevadas. Por ello sólo es detectable un valor de pKa al determinarlo por métodos tradicionales debido a la cercanía de éstos de 1.78 unidades [5].

Batistela (2011) recalcula los valores de pKa a una concentración de 4.18x10⁻⁶ M para para evitar el efecto de precipitación de la lactona. Utilizó un software basado en quimiometría, el cual fue alimentado con espectros de absorción obtenidos en el intervalo de pH de -2 a 15. Los valores de pKa obtenidos, especialmente el valor de pKa1 es poco confiable y por tanto se recalculan dichos valores en un trabajo preliminar.

Por estudios preliminares [8], se obtuvieron los espectros de absorción a concentración 2.5x10⁻⁶ M con el objetivo de disminuir la precipitación de la lactona, pero trayendo consigo valores de absorbancia bajos (véase figura 1.2.1).

El intervalo de pH para la obtención de los espectros de absorción fue de 1.219 a 4.357, el cual está algo acotado pero bien podría extenderse hasta pH=6.0 o 7.0. Sin embargo, el intervalo de pH se limitó para averiguar si presentaba algún efecto directo sobre los valores de pKa.

De acuerdo a la familia de espectros (figura 1.2.1), el comportamiento de éstos varía conforme el pH va cambiando. Cada espectro cuenta con 4 máximos de absorción (inserto en figura 1.2.1). A pH=1.295 los presenta en λ =240 nm, 287 nm, 340nm y 490 nm. Conforme el pH se incrementa, los dos primeros máximos tienen efecto hipocrómico

hasta pH=2.938, y en el intervalo de pH=3.03-3.277, comienzan a crecer y a desplazarse hacia la longitud de onda de 250 nm y 300 nm hasta pH=4.357. El tercer máximo incrementa al aumentar el pH. El cuarto máximo presenta efecto hipercrómico hasta pH=1.586, este se deforma apareciendo un máximo en 520 nm a partir de pH=1.732 que después tienen un efecto hipsocrómico hasta 515 nm e hipercrómico conforme el pH incrementa. En los espectros de absorción, las líneas no pasan por un punto isosbéstico.



Figura 1.2.1. Espectros de absorción e inserto, a [Eosina-Y]=2.5x10⁻⁶ M en el intervalo de intervalo de 1.219<pH<4.357.

Para realizar el cálculo de los valores de pKa usando los espectros de absorción, se utilizó el programa computacional SQUAD. El cual refina las constantes de equilibrio a partir de un modelo químico propuesto, empleando la aproximación de mínimos cuadrados no lineales, de datos de absorbancia obtenidos al varia las longitudes de onda y el pH del sistema en solución acuosa [9]. El programa resuelve la ecuación de la Ley de Beer, la cual se establece cuando la concentración de 2.5x10⁻⁶ M cumple dicho comportamiento.

En vista de la problemática de la determinación de los valores de pKa por UV-Vis, se propuso otra una técnica alternativa aprovechando la estructura de la Eosina-Y que permite trabajar con concentraciones menores para evitar la precipitación de la lactona: la

fluorescencia. Dicha molécula posee estructura multicíclica, es rígida, plana y contiene grupos dadores de electrones como –OH. El par electrónico libre originado por la desprotonación del grupo tipo fenol, es el responsable del alto rendimiento en fluorescencia [10], por ende puede sondearse la emisión de luz emitida.

El programa computacional SQUAD supone una relación directamente proporcional de la concentración contra la respuesta, por ello se alimenta con espectros de absorción. Sin embargo, la propiedad de fluorescencia también cumple la misma relación a concentraciones muy diluidas, de acuerdo a la siguiente ecuación [11].

$$I_{f} = k \phi_{f} (I_{0} - I)$$

$$I_{f} = k \phi_{f} (I_{0} - I)$$

$$1 - e^{-abc} = 2.3abc - \frac{(2.3abc)^{2}}{2!} + \frac{(2.3abc)^{3}}{3!} - \cdots$$

$$I_{f} = k \phi_{f} I_{0}(2.3abc) \qquad (1.2.1)$$

Dónde: I_0 = intensidad incidente, I=intensidad transmitida, a= absortividad, b= longitud de paso óptico, c= concentración de la especie absorbente, I_f = intensidad de radiación fluorescente medida, K= cte de proporcionalidad dependiente de la eficacia del detector y geometría, ϕ_f = rendimiento cuántico (cuantos emitidos y absorbidos en tiempo.)

A concentraciones muy diluidas la serie de términos de la expresión encerrada en paréntesis es despreciable, pero a concentraciones superiores dichos términos empiezan ser importantes y aparecen desviaciones. De modo que para utilizar SQUAD con datos de espectroscopia de fluorescencia, la concentración al igual que la Ley de Beer tiene que cumplir la ecuación 1.2.1.

Ofreciendo la técnica de fluorescencia como una opción alternativa para el cálculo de los valores de pKa, se obtienen en el mismo intervalo de pH los espectros de emisión (figura 1.2.2) a una longitud de excitación λ_{ex} = 250 nm y los espectros de excitación (figura 1.2.3) a longitud de emisión λ_{em} = 540 nm.

De acuerdo a las figura 1.2.2 y 1.2.3, la intensidad de fluorescencia (IF) aumenta conforme el pH se incrementa, comportamiento similar a los espectros de absorción, debido a la presencia de las especies HEY⁻ y EY²⁻ que por mucho la más fluorescente. Es posible que el par electrónico libre de la parte benzoica (donadora de electrones) contribuya a la resonancia del anillo de xanteno (grupo aceptor de electrones) [12] incrementando la intensidad de fluorescencia. Al normalizar al menos 3 espectros de pH diferente, resultan

tener el mismo perfil del espectro de emisión de EY²⁻ lo que demuestra que es la especie que fluorece más [13].



Figura 1.2.2. Espectros de emisión de [Eosina-Y]= 2.5×10^{-6} M, obtenidos a λ_{ex} = 250nm, en el intervalo de 1.219<pH<4.357. El máximo de IF se encuentra en 540 nm.



Figura 1.2.3. Espectros de excitación de [Eosina-Y]=2.5x10⁻⁶ M, obtenidos a λ_{em} = 540nm, en el intervalo de 1.219<pH<4.357. El principal máximo de IF se encuentra en 516 nm.

Los espectros de absorción y excitación deberían tener exactamente el mismo perfil, cuando en el sistema esté presente una sola especie [13]. Sin embargo, en este caso, se

tiene una mezcla de las especies protonadas y la desprotonadas a lo largo de todo el intervalo de pH de trabajo (1.295-4.357), a pesar de que predominen en el intervalo de pH que le corresponde (figura 1.1.2). En la figura 1.2.4 se muestran algunos espectros de absorción y excitación normalizados para realizar la comparación.

Los máximos característicos en los espectros excitación están posicionados en las longitudes de onda de 250 nm, 300 nm, 340 nm y 516 nm a pesar del diferente valor de pH, no así los espectros de absorción. Éstos tiene sus máximos idénticos a los espectros excitación a partir de pH \ge 3.877, por ejemplo a pH=4.357, pero por debajo de este valor, se encuentran en otra longitud de onda como se describió anteriormente, lo que podría indicar que para medir los espectros de excitación se está utilizando una longitud de emisión (λ_{em} =540 nm) que corresponde a la especie EY²⁻.



Figura 1.2.4. Espectros normalizados de: a) Absorción, b) Excitación. A concentración de [Eosina-Y]=2.5x10⁻⁶ M a diferentes valores de pH

Con la información de la familia de espectros absorción se utilizada el programa computacional SQUAD para el refinamiento de las constante de equilibrio. De igual manera se utilizan los espectros de emisión y excitación fluorescente, pero para utilizarlos en SQUAD se necesita dividir cada espectros entre mil para simular una respuesta de absorción. Se hace la suposición que la concentración de 2.5x10⁻⁶ M sigue la ecuación 1.2.1, para aprobarlo o desmentirlo es necesario realizar una curva de calibración.

Los valores de pKa de la Eosina-Y por espectroscopia UV-Vis y de fluorescencia se muestran en la tabla 1.2.2.

Espectros de	Equilibrio	pKai±σ*	σ _{reg} **
Absorción	$H_2EY \leftrightarrows HEY^- + H^+$	pK _{a1} = 2.104±0.029	0.0015
	$HEY^{-} \leftrightarrows EY^{2-} + H^{+}$	pK _{a2} = 3.816±0.013	

Tabla 1.2.2	Valores	de p	Ka oł	otenidos	con S	OUAD
	10100	~~ P		0.000	00110	20/10

Excitación a	$H_2EY \leftrightarrows HEY^- + H^+$	pK _{a1} = 2.420±0.016	0.0034***	
$\lambda_{\rm em} = 540 \Pi \Pi$	$HEY^{-} \leftrightarrows EY^{2-} + H^{+}$	pK _{a2} = 3.974±0.009		
Emisión a λ_{ex}	$H_2EY \leftrightarrows HEY^- + H^+$	pK _{a1} = 2.203±0.042	0.0025***	
= 250nm	$HEY^{-} \leftrightarrows EY^{2-} + H^{+}$	pK _{a2} = 3.717±0.019		

* σ representa la desviación estándar de cada constante de equilibrio

** σ_{reg} representa la desviación estándar de la regresión

*** Valor dividido entre mil para compararlo con el de los espectros de absorción

Una vez obtenidos los valores de pKa utilizando espectros de absorción, emisión y excitación se contrastan con los valores reportados por Bastistela (2011), mediante la construcción del intervalo de confianza al 95% de nivel de significancia (NS) como se muestra en la tabla 1.2.3.

Como se puede apreciar en la tabla 1.2.3, los valores obtenidos por medio de los espectros de absorción y emisión son comparables con los reportados por Bastitela (2011). Lo que parece indicar que la técnica de fluorescencia es apta para el cálculo de los valores de pKa. Sin embargo, no son comparables entre ellos mismos.

En el caso de los valores obtenidos a través de los espectros de excitación no son comparables con los reportados por Bastistela. Los resultados anteriores, parecen indicar que hay algún tipo de error mayor para el caso de los espectros de excitación con respecto a los de absorción. Es posible que la concentración no obedezca la ecuación 1.2.1.

Tabla 1.2.3. Comparación de los intervalos de confianza (al 95% de NS) de los valores de pKa obtenidos al ajustar diferentes conjuntos de espectros.

Espectros de	Intervalo de confianza para pKa1	Intervalo de confianza para pKa2		
Absorción	2.045≤pKa1≤ 2.163	3.790 ≤ pKa2 ≤ 3.842		
Emisión $\lambda ex = 250 nm$	2.119 ≤ pKa1 ≤ 2.287	3.679 ≤ pKa2 ≤ 3.755		
Excitación λ em = 540nm	2.388≤pKa1≤ 2.452	3.956 ≤ pKa2≤ 3.992		

La alternativa de utilizar la técnica de fluorescencia tiene la ventaja de trabajar con concentraciones bajas para reducir el proceso de precipitación de lactona a comparación de UV-vis ya que al disminuir la concentración se obtienen respuestas bajas de absorbancia. Sin embargo, por los resultados obtenidos por el uso de los diferentes espectros, se buscarán las condiciones para obtener una mayor comparación de los

valores pKa con el uso de los 3 tipos de espectros e identificar los fenómenos que no permitan que sean comparables

Hipótesis

Dentro del intervalo dinámico lineal de concentración, los valores de pKa obtenidos por los espectros de emisión y excitación fluorescente deben ser estadísticamente iguales con los obtenidos con los espectros de absorción.

1.3 Objetivo general

Determinar las condiciones para las cuales los valores de las constantes de acidez (pKa) de la Eosina-Y calculadas a partir de espectroscopia de UV-visible y de fluorescencia son estadísticamente iguales, y estudiar las diferencias, ventajas y desventajas de uno de otro.

1.4 Objetivos particulares

• Determinar el intervalo de linealidad de concentración de la Eosina-Y para espectroscopia de UV-visible y de fluorescencia.

• Determinar el intervalo de linealidad de concentración de la Eosina-Y por espectroscopia de fluorescencia a diferentes longitudes de onda de excitación y emisión.

• Determinar los valores de las constantes de acidez (pKa) de la Eosina Y, utilizando diferentes longitudes de onda (de excitación o emisión, según sea el caso).

• Determinar los valores de las constantes de acidez (pKa) de la Eosina Y, utilizando el programa computacional SQUAD.

• Realizar un contraste entre los valores de pKa calculados a partir de espectros de absorción, emisión y excitación.

Capítulo 2

Procedimientos experimentales

2.1 Pruebas de estabilidad para las especies de Eosina-Y

Se realizó la prueba de estabilidad para cada una de las tres especies de Eosina-Y para determinar el tiempo donde se mantiene la integridad de la molécula con el que se puede realizar la determinación de los valores de pka.

A continuación se describe el procedimiento que se llevó a cabo:

- Se realiza la calibración del espectrofotómetro marca Perkin Elmer, modelo lambda 950, utilizando agua desionizada como blanco, en el intervalo de 210 nm a 605 nm.
- Se prepararon tres soluciones de concentración de Eosina-Y de 5x10⁻⁶ M con diferente pH en un volumen de 25 mL, adicionando cantidades adecuadas de HCl 1 M para obtener pH=1.5, 2.5 y 4.6. Se mide el pH inicial para cada una de las tres soluciones y el espectro de absorción UV-vis.

Para cada solución se monitoreo el valor del pH y el espectro de absorción para ver si hay un cambio en estos dos parámetros, con el fin de encontrar el tiempo en que se mantiene la integridad de la molécula.

2.2 Determinación de curva de calibración (CC) por espectroscopia UV-visible

2.2.1 Preparación de soluciones

Solución Stock de Eosina-Y

Se pesan aproximadamente 0.1729 g de Eosina-Y, se disuelven en un matraz aforado de 25 mL con agua desionizada para una concentración 0.01 M.

Solución madre 1 (SM1)

De la solución stock se toma 1 mL con una micropipeta de capacidad 100-1000 μ L y se transfiere a una matraz aforado de 10 mL, llevando al aforo con agua desionizada dando una concentración de 1x10⁻³ M.

Solución madre 2 (SM2)

De la SM1 se toman 1000 μ L con una micropipeta de capacidad 100-1000 μ L y se transfiere a una matraz aforado de 10 mL, llevando al aforo con agua desionizada dando una concentración de 1x10⁻⁴ M.

A continuación se muestra la preparación del intervalo de concentraciones de Eosina-Y a pH≈4.0, aforando con agua destilada y desionizada, a partir de SM1 y SM2:

Solución	1	2	3	4	5	6	7	8	9
V _{SM1} /μL	300	100	0	0	0	0	0	0	0
V _{SM2} / μL	0	0	750	500	300	100	75	50	30
V _{aforo} / mL	10	10	10	10	10	10	10	10	10
V _{HCI} /μL (0.01 M)	150	150	150	150	150	150	150	150	150
[Eosina-Y] / M	30.0	10.0	7.50	5.00	3.00	1.00	7.50	0.5	0.3
10									

Tabla 2.2.1.1 Preparación de las soluciones de Eosina-Y para la CC por UV-Vis

2.2.2 Procedimiento experimental

- 1. Se repite paso 1 de la sección 2.1.
- Se usa el potenciómetro pH sensION PH 31 equipado con un electrodo combinado con electrodo Ag° | AgCl [KCl, 3 mol/L] como referencia para medir el pH de las soluciones de la tabla 2.2.1.1 empezando con la concentración más baja de Eosina-Y, manteniendo la agitación constante y se mide el pH inicial una vez que se ha mantenido estable.
- 3. Se mide el espectro de absorción al menos tres veces para cada solución de la tabla 2.2.1.1, usando una celda de cuarzo de paso óptico 1 cm, en el intervalo de 210 nm a 605 nm.
- 4. Se lava la celda de cuarzo con agua desionizada y se repite para cada solución los pasos 1-3.

2.3 Determinación de curva de calibración (CC) por espectroscopia de fluorescencia

2.3.1 Preparación de soluciones

Solución madre 3 (SM3)

De la solución SM1 se toman 50 μ L con una micropipeta de capacidad 10-100 μ L y se transfiere a una matraz aforado de 10 mL, llevando al aforo con agua desionizada dando una concentración de 5x10⁻⁶ M.

Se preparó el siguiente intervalo de concentraciones de Eosina-Y a pH≈4.0 aforando con agua destilada y desionizada, a partir de una solución madre 3 (SM3):

Solución	1	2	3	4	5	6	7	8	9
V _{SM3} /µL	2000	1500	1000	600	200	150	100	60	20
V _{aforo} / mL	10	10	10	10	10	10	10	10	10
V_{HCI} / μL (0.01	100	100	100	100	100	100	100	100	100
M)									
[Eosina-Y]/M	10	7.50	5.00	3.00	1.00	7.50	0.5	0.3	0.1
10 ⁻⁷									

Tabla 2.3.1.1 Preparación de las soluciones de Eosina-Y para la CC por fluorescencia

2.3.2 Procedimiento experimental

1. Se calibra el espectrofotómetro de luminiscencia marca Perkin Elmer, modelo LS55, utilizando agua desionizada como blanco, celdas de cuarzo de longitud de paso óptico igual a 1 cm y seleccionando una longitud de excitación (λ_{Ex}), siendo fija mientras la longitud de emisión (λ_{Em}) varía, condiciones dadas en la tabla 2.3.2.1.

Tabla 2.3.2.1 Condiciones experimentales para la obtención de los espectros de emisión yexcitación fluorescente

λEx /nm	λEm/nm	Slit	Slit	Filtro/nm	Corrección del
		Excitación	Emisión		equipo.
300	500-620	5.0	20.0	350	No
340	500-620	5.0	20.0	350	No
490	500-620	5.0	7.5	515	No
515	530-620	5.0	5.5	515	No
240	500-620	5.0	14.0	290	No
410	500-620	5.0	20.0	430	No
250	500-620	5.0	15.0	290	No
210-525	540	5.0	10.0	390	No

- 2. Se repiten los pasos 2-4 de la sección 2.2.2 para la obtención de los espectros de emisión. Las soluciones a utilizar se encuentran en la tabla 2.3.1.1.
- 3. El caso donde únicamente λ_{Em} se mantiene fija mientras varia λ_{Ex} , se repiten los pasos 1-3.

2.4 Valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base

2.4.1 Preparación de soluciones

Solución de HCl 0.1 M

Se toman 2.5 mL de HCl 1 M con una pipeta de 5 mL, se vierte en una matraz de 25 mL y se lleva al aforo con agua desionizada.

Solución de NaOH 0.2 M

Se toman 5 mL de NaOH 1 M con una pipeta de 5 mL, se vierte en una matraz de 25 mL y se lleva al aforo con agua desionizada.

Solución de Eosina-Y de concentración X M.

A partir de la solución stock, se toma un volumen adecuado para preparar una concentración dentro del intervalo dinámico lineal que arrojara la CC por espectroscopia UV-visible.

2.4.2 Procedimiento experimental

- 1. Se repite el paso 1 de la sección 2.1.
- Se monta un sistema conectado a la celda termostatada con el baño, se agrega a la celda una mezcla compuesta de 10 mL de HCl 0.1M y 10 mL de Eosina-Y X M utilizando una pipeta volumétrica de 10 mL.
- Se repite el paso 2-3 de la sección 2.2.2 .Se registra el aumento del pH para cada adición de NaOH 0.2 M, así como también la obtención del espectro de absorción. Se repite el mismo procedimiento hasta el pH de 4.5.
- 4. Se corrigen los valores de pH de acuerdo a la siguiente ecuación:

$$pH_{corregido} = pH_{experimental} + ef * \left(\frac{pH_{experimental} - pH_{calibracion}}{pH_{calibracion}}\right)$$
(2.4.2.1)

Donde ef= eficiencia electromotriz del electrodo de vidrio.

2.5 Valoraciones por espectroscopia de fluorescencia acido-base

2.5.1 Preparación de soluciones

Solución de Eosina-Y de concentración Z M.

A partir de la SM3, se toma un volumen adecuado para preparar una concentración dentro del intervalo dinámico lineal que arrojará la curva de calibración por espectroscopia de fluorescencia.

2.5.2 Procedimiento experimental

1. Se repite el paso 1 de la sección 2.3.2, bajo las condiciones de la tabla 2.5.2.1

Tabla 2.3.2.1 Condiciones experimentales para la obtención de los espectros de emisión y excitación fluorescente

λ_{Ex}/nm	$\lambda_{\text{Em}}/\text{nm}$	Slit	Slit	Filtro/nm	Corrección del equipo.
		Excitación	Emisión		
300	500-580	5.0	15.0	350	Si
340	500-580	5.0	20.0	350	Si
490	500-620	5.0	20.0	515	No
515	530-620	5.0	15.0	515	No
240	500-620	5.0	20.0	290	No
410	500-620	5.0	20.0	430	No
250	500-620	5.0	20.0	290	No
210-525	540	5.0	15.0	390	No

- 2. Se repiten los pasos 2-4 de la sección 2.4.2
- 3. Para la λ_{Em} fija, se obtienen los espectros de excitación fluorescente de acuerdo al procedimiento de los pasos 1-3.

Capítulo 3

Resultados y discusión

3.1 Pruebas de estabilidad para las especies de Eosina-Y

3.1.1 Prueba de estabilidad para H₂EY

Se realizó la prueba de estabilidad para la especie neutra H_2EY a pH=1.5±0.1 (76% de la especie presente en el sistema de acuerdo a Batistela) para determinar el tiempo con el que se puede trabajar con ésta al realizar la determinación de los valores de pka.

En la figura 3.1.1.1 se muestran los espectros de absorción medidos a diferentes tiempos después de su preparación. Puede observarse que a λ =490 nm se presentan ligeros cambios en la absorbancia lo que puede ser atribuido a una posible degradación, a que el valor del pH no está amortiguado o a la precipitación de la lactona. Se presentan cambios más notorios en la banda localizada a 240 nm.



Figura 3.1.1.1. Espectros de absorción de la especie H₂EY, [Eosina-Y]=5x10⁻⁶ M a pH≈1.5

Un mejor análisis lo presenta la figura 3.1.1.2, en la cual se muestra el comportamiento de la absorbancia y el pH contra el tiempo a λ =490 nm. El cambio de la absorbancia durante el tiempo de 60 minutos es de 5.46% excede en menor cantidad del 5% en absorbancia y para el pH de 0.8% debajo del 1% [14].



Figura 3.1.1.2. Absorbancia contra tiempo, pH contra tiempo de la especie H₂EY, [Eosina-Y]= $5x10^{-6}$ M λ =490 nm

En la figura 3.1.1.3 se observa el comportamiento de la absorbancia y el pH contra el tiempo a λ =240 nm. El valor del pH no excede el 1% de error permitido pero la absorbancia excede el 5% de error permitido, las fluctuaciones son del 24.10% el cual es de esperarse al visualizar la figura 3.1.1.1. Esto se puede atribuir a una posible descomposición de la especie o al equilibrio de tautomerización de la lactona y el zwitterión (figura 1.1.1), causando la precipitación de la especie neutra y quizás como evidencia de las fluctuaciones de la determinación del pka1.

La solución en el tiempo transcurrido de 1 h no presentó a simple vista algún precipitado, pero a partir de un día y en adelante (7 días) ya lo contenía. De acuerdo a la figura 3.1.1.4 y su inserto, la señal en la longitud de onda de 490 nm decae en el transcurso de los días, cometiendo un error mayor al 5% permitido en absorbancia, caso similar a la longitud de onda de 240 nm la cual desaparece. El valor del pH excede en 0.35% del 1% permitido.



Figura 3.1.1.3. Absorbancia contra tiempo, pH contra tiempo de la especie H₂EY [Eosina-Y]= 5×10^{-6} M λ =240 nm



Figura 3.1.1.4. Espectros de absorción de la especie H₂EY e inserto de absorbancia contra tiempo y pH contra tiempo, en días. [Eosina-Y]=5x10⁻⁶ M a pH≈1.5

La especie H₂EY dentro del tiempo de 1 h o menos, es estable. La longitud de onda de 240 nm es más afectada posiblemente por la degradación de H₂EY, el equilibrio de tautomerización del zwetterión y la lactona que precipita en el sistema. En su momento llega al equilibrio pero no es conveniente tenerla en el sistema debido que provoca dispersión de la luz dentro del espectrofómetro afectando a la respuesta de absorbancia. De modo que se sugiere minimizar el tiempo en el que está presente la especie H₂EY en el sistema para el cálculo de los valores de pka, así como realizar las mediciones lo más rápido posible, acortar el intervalo de longitud de onda en el cual se obtiene los espectros de absorción de 370nm a 605 nm o disminuir la concentración.

3.1.2 Prueba de estabilidad para HEY-

Se realizó la prueba de estabilidad para el monoanión HEY⁻ a pH=2.5±0.1 (72% de la especie presente en el sistema de acuerdo a Batistela)para determinar el tiempo con el que se puede trabajar con éste al realizar la determinación de los valores de pka.

En la figura 3.1.2.1 se muestran los espectros de absorción medidos a diferentes tiempos después de su preparación. Puede observarse que a λ =520 nm se presentan ligeros cambios en la absorbancia, por causas posiblemente iguales que para H₂EY. Si esos cambios son debidos a que el pH no está amortiguado, bien se podría amortiguar y estudiar si tiene o no efectos sobre la Eosina-Y. La solución buffer tiene que ser adecuada para que no interfiera en la respuesta de absorbancia.



Figura 3.1.2.1 Espectros de absorción de la especie HEY⁻, [Eosina-Y]=5x10⁻⁶ M a pH \approx 2.5. Un mejor análisis lo presenta la figura 3.1.2.2, en la cual se muestra el comportamiento de la absorbancia y el pH contra el tiempo a λ =520 nm. El comportamiento de la absorbancia se mantiene estable con un error de 2.95% del 5% del error permitido, al igual que el pH con error de 0.28% del 1% permitido.



Figura 3.1.2.2. Absorbancia contra tiempo, pH contra tiempo de la especie HEY⁻, [Eosina-Y]= $5x10^{-6}$ M λ =520 nm

En la figura 3.1.2.3 se observa comportamiento de la absorbancia y el pH contra el tiempo a λ =240 nm. El valor del pH no excede el 1% de error permitido con variaciones de 0.28%, pero la absorbancia excede el 5% de error permitido con fluctuaciones del 7.40%. Al valor de pH de trabajo, la abundancia relativa del monoanión es del 72% mezclado con un 24% de H₂EY que sigue con su equilibrio de tautomerización de la lactona y el zwitterión, provocando las fluctuaciones en la absorbancia.



Figura 3.1.2.3. Absorbancia contra tiempo, pH contra tiempo de la especie HEY, [Eosina-Y]= $5x10^{-6} M \lambda$ =240 nm

La especie HEY⁻ dentro del tiempo de 1.4 hora, es estable. La longitud de onda de 240 nm, sigue siendo afectada por el equilibrio de tautomerización. Lo que sugiere acotar el intervalo de 370-605 nm.

3.1.3 Prueba de estabilidad para EY²⁻

Se realizó la prueba de estabilidad para la especie dianiónica EY²⁻ a pH=4.6 ±0.1 (86% de la especie presente en el sistema de acuerdo a Batistela)para determinar el tiempo con el que se puede trabajar con ésta al realizar la determinación de los valores de pka.

En la figura 3.1.3.1 se muestran los espectros de absorción medidos a diferentes tiempos después de su preparación. Puede observarse que a λ =515 nm se presentan ligeros cambios en la absorbancia debido que el valor del pH de trabajo (alejado en 0.8 unidades del pka2) no está amortiguado. Sin embargo, el grupo cromóforo (anillo de xanteno) no cambia a pesar del pH de trabajo.



Figura 3.1.3.1 Espectros de absorción de la especie EY^{2-} , [Eosina-Y]=5x10⁻⁶ M a pH \approx 4.6.

Un mejor análisis lo presenta la figura 3.1.3.2, en la cual se muestra el comportamiento de la absorbancia y el pH contra el tiempo a λ =515 nm. El comportamiento de la absorbancia se mantiene estable con un error de 1.85% del 5% del error permitido, al igual que el pH con error de 0.70% del 1% permitido. El incremento del error del pH de trabajo comparado con H₂EY y HEY⁻, se debe a la lejanía que tiene con el pK_{a2} dificultando una medida estable de pH por parte del par HEY⁻/EY²⁻.



Figura 3.1.3.2. Absorbancia contra tiempo, pH contra tiempo de la especie EY^{2-} , [Eosina-Y]=5x10⁻⁶ M λ =515 nm

En la figura 3.1.3.3 se observa el comportamiento de la absorbancia y el pH contra el tiempo (días) a la misma λ =515 nm. El error cometido en la absorbancia está debajo del 5% del error permitido, no así el valor del pH. Lo cual muestra que el grupo cromóforo no cambió a pesar del incremento del pH, mostrando gran estabilidad y la dificultad de tener un pH estable mientras se esté más alejado del valor de pK_{a2}.



Figura 3.1.3.3. Absorbancia contra tiempo, pH contra tiempo de la especie EY^{2-} , [Eosina-Y]=5x10⁻⁶ M λ =515 nm

En la figura 3.1.3.4 se observa el comportamiento de la absorbancia y el pH contra el tiempo a λ =250 nm, el cual viene del efecto batocrómico de λ =240 nm cuando la forma dianiónica predomina en el sistema. El valor del pH no excede el 1% con variaciones del 0.72% y la absorbancia tiene fluctuaciones del 5.01% dentro de un tiempo de dos horas, en 20 minutos más las fluctuaciones de la absorbancia son de 8.79%.



Figura 3.1.3.4. Absorbancia contra tiempo, pH contra tiempo de la especie EY²⁻, [Eosina-Y]= $5x10^{-6}$ M λ =250 nm

La especie EY²⁻ dentro del tiempo de 2 h, es estable. Incluso hasta siete días. Considerando las anteriores pruebas de estabilidad, el cálculo de los valores de pKa se obtendrá en una hora o menos para cada una de las 3 zonas donde predomina cada una se las especie de

Eosina-Y y en un intervalo tentativo de 370 nm a 605 nm, en el que se omiten las bandas del ultravioleta cercano que son principalmente más afectadas por la posible descomposición o los equilibrios de tautomerización.

3.2 Determinación de curva de calibración por espectroscopia UV-visible

La construcción de la curva de calibración (CC) se realiza al graficar la absorbancia de cada una de las soluciones de la sección 2.2.2 contra la concentración a una longitud de onda óptima. Dicha longitud de onda se localiza en la familia de espectros de absorción (figura 3.2.1).

De acuerdo con la figura 3.2.1, la señal o absorbancia incrementa de manera proporcional a la concentración de Eosina-Y a pH=4.0±0.1, donde la especie predominante es EY²⁻ teniendo un estado energético que se puede alterar por la absorción de radiación a determinada longitud de onda, siendo ésta el máximo de absorción localizado en λ_{max} = 515 nm.



Figura 3.2.1 Familia de espectros de absorción a pH≈4.0 para el intervalo de concentraciones de 3.00x10⁻⁷<[Eosina-Y]<3.00x10⁻⁵ M

Con la longitud de onda máxima, se recaban los valores de absorbancia (tabla 3.2.1) para cada una de las soluciones para la construcción de la CC.

Tabla 3.2.1. Valores de concentración y absorbancia a	para cada solución λ_{max} = 515 nm
---	---

Solución	[Eosina-Y]	Absorbancia
1	3.00E-05	1.942
2	1.00E-05	0.974
3	7.50E-06	0.522

4	5.00E-06	0.362
5	3.00E-06	0.223
6	1.00E-06	0.0914
7	7.50E-07	0.0688
8	5.00E-07	0.0464
9	3.00E-07	0.0358

En la figura 3.2.2 se muestra la CC obtenida a partir de la información de la tabla 3.2.1. El comportamiento de todo el intervalo de concentraciones con respecto a la absorción es lineal al utilizar la aproximación de mínimos cuadrados. El factor de correlación resulta r² =0.997, por tanto se puede establecer que cumple la Ley de Beer.



Figura 3.2.2. Curva de calibración (CC) elaborada por lo espectros de absorción del sistema SM1 y SM2, a pH≈4.0 y máximo de absorción en 515 nm. Con intervalo de concentración de 3.00x10⁻ ⁷<[Eosina-Y]<3.00x10⁻⁵ M

Los parámetros de desempeño de una CC están ilustrados en la figura 3.2.2 los cuales son: la sensibilidad que es la pendiente de la ecuación, LODx (por límite de detección) señala donde se distingue la señal de la muestra a la del ruido. LOQx (por límite de cuantificación) que permite cuantificar la concentración con menor error con un dato de absorbancia conocido. Los dos últimos parámetros se calculan con las siguientes ecuaciones:

$$LOD_x = \frac{3S_y}{m} \qquad ; \qquad LOQ_x = \frac{10S_y}{m} \qquad (3.2.1)$$

Donde Sy= desviación estándar de la recta de regresión lineal m= pendiente de la recta

Otro parámetro de desempeño es el intervalo dinámico lineal que comienza en el valor de LOQX o LODX hasta que se pierde la linealidad: LOL (por límite de linealidad). Los parámetros se muestran en la tabla 3.3.1.

El intervalo lineal es 5.66x10⁻⁶<[Eosina-Y]<3.0x10⁻⁵, del cual se calcularán los valores de pKa por espectroscopia de UV-visible. La concentración propuesta a utilizar será de 1x10⁻⁵ M, cuyos valores de absorbancia estén entre 0.2<A<1.0 que darán una precisión optima de la respuesta y no se presentaran desviaciones a la Ley de Beer [11].

Parámetro de desempeño			
LODX/M	1.7x10 ⁻⁶ ±7.7x10 ⁻⁷		
LOQX/M	5.66x10 ⁻⁶ ±6.42x10 ⁻⁷		
Intervalo dinámico lineal/M	5.66x10 ⁻⁶ <[Eosina-Y]<3.0x10 ⁻⁵		

Tabla 3.3.1. Parámetros de desempeño para el intervalo de 3.00×10^{-7} <[Eosina-Y]< 3.00×10^{-5} M

3.3 Determinación de curva de calibración por espectroscópia de fluorescencia

Las longitudes de excitación (λ_{ex}) para obtener los espectros de emisión y posteriormente utilizadas para la construcción de su respectiva curva de calibración, fueron seleccionadas de la familia de espectros de absorción (figura 1.2.1) las longitudes de onda de 240 nm, 410 nm, y 300 nm, 340 nm, 515 nm y 490 nm. En caso del espectro de excitación (figura 1.2.2) se escogío la longitud de onda de 250 nm respectivamente. La única longitud de emisión λ_{em} =540 nm fue seleccionada del espectro de excitación del trabajo previo.

Las curvas de calibración se realizan a pH \approx 4.0, siguiendo la especie quien posiblemente rige la fluorescencia: EY²⁻. El anillo de xanteno, grupo fluoróforo y aceptor de electrones, presenta fluorescencia la cual es modificada por la parte benzoica quien dona electrones e incrementan el rendimiento de la fluorescencia [10,12].

3.3.1 Longitud de excitación de 300 y 340 nm

En la figura 3.3.1.1 se muestra la familia de espectros de emisión fluorescente obtenidos a partir de las soluciones de la sección 2.3.2, donde la especie predominante es EY²⁻. En dichos espectros, se esperan señales con longitudes de onda de 600 nm y 680 nm debida

al primer armónico de la luz empleada para excitar las soluciones. Estos artefactos pueden retirarse usando del filtro de 350 nm de modo que la respuesta es únicamente al analito.



Figura 3.3.1.1 Espectros de emisión fluorescente a pH \approx 4.0: a) λ_{ex} = 300 nm, b) λ_{ex} =340 nm

De acuerdo a la figura 3.3.1.1, a pesar de las mismas condiciones de abertura de rendija para excitación y emisión. Se presenta mayor respuesta fluorescente para una λ_{Ex} = 300 nm lo que indica que para esa longitud de excitación hay mayor excitación a la molécula que para una λ_{Ex} = 340 nm.

El perfil de los espectros para las dos familias es similar, para las tres concentraciones más altas la separación entre las señales máximas (λ =535 nm) no es proporcional. Lo que podría indicar desviaciones del comportamiento lineal. En la tabla 3.3.1.1 se recaban los valores máximos de IF ubicados en una λ_{Em} =535 nm fija para la construcción de la CC y las búsqueda del intervalo dinámico lineal. La longitud de onda de 540 nm del trabajo preliminar, no se realizó la búsqueda adecuada del máximo de absorción y por ende se aproximó a 540 nm.

		IF	
Solución	[Eosina-Y]	λ_{Ex} =300 nm	λ_{Ex} =340 nm
1	1.00E-06	856.0518	391.348
2	7.50E-07	791.671	346.659
3	5.00E-07	485.369	210.959
4	3.00E-07	263.564	113.884
5	1.00E-07	92.562	40.332
6	7.50E-08	71.433	30.903
7	5.00E-08	48.724	21.352

Tabla 3.3.1.1 Valores de IF a una λ_{Em} = 535 nm fija para cada concentración y λ_{Ex}

8	3.00E-08	43.300	19.398
9	1.00E-08	45.632	19.768

La curva de calibración para cada λ_{Ex} se ilustra en la figura 3.3.1.2. En los extremos máximo y mínimo de concentración presenta un comportamiento curvilíneo y por tanto una desviación del comportamiento lineal. Se obtienen para λ_{Ex} =340 nm los cálculos de la regresión lineal a todos los datos: pendiente (m) igual a 4.09x108 M⁻¹, ordenada al origen (b) igual a 4.895, y con coeficiente de correlación al cuadrado (r^2) igual a 0.9863. Con una suma de residuos al cuadrado de 2113.426. La cuestión es minimizar la suma de cuadrados de los residuos. Al retirar las soluciones 1 y 9, que evidentemente no pertenecen al intervalo lineal, m= 4.51×10^8 M⁻¹, b=-4.318, r²=0.9913 y suma de cuadrados de 674.41. La disminución de la suma de cuadrados corrobora que dichas soluciones no pertenecen al comportamiento lineal y el valor de r^2 mejora. En el extremo máximo la desviación ocurre por el incremento de probabilidad de que la molécula se relaje o pierda el exceso de energía mediante degradación térmica por colisiones debida a concentraciones elevadas, efecto que se aminora con concentraciones de soluto pequeñas [9]. Sin embargo, a concentraciones suficientemente diluidas (solución 9) ocurre también la desviación, debida a un error de lectura por radiación parásita o que se está por debajo del LODx.

Se repite el mismo proceso para la solución 2, haciendo el cálculo sólo con seis puntos de la tabla 3.3.1.1, con resultados m= 4.08×10^8 M⁻¹, b=1.024, r²= 0.9928. Los residuos son 5.812,-9.609, -1.515,-0.738,-0.0836, 6.126, con suma de cuadrados de 166.58. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 2 es 39.462, el cual es más grande significativamente que los otros residuos. Por lo tanto se excluye del intervalo lineal, además el valor de r² mejora sin su presencia.

Procediendo de los misma manera con la solución 3, con resultados con sólo cinco puntos m= 3.60×10^8 M⁻¹, b=5.159, r²=0.9961. Los residuos son 0.578, -0.876, -1293, -1.832, 3.423 con suma de cuadrados de 17.850. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 3 es 25.556, que es significativamente más grande que los otros residuos. Po tanto es razonable excluir esta solución en el intervalo lineal. El valor de r² no mejora notablemente, pero sigue habiendo relación entre señal y concentración.

Repitiendo el mismo proceso para la solución 8, haciendo el cálculo sólo con 4 puntos de la tabla 3.3.1.1, con resultados m= 3.69×10^8 M⁻¹, b=3.144, r²= 0.99996. Los residuos son - 0.057,-0.255, 0.060,-0.258, con suma de cuadrados de 0.138. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 8 es 26.768, el cual es más grande significativamente que los otros residuos. Por lo tanto se excluye del intervalo lineal, además el valor de r²

incrementa notablemente. El comportamiento y anterior procedimiento descrito es similar para la λ_{Ex} =300 nm.

Debido a lo anterior, se descartan los puntos que provocan dicho comportamiento y calculan los parámetros de desempeño con las ecuaciones 3.2.1. Al retirar la disolución 1-3 y 8-9 para ambas CC se obtienen un comportamiento lineal como se ilustra en la figura 3.3.1.3.



Figura 3.3.1.2. Curva de calibración (CC) elaborada por lo espectros de emisión del sistema SM1, a pH \approx 4.0 y máximo de IF en 535 nm: a) CC con λ_{Ex} = 300 nm b) CC con λ_{Ex} = 340 nm. Ambas con el intervalo de concentración de 1.00x10⁻⁸ <[Eosina-Y]<1.00x10⁻⁶ M

De acuerdo a la figura 3.3.1.2, la IF con respecto al intervalo de concentraciones de Eosina-Y sigue un comportamiento lineal al al utilizar la aproximación de mínimos cuadrados. Los factores de correlación resultan r²=0.99995 para λ_{Ex} = 300 nm y r²= 0.99996 para λ_{Ex} = 340 nm.

Los parámetros de desempeño se muestran en la tabla 3.3.1.2, donde el intervalo dinámico lineal es semejante y se propone la fusión de éstos para realizar a la misma concentración el cálculos de los valores de pKa, resultando ser de 7.9x10⁻⁹ <[Eosina-Y]< $3.0x10^{-7}$ M.



Figura 3.3.1.3 Curva de calibración (CC) elaborada por lo espectros de emisión del sistema SM1, a pH \approx 4.0 y máximo de IF en 535 nm: a) CC con λ_{Ex} = 300 nm b) CC con λ_{Ex} = 300 nm. Ambas con el intervalo de concentración de 5.00x10⁻⁸<[Eosina-Y]<3.00x10⁻⁷ M

Tabla 3.3.1. Parámetros de desempeño para el intervalo de $5.00x10^{-8} < [Eosina-Y] < 3.00x10^{-7} M$

Parámetro	λ _{εx} /nm		
de desempeño	300	340	
LODX/M	2.2x10 ⁻⁹ ±1.4x10 ⁻⁹	2.1x10 ⁻⁹ ±1.2x10 ⁻⁹	
LOQX/M	7.9x10 ⁻⁹ ±1.3x10 ⁻⁹	7.1x10 ⁻⁹ ±1.2x10 ⁻⁹	
Intervalo dinámico	7.9x10 ⁻⁹ <[Eosina-Y]<3.0x10 ⁻⁷	7.13x10 ⁻⁹ <[Eosina-Y]<3.0x10 ⁻⁷	
lineal/M			

3.3.2 Longitud de excitación de 490 y 515 nm

La utilización de las λ_{Ex} = 490 nm y 515 nm trae consigo ciertas consideraciones para la obtención de los espectros de emisión fluorescente, ilustrados en la figura 3.3.2.1. En la familia de espectros de λ_{Ex} = 490 nm (figura 3.3.2.1.a), se presenta una señal a la misma longitud de onda (espectro 490_3) que al modificar el barrido de 500 -620 nm puede ser omitida (espectro 490_2). Sin embargo, queda parte de la señal de la λ_{Ex} de tal modo que al utilizar el filtro de 515 nm (espectro 490_1) el espectro de emisión fluorescente queda limpio.

Para la familia de espectros a λ_{Ex} =515 nm (figura 3.3.2.1.b), se espera una respuesta a la misma longitud de onda (espectro 515_1), de modo que el intervalo de barrido no puede ser de 500-620 nm o a longitudes de onda menores ya que la respuesta se da a longitudes de onda mayores a la λ_{Ex} por la pérdida de energía en el estado excitado debida a la

relajación vibracional. El intervalo de barrido será de 530-620 nm con filtro de 515 nm (espectro 515_2) para evitar la señal por parte de la λ_{Ex} , pero queda un residuo de ésta.

Tomando en cuenta las consideraciones del uso del filtro, en la figura 3.3.2.2 se muestra la familia de espectros de emisión fluorescente obtenidos a partir de las soluciones de la sección 2.3.2, donde la especie predominante es EY²⁻.



Figura 3.3.2.1 Espectros de emisión fluorescente a pH≈4.0 modificando el filtro: a) λex= 490 nm, b) λex=515 nm



Figura 3.3.2.2 Espectros de emisión fluorescente a pH≈4.0: a) λex= 490 nm, b) λex=515 nm

De acuerdo a la figura 3.3.1.2, a pesar de las mismas condiciones de abertura de rendija para excitación y emisión. Las dos λ_{Ex} presentan similarmente la misma IF dando valores cerca del límite del equipo (1000 cuentas), lo que lleva a que el perfil de los espectros para las dos familias sea similar. Sin embargo, en las cuatro soluciones de concentración mayor el espaciado entre los máximos no es proporcional y además la concentración de $3x10^{-7}$ M y $5x10^{-7}$ M presentan la misma IF, presentándose un error por parte del experimentador o desviaciones del comportamiento lineal. Como consecuencia una suma de residuos de 19535.66 y 16932.76 para λ_{Ex} = 490 nm y 515 nm respectivamente.

En la tabla 3.3.2.1 se recaban los valores máximos de IF ubicados en una λ_{Em} =536 nm fija para la construcción de la CC y las búsqueda del intervalo dinámico lineal.
Tabla 3.3.2.1 Valores de IF a una λ_{Em} = 536 nm fija para cada concentración y λ_{Ex}

	[Eosina-Y]/	IF	
Solución	М	λ _{Ex} = 490nm	λ_{Ex} = 515nm
1	1.00E-06	907.428	908.380
2	7.50E-07	662.742	691.383
3	5.00E-07	317.0875	349.257
4	3.00E-07	324.148	348.262
5	1.00E-07	64.0577	72.422
6	7.50E-08	49.211	56.535
7	5.00E-08	38.421	43.199
8	3.00E-08	19.274	24.729
9	1.00E-08	9.243	4.0119

La curva de calibración para cada λ_{Ex} se ilustra en la figura 3.3.2.3. Ambas CC tienden a una ecuación polinomial de segundo grado en lugar de una relación lineal.

Al retirar las soluciones 1 y 2 para la λ_{Ex} =515 nm, se hace cálculo sólo con siete puntos de la tabla 3.3.2.1, con resultados m= 7.96x10⁸ M⁻¹, b=7.272, r²= 0.8986, con suma de cuadrados de 14080.45. La suma de cuadrados no disminuye notoriamente y el valor de r2 no se favorece. Por tanto, el análisis se realizara con las soluciones 3 y 4, las cuales presentan IF semejante.

Al realizar el análisis retirando la solución 3, da resultados con sólo seis puntos m= $1.2x10^9$, b=-21.617, r2=0.985, con suma de cuadrados de 1227.67. Y retirando la solución 5, m= $6.93x10^8$ M⁻¹, b=3.336, r²=0.9992, con suma de cuadrados de 68.53. La disminución de la suma de cuadrados para ambos casos disminuye en gran cantidad de la inicial. Sin embargo, una mejor correlación entre la respuesta y la concentración se da al retirar la solución 5 denotado por el incremento de r² y la gran disminución de la suma de cuadrados.

Realizando el análisis de residuos sin la solución 3, haciendo el cálculo sólo con cinco puntos de la tabla 3.3.2.1, con resultados m= 7.43×10^8 M⁻¹, b=0.776, r²= 0.9807. Los residuos son -2.70, 3.03x10-5, 5.25, 1.64, -4.20, con suma de cuadrados de 55.20. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 3 es 540.36, el cual es más grande significativamente que los otros residuos. Por lo tanto se excluye del intervalo lineal,

aunque con su presencia haya mejorado el valor de r². El comportamiento y anterior procedimiento descrito es similar para la λ_{Ex} =490 nm.

Debido a lo anterior, se descartan los puntos que provocan dicho comportamiento y calculan los parámetros de desempeño con las ecuaciones 3.2.1. Al retirar la disolución 1-4 para ambas CC, se obtienen un comportamiento lineal como se ilustra en la figura 3.3.1.3.



Figura 3.3.2.3. Curva de calibración (CC) elaborada por lo espectros de emisión del sistema SM1, a pH \approx 4.0 y máximo de IF en 536 nm: a) CC con λ_{Ex} = 490 nm b) CC con λ_{Ex} = 515 nm. Ambas con el intervalo de concentración de 1.00x10⁻⁸ <[Eosina-Y]<1.00x10⁻⁶ M

De acuerdo a la figura 3.3.2.4, la IF con respecto al intervalo de concentraciones de Eosina-Y sigue un comportamiento lineal. Al aplicar la regresión con en Excel (forma simple de método por mínimos cuadrados), el valor de r = 0.9869 para λ_{Ex} = 490 nm y r²= 0.9807 para λ_{Ex} = 515 nm. Los parámetros de desempeño se muestran en la tabla 3.3.2.2, donde el intervalo dinámico lineal es semejante y se propone la fusión de éstos para realizar a la misma concentración el cálculo de los valores de pKa resultando ser de 5.8x10⁻⁸<[Eosina-Y]<1.0x10⁻⁷ M.



Figura 3.3.2.4. Curva de calibración (CC) elaborada por lo espectros de emisión del sistema SM1, a pH \approx 4.0 y máximo de IF en 536 nm: a) CC con λ_{Ex} = 490 nm b) CC con λ_{Ex} = 515 nm. Ambas con el intervalo de concentración de 1.00x10⁻⁸<[Eosina-Y]<1.00x10⁻⁷ M

Tabla 3.3.2.2. Parámetros de desempeño para el intervalo de	1.00x10 ⁻⁸ < [Eosina-
Y]<1.00x10 ⁻⁷ M	

Parámetros de	λ _{εx} /nm		
desempeño	490	515	
LODX/M	1.42x10 ⁻⁸ ±0.78x10 ⁻⁸	1.73x10 ⁻⁸ ±0.90x10 ⁻⁸	
LOQX/M	4.74x10 ⁻⁸ ±0.53x10 ⁻⁸	5.77x10 ⁻⁸ ±0.64x10 ⁻⁸	
Intervalo dinámico	4.7x10 ⁻⁸ <[Eosina-Y]<1.0x10 ⁻⁷	5.8x10 ⁻⁸ <[Eosina-Y]<1.0x10 ⁻⁷	
lineal/M			

3.3.3 Longitud de excitación de 240 y 410 nm

En la figura 3.3.3.1 se muestra la familia de espectros de emisión fluorescente obtenidos a partir de las soluciones de la sección 2.3.2. En la utilización de la λ_{Ex} = 240 nm, perteneciente a los espectros de absorción, se presentara una señal en la longitud de 480 nm (doble de λ_{Ex}) que puede ser omitida con el filtro de 290 nm. En el caso de λ_{Ex} = 410 nm, la señal directa se espera en la misma longitud de onda que no se verá reflejada en el intervalo de barrido de 500-620 nm. Sin embargo, el filtro de 430 nm omitirá alguna posible señal o un decaimiento en la señal como lo fue en λ =490 nm.



Figura 3.3.3.1 Espectros de emisión fluorescente a pH≈4.0: a) λex= 240 nm, b) λex=410 nm

De acuerdo a la figura 3.3.3.1, en donde los espectros se midieron con la rendija de emisión para la λ_{Ex} = 410 nm con la máxima apertura (20 nm), la IF no es mayor en comparación con λ_{Ex} = 240 nm y apertura de rendija= 14.0 nm. Lo que podría indicar que la λ_{Ex} = 410 nm no es óptima para excitar en forma eficiente a la molécula.

En la tabla 3.3.3.1 se recaban los valores máximos de IF medidos para λ_{Em} =535 nm fija, donde se agregó una solución de [Eosina-Y]=2x10⁻⁷ M, para la construcción de la CC y las búsqueda del intervalo dinámico lineal.

Solución	[Eosina-	IF	
	Y]/ M	λ_{Ex} = 240 nm	λ_{Ex} =410nm
1	1.00E-06	871.631	245.691
2	7.50E-07	606.293	168.144
3	5.00E-07	430.828	118.628
4	3.00E-07	288.899	79.221
5	2.00E-07	190.861	51.517
6	1.00E-07	104.173	29.165
7	7.50E-08	74.679	20.425
8	5.00E-08	45.851	12.864
9	3.00E-08	30.899	8.533
10	1.00E-08	15.957	4.727

Tabla 3.3.3.1 Valores de IF a una λ_{Em} = 535 nm fija para cada concentración y λ_{Ex}

La curva de calibración (CC) para cada λ_{Ex} se ilustra en la figura 3.3.3.2. Ambas CC tienen un perfil similar y la ecuación polinomial de grado dos con la funcional lineal ajustan bien los datos. Sin embargo, se debe trabajar con la parte lineal. Se observa que a partir de la solución 5-9 los datos parecen tener un comportamiento lineal.



Figura 3.3.3.2. Curva de calibración (CC) elaborada por lo espectros de emisión del sistema SM1, a pH \approx 4.0 y máximo de IF en 535 nm: a) CC con λ_{Ex} = 240 nm b) CC con λ_{Ex} = 410 nm. Ambas con el intervalo de concentración de 1.00x10⁻⁸ <[Eosina-Y]<1.00x10⁻⁶ M

En el caso de λ_{Ex} =240 nm, se obtienen los cálculos de la regresión lineal para todos los datos: m= 8.40x10⁸ M⁻¹, b= 12.80, y r²= 0.9965. Con una suma de residuos al cuadrado de 2586.8. Al retirar las soluciones 1, haciendo el cálculo solo con seis puntos de la tabla 3.3.3.1, con resultados m= 8.10x10⁸ M⁻¹, b=17.16, r²= 0.9948. Los residuos son -19.05, 8.21, 28.46, 11.52, 5.92, -3.30, -11.86,-10.59,-9.31, con suma de cuadrados de 1758.62. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 1 es 1897.33, el cual es más grande significativamente que los otros residuos. Por lo tanto se excluye del intervalo lineal.

Procediendo de los misma manera con la solución 2, con resultados con ocho puntos m= 8.68×10^8 M⁻¹, b=10.59, r²=0.9953. Los residuos son -13.53, 18.05, 6.76, 6.83, -0.97, -8.11, -5.72, -3.31, con suma de cuadrados de 711.63. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 2 es 3020.09, que es significativamente más grande que los otros residuos. Po tanto es razonable excluir esta solución en el intervalo lineal. El valor de r² no mejora notablemente, pero sigue habiendo relación entre señal y concentración.

Repitiendo el mismo proceso para la solución 3, haciendo el cálculo solo con siete puntos de la tabla 3.3.3.1, con resultados m= 9.48×10^8 M⁻¹, b=3.7012, r²= 0.9987. Los residuos son 0.72, -2.49, 5.65, 0.14, -5.26, -1.25, 2.77, con suma de cuadrados de 75.59. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 3 es 2208.80, el cual es más grande significativamente que los otros residuos. Por lo tanto también se excluye del intervalo lineal y el valor de r² incrementa.

De igual manera para la solución 4, el cálculo con seis puntos de la tabla 3.3.3.1, con resultados m= 9.41×10^8 M⁻¹, b=4.12, r²= 0.9979. Los residuos son -1.52, 5.92, -0.04, -5.33, - 1.46, 2.42, con suma de cuadrados de 73.86. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 4 es 5.72, el cual no es tan grande que el resto de los otros residuos. Por lo tanto, se incluye en el intervalo lineal.

Para la λ_{ex} = 410 nm, da como cálculos m= 2.35x10⁻⁸ M⁻¹, b= 2.915, r²= 0.996, con suma de cuadrados de 234.22 al utilizar todos los puntos de la tabla 3.3.3.1. Al retirar la solución 1, m= 2.24x10⁻⁸ M-1, b=4.60, r²=0.9951, con suma de cuadrados 109.96. Lo residuos son - 4.62, 1.92, 7.35, 2.07, 2.14, -0.99, -2.95, -2.80, -2.12, con suma de cuadrados 109.96. El residuo para la solución 1 es 284.69, el cual es significativamente más grande que el resto. Al retirar dicha solución la suma de cuadrados disminuye, de modo que se rechaza del intervalo lineal.

Continuando con la solución 2, dan resultados de m= 2.37×10^{-8} M⁻¹, b= 3.01, r²= 0.995. Lo residuos son -3.36, 4.83, 0.92, 2.36, -0.43, -2.04, -1.61, -0.66, con suma de cuadrados de 48.38. El residuo para la solución 2 es -13.33, no es significativamente más grande que el resto. Al retirar dicha solución la suma de cuadrados disminuye en al menos un cuarto de

cantidad, y el valor de r² se mantiene idéntico. De tal modo, que se descarta del intervalo ya que sin su presencia la suma de cuadrados disminuye adecuadamente.

Repitiendo los cálculos con la solución 3, dan resultados de m= 2.57×10^{-8} M⁻¹, b= 1.30, r²= 0.9987. Lo residuos son 0.53, 1-38, 2.06, -0.22, -1.33, -0.51, 0.84, con suma de cuadrados de 9.26. El residuo para la solución 3 es -11.66, que no es significativamente más grande que el resto. Al retirar dicha solución la suma de cuadrados disminuye en al menos un quinto de cantidad, y el valor de r² aumenta. Se descarta la solución 3, debido a la disminución suma de cuadrados. El hecho de usar este tipo de discriminación provocara la reducción del intervalo lineal siendo este a criterio de la exactitud que se requiera [14].

De acuerdo a lo anterior, para la λ_{Ex} = 240 nm y λ_{Ex} = 410 nm se retiran las disoluciones 1-3, y se calculan los parámetros de desempeño con las ecuaciones 3.2.1. Se obtiene para ambas CC una tendencia lineal como se ilustra en la figura 3.3.3.3.

De acuerdo a la figura 3.3.3.3, la IF con respecto al intervalo de concentraciones de Eosina-Y sigue un comportamiento lineal al utilizar la aproximación de mínimos cuadrados. Los coeficientes de correlación resultan dar r²=0-9987 para λ_{Ex} =240 nm y r²= 0.9979 para λ_{Ex} = 410 nm.

Los parámetros de desempeño se muestran en la tabla 3.3.3.2, donde el intervalo dinámico lineal es semejante y se propone la fusión de éstos para realizar a la misma concentración el cálculo de los valores de pKa resultando ser de 5.27×10^{-8} <[Eosina-Y]< 3.0×10^{-7} M.



Figura 3.3.3.3. Curva de calibración (CC) elaborada por lo espectros de emisión del sistema SM1, a pH \approx 4.0 y máximo de IF en 535 nm: a) CC con λ_{Ex} = 240 nm b) CC con λ_{Ex} = 410 nm. Con intervalo correspondiente de 1x10⁻⁸<[Eosina-Y]<3.0x10^{-7.}

Parámetros de	λ _{εx} /nm		
desempeño	240	410	
LODX/M	1.23x10 ⁻⁸ ±0.60x10 ⁻⁸	1.58x10 ⁻⁸ ±0.76x10 ⁻⁸	
LOQX/M	4.10x10 ⁻⁸ ±0.53x10 ⁻⁸	5.27x10 ⁻⁸ ±0.64x10 ⁻⁸	
Intervalo dinámico	4.10x10 ⁻⁸ <[Eosina-Y]<3.0x10 ⁻⁷	5.27x10 ⁻⁸ <[Eosina-Y]<3.0x10 ⁻⁷	
lineal/M			

Tabla 3.3.3.2. Parámetros de desempeño para el intervalo 1x10⁻⁸<[Eosina-Y]<3.0x10⁻⁷

3.3.4 Longitud de excitación de 250 y longitud de emisión 540 nm

En la figura 3.3.4.1 se muestra la familia de espectros de emisión fluorescente obtenidos a partir de las soluciones de la sección 2.3.2. En la utilización de la λ_{Ex} = 250 nm, se presentara una señal del primer armónico en λ =500 nm (doble de λ_{Ex}) que puede ser omitida con el filtro de 290 nm. En el caso de λ_{Em} = 540 nm, la señal del primer armónico se espera en λ =270 nm (mitad de λ_{Em}) él cual será omitido con el filtro de 390 nm.



Figura 3.3.4.1 Espectros de: a) Emisión a $\lambda ex=250$ nm, b) Excitación a $\lambda em=540$ nm, fluorescente a pH \approx 4.0.

De acuerdo a la figura 3.3.3.1, los espectros de emisión fluorescente son semejantes a los de λ_{Ex} = 240 nm presentándose una IF grande a las mismas condiciones de rendija. A pesar de que estas dos bandas aparezcan en ciertos valores de pH en los espectros de absorción (sección 1.2). Parece ser que estas dos λ_{Ex} están poblando de igual forma el estado excitado.

En el caso de los espectros de excitación fluorescente, en el máximo de IF localizado en la λ = 517 nm la separación parece ser proporcional y para tener una mejor visión es

necesario construir la CC, donde en la tabla 3.3.3.1 se recaban los valores máximos de IF para esta y la λ_{Ex} = 250 nm requeridos para su elaboración.

	[Eosina-	IF	
solución	Y]/ M	λ_{Ex} = 250 nm	λ_{Em} = 540 nm
1	1.00E-06	895.741	885.120
2	7.50E-07	745.0454	726.0348
3	5.00E-07	484.918	486.0551
4	3.00E-07	301.260	302.994
5	1.00E-07	119.826	130.0277
6	7.50E-08	83.244	76.119
7	5.00E-08	52.828	55.743
8	3.00E-08	33.378	24.583
9	1.00E-08	13.0355	10.380

Tabla 3.3.4.1 Valores de IF a λ_{Ex} =250 nm a λ_{Em} =535 nm fija y λ_{Em} =540 nm a λ_{Ex} =517 nm fija para cada concentración

La curva de calibración (CC) para la λ_{Ex} y λ_{Em} se ilustra en la figura 3.3.4.2. Ambas CC tienen un perfil similar y la ecuación polinomial de grado 2 se ajusta mejor a los datos, además en el extremo mayor de concentración se presenta una ligera curvatura de modo que se realizara el análisis de residuos para su posible extracción del intervalo lineal.

Se obtienen para λ_{Ex} =250 nm los cálculos de la regresión lineal a todos los datos: m= 9.16x10⁸ M⁻¹, b=17.93, y r²=0.9957. Con una suma de residuos al cuadrado de 4113.92. Al retirar las solución 1, haciendo el cálculo solo con ocho puntos de la tabla 3.3.4.1, con resultados m= 9.73x10⁸ M⁻¹, b=9.60, r²= 0.9984. Los residuos son -97.37, 5.31, -11.44, - 0.39, 23.07, 0.63, -5.44, -5.42, -6.30, con suma de cuadrados de 790.93. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 1 es -87.37, el cual es más grande significativamente que los otros residuos. Por lo tanto se excluye del intervalo lineal, además que la suma de cuadrados disminuye notoriamente pero el valor de r² disminuye.

Procediendo de la misma manera con la solución 2, con resultados con sólo siete puntos m= 9.57×10^8 M-1, b=11.29, r²=0.9961. Los residuos son 15.59, -5.08, 2.74, 22.99, 0.14, - 6.33,-6.63, -7.83, con suma de cuadrados de 707.59. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 2 es 15.69, que no es significativamente más grande que los otros residuos. Po tanto es razonable incluirlo en el intervalo lineal. El valor de r² no mejora notablemente, pero sigue habiendo relación entre señal y concentración.

Con en análisis anterior la solución 5 tiene un residuo más grande que todos los demás, lo cual podría ser que no pertenezca al intervalo lineal. Repitiendo el mismo proceso para la solución 5, haciendo el cálculo solo con siete puntos de la tabla 3.3.4.1, con resultados m= $9.80 \times 10^8 \text{ M}^{-1}$, b=4.64, r²= 0.9997. Los residuos son 5.16,-9.88, 2.52, 5.08,-0.82, -0.67,-1.40, con suma de cuadrados de 132.93. Con esta regresión lineal el residuo para la solución 5 es 27.36, el cual es más grande que los otros residuos. La suma de cuadrados disminuye notablemente y el valor de r² mejora bastante, lo cual es razonable excluirlo del intervalo. El comportamiento y anterior procedimiento descrito es similar para la λ_{Em} =540 nm llevando a la misma conclusión.

Al retirar las soluciones 1 y 5 para ambas CC, se calculan los parámetros de desempeño con las ecuaciones 3.2.1. Se obtiene para ambas CC una tendencia lineal como se ilustra en la figura 3.3.4.3



Figura 3.3.4.2. Curva de calibración (CC) elaborada por lo espectros de emisión del sistema SM1 y pH≈4.0: a) CC con λ_{Ex} = 250 nm con max. de IF en 535 nm b) CC con λ_{Em} =540 nm con max. de IF en 517 nm. Ambas con el intervalo de concentración de 1.00x10⁻⁸ <[Eosina-Y]<1.00x10⁻⁶ M

De acuerdo a la figura 3.3.4.3, la IF con respecto al intervalo de concentraciones de Eosina-Y sigue un comportamiento lineal. Al aplicar la línea al utilizar la aproximación de mínimos cuadrados. Los coeficientes de correlación son r²=0.9997 para λ_{Ex} = 250 nm y r²= 0.9996 para λ_{Em} = 540 nm.

Los parámetros de desempeño se muestran en la tabla 3.3.4.2. Se propone la fusión de los intervalos dinámicos lineales para la longitud de excitación y emisión, resultando ser de $5.76 \times 10^{-8} < [Eosina-y] < 1.50 \times 10^{-7}$ M.



Figura 3.3.4.3. Curva de calibración (CC) elaborada por lo espectros de emisión del sistema SM1 y pH≈4.0: a) CC con λ_{Ex} = 250 nm con max. de IF en 535 nm b) CC con λ_{Em} =540 nm con max. de IF en 517 nm. Ambas con el intervalo de concentración de 1.00x10⁻⁸ <[Eosinay]<7.50x10⁻⁷ M

Tabla 3.3.4.2. Parámetros de desempeño para el 1.00x10⁻⁸ < [Eosina-Y] < 7.50x10⁻⁷

Parámetros de desempeño	λ _{εx} =250 nm	λ _{εm} =540 nm
LODX/M	1.73x10 ⁻⁸ ±0.79x10 ⁻⁸	1.87x10 ⁻⁸ ±0.85x10 ⁻⁸
LOQX/M	5.76x10 ⁻⁸ ±0.74x10 ⁻⁸	6.23x10 ⁻⁸ ±0.79x10 ⁻⁸
Intervalo dinámico	5.76x10 ⁻⁸ <[Eosina-Y]<1.50x10 ⁻⁷	6.23x10 ⁻⁸ <[Eosina-Y]<7.50x10 ⁻⁷
lineal/M		

En la tabla 3.3.4.3 se muestran los 4 intervalos dinámicos para las λ_{ex} y λ_{em} utilizadas, con la finalidad de proponer un intervalo donde coexistan y una concentración para el cálculo de valores pKa dentro de éste.

El nuevo intervalo dinámico lineal resulta ser de 5.80x10⁻⁸<[Eosina-Y]<1.0x10⁻⁷ M con una concentración de propuesta de 7.5x10⁻⁸ M, donde hipotéticamente los valores de pKa calculados a partir de los espectros de emisión y excitación fluorescente con dicha concentración sean estadísticamente iguales con los calculados con los espectros de absorción.

Tabla 3.3.4.3. Conjunto de intervalos lineales de [Eosina-Y] a pH≈ 4.0 para cada par de longitudes de excitación y emisión.

λ _{Ex} /nm	λ _{Em} /nm	Intervalos de linealidad
300	500-620	7.9x10 ⁻⁹ <[Eosina-Y]<3.0x10 ⁻⁷ M
340	500-620	
490	500-620	5.8x10 ⁻⁸ <[Eosina-Y]<1.0x10 ⁻⁷ M
515	530-620	
240	500-620	5.27x10 ⁻⁸ <[Eosina-Y]<3.0x10 ⁻⁷ M
410	500-620	
250	500-620	5.76x10 ⁻⁸ <[Eosina-Y]<1.50x10 ⁻⁷ M
210-525	540	

3.4 Valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base concentración 1x10⁻⁵M

Teniendo en cuenta las condiciones de trabajo proporcionadas por las pruebas de estabilidad, se realizaron las valoraciones ácido-base. En el intervalo de longitud de onda 210 nm a 605 nm y de 370 nm a 605 nm.

3.4.1. Valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base para 210nm< λ <605nm

En el conjunto figuras 3.4.1.1 se muestra la familia de espectros para la concentración de 1x10⁻⁵ M separados por la predominancia de cada una de las 3 especies de Eosina-Y (figura a-c) de acuerdo a diagrama de distribución y la mezcla de estas (figura d), de la cual se muestra algunos valores de pH. El pH de trabajo es de 1.3658<pH<4.9862, contemplando la zona del ultravioleta, la mayoría de los valores del absorbancia están dentro del intervalo en el cual los errores de lectura son menores.

El comportamiento de las señales representativas del espectro de absorción, son similares a la descripción de la sección 3.1. Sin embargo, difieren en una señal localizada en 540 nm apareciendo a pH inicial de 1.3658 (figura 3.4.1.1). Para la figura 1.2.1 dicha señal aparece por primera vez a pH=1.732 a la longitud de onda de 520 nm. La señal en 540 nm presenta un comportamiento idéntico a la longitud de 520 nm de la figura 1.2.1, es decir, un

comportamiento batocrómico y un efecto hipsocrómico hasta λ = 515 nm conforme el valor del pH incrementa.

La solución inicial es incolora por la predominancia de la especie neutra H_2EY y conforme el valor del pH incrementa se va tornando rosada y anaranjada al estar presente EY^{2-} .





Figura 3.4.1.1 Espectros de absorción de [Eosina-Y]=1.0x10⁻⁵ M a diferentes valores depH: a) 1.3658<pH<1.9396 b) 2.0328<pH<3.7350 c) 2.0328<pH<3.7350 d) 1.3658<pH<4.9862

En el conjunto de figuras 3.4.1.1, se puede observar que no todas las líneas pasan por un punto isosbéstico, las intersecciones difieren conforme predomina cada una de las tres especies de Eosina-Y en el sistema.

En la ampliación de la figura d) de la sección del espectro visible (figura 3.4.1.2.a) y la zona del ultravioleta (figura 3.4.1.2.b), se observa de igual manera que las líneas no pasan por un punto isosbéstico. Las intersecciones incrementan principalmente por el efecto batocrómico de la λ =240 nm cuando comienza a ser predominante EY²⁻.



Figura 3.4.1.2.a Ampliación de los espectros de absorción de [Eosina-Y]=1.0x10⁻⁵ M, en el intervalo de 400nm<λ<605nm



Figura 3.4.1.2.b. Ampliación de los espectros de absorción de [Eosina-Y]=1.0x10⁻⁵ M, en el intervalo de 210nm<λ<400nm

En la figura 3.4.1.3 se muestra los cambios de absorbancia con respecto al pH a dos longitudes de onda máxima del espectro visible para la familia de espectros obtenidos.



Figura 3.4.1.3.Absorbancia vs pH a dos longitudes de onda, en el intervalo 1.3658<pH<4.9862

Para ambas longitudes de onda, se observan dos sigmoides. Se espera un pka en la zona más ácida entre 2.0-3.0 y otro entre 3.5-4.5. Los valores de absorbancia son cercanos en el intervalo de pH de 2.3259-2.5894.

3.4.1.1 Determinación de valores de pka utilizando SQUAD

Con la información de la familia de espectros de absorción y el programa computacional SQUAD para el refinamiento de las constantes de acidez, se calculan los valores de pKa.

El programa fue alimentado con 39 espectros comprendidos en el intervalo de pH entre 1.3658<pH<4.9862, en el intervalo de longitud de onda de 210 nm a 605 nm, utilizando un modelo de dos equilibrios representado en la tabla 3.4.1.1.1.

Tabla 3.4.1.1.1.	Valores de pK	a obtenidos cor	n SOUAD en e	el intervalo d	le 210-605 nm
	valores de pr				1C 210 000 mm

Espectros de	Equilibrio	pKai±σ*	σ _{reg} **
Absorción	$H_2EY \leftrightarrows HEY^- + H^+$	pK _{a1} = 3.355±0.024	0.0050
	$HEY^{-} \leftrightarrows EY^{2-} + H^{+}$	pK _{a2} = 3.859±0.017	

* σ representa la desviación estándar de cada constante de equilibrio

** σ_{reg} representa la desviación estándar de la regresión

De acuerdo a la tabla 3.4.1.1.1, el valor de pKa2 no es afectado por el valor de la concentración utilizada ni mucho menos de la señal que aparece en λ = 540 nm si se compara con Batistela (2011). Sin embargo, el pka1 está siendo afectado por la concentración o el intervalo de barrido dando un valor excesivo. El valor de pKa1 es comparable con el obtenido por Pierre Levillain (1985) con valor de 3.25±0.05 (tabla 1.2.1) a la misma concentración de 10⁻⁵ M, pero en la familia de espectros de absorción no se presenta la señal de 540 nm de la figura 3.4.1.2.d y el intervalo de longitud de onda es de 400-550 nm (espectro visible).

3.4.1.2 Bondad del cálculo

En la figura 3.4.1.2.1 se muestran los espectros de absorción experimentales y los construidos con SQUAD (espectros teóricos) a partir de los valores de log β y los coeficientes de absortividad proporcionados, con el fin de evaluar el modelo teórico.



Figura 3.4.1.2.1. Espectros de absorción construidos con los datos de SQUAD (marcadores) y experimentales (línea solida) para algunos valores de pH

Los espectros teóricos son superponibles a los espectros experimentales, lo que indica un buen ajuste. Sin embargo, hay desfasamiento en el espectro de la zona más ácida en el intervalo de 210nm-255nm y 510nm-560nm. En general el ajuste es bueno pero el valor de pKa1 es poco confiable.

3.4.2.1 Valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base para 370nm<λ<605nm

Se repitió la experimentación omitiendo las señales del ultravioleta proponiendo un intervalo de longitud de onda de 370nm-605nm, con el fin de evaluar si se presenta efecto al excluir la señal en 240 nm.

En la figura 3.4.2.1.1 se muestra la familia de espectros para la concentración de 1×10^{-5} M en una zona comprendida entre 1.3640<pH<4.9818. La señal en 540 nm no aparece lo que podría ser una posible contaminación en la muestra de la sección anterior.



Figura 3.4.2.1.1 Espectros de absorción de [Eosina-Y]=1.0x10⁻⁵ M a diferentes valores de pH

En la ampliación (figura 3.4.2.1.2) se observa de igual manera que las líneas no pasan por un punto isosbéstico. Las intersecciones incrementan principalmente por el efecto hipsocrómico de la λ =520 nm a 515 nm cuando comienza a ser predominante EY²⁻.



Figura 3.4.2.1.2. Ampliación de los espectros de absorción de [Eosina-Y]=1.0x10⁻⁵ M, en el intervalo de 370nm<λ<605nm

En la figura 3.4.2.1.3 se muestra los cambios de absorbancia con respecto al pH a dos longitudes de onda máxima del espectro visible para la familia de espectros obtenidos.



Figura 3.4.2.1.3.Absorbancia vs pH a dos longitudes de onda, en el intervalo 1.3640<pH<4.9818

Para ambas longitudes de onda, se observan dos sigmoides. Se espera un pka en la zona más acida entre 1.5-3.0 y otro entre 3.5-4.5.

3.4.2.2 Determinación de valores de pka utilizando SQUAD

Con la información de la familia de espectros de absorción y el programa computacional SQUAD para el refinamiento de las constantes de acidez, se calculan los valores de pKa.

El programa fue alimentado con 39 espectros comprendidos en el intervalo de pH entre 1.3640<pH<4.9818, en el intervalo de longitud de onda de 370 nm a 605 nm, utilizando un modelo de dos equilibrios representado en la tabla 3.4.2.2.1.

Espectros de	Equilibrio	pKai±σ*	σ _{reg} **
Absorción	$H_2EY \leftrightarrows HEY^- + H^+$	pK _{a1} = 3.026±0.020	0.0030
	$HEY^{-} \leftrightarrows EY^{2-} + H^{+}$	pK _{a2} = 3.871±0.010	

Tabla 3.4.2.2.1 Valores de pKa obtenidos con SQUAD en el intervalo de 370-605 nm

* σ representa la desviación estándar de cada constante de equilibrio

** σ_{reg} representa la desviación estándar de la regresión

Por otro lado, los valores de pKa mostrados en la tabla 3.4.2.2.1 especialmente el pKa1 sigue siendo elevado a la concentración de $1x10^{-5}$ M pero es compatible con el reportado

por Hansen (1973) (tabla 1.2.1) y menor que el calculado en el intervalo de 210nm-605nm. El valor del pKa2 no sufre efecto por el cambio de barrido de λ . Parece indicar que el cambio de intervalo de obtención de la familia de espectros de la figura 3.4.2.1.1 no es el efecto principal sobre los pkas.

3.4.2.3 Bondad del cálculo

En la figura 3.4.2.3.1 se muestran los espectros de absorción experimentales y los construidos con SQUAD (espectros teóricos) a partir de los valores de log β y los coeficientes de absortividad proporcionados, con el fin de evaluar modelo teórico.



Figura 3.4.2.3.1 Espectros de absorción construidos con los datos de SQUAD (marcadores) y experimentales (línea solida) para algunos valores de pH

Los espectros teóricos son superponibles a los espectros experimentales, lo que indica un buen ajuste. Se presenta una ligera desviación 510nm-530nm en el espectro de la zona más ácida en el intervalo, que muestra una señal mayor esperada. En general el ajuste es bueno pero el valor de pKa1 parece ser un valor dudoso.

La desviación en el rango de 510nm-530nm a pH=1.4599 cuando la especie H₂EY es predominante, su espectro experimental presenta una menor respuesta de la esperada por el espectro teórico. Es posible que la fracción correspondiente al tautómero no sea despreciable a la concentración de trabajo utilizada y al alimentar SQUAD esto no está siendo considerada, lo que conlleva a disminuir la concentración de trabajo para despreciar la contribución del tautómero. La disminución de la concentración provoca mediciones de absorbancia que no estarán en el intervalo de 0.2<A<1, principalmente cuando la especie neutra H_2EY predomine en el sistema (pH<2.4) debido que es prácticamente incolora.

3.5.1 Valoraciones por espectroscopia de UV-visible ácido-base concentración 2.5x10⁻⁶M

En la figura 3.5.1.1 se muestra la familia de espectros para la concentración de 2.5×10^{-6} M para algunos valores de pH. El pH de trabajo es 1.4770 < pH < 4.4090, contemplando la zona del ultravioleta. El ruido atribuido a la señal de 340 nm a pH < 3.8, se debe a que no predomina de la especie EY²⁻.



Figura 3.5.1.1 Espectros de absorción de [Eosina-Y]=2.5x10⁻⁶ M a diferentes valores de pH.

En cuestión de los puntos isosbésticos, las líneas no pasan por un único punto teniendo un comportamiento similar a la concentración de 1×10^{-5} M.

En la figura 3.5.1.2 se muestran los cambios de absorbancia con respecto al pH a dos longitudes de onda máxima del espectro visible para la familia de espectros obtenidos.

Para ambas longitudes de onda, se esperaría observar dos sigmoides como lo fue para la concentración de $1x10^{-5}$ M. Sin embargo, no tienen el mismo perfil debido a la concentración baja que se utilizó.



Figura 3.5.1.2 Absorbancia vs pH a dos longitudes de onda, en el intervalo 1.4770<pH<4.4090

3.5.2 Determinación de valores de pka utilizando SQUAD

Con la información de la familia de espectros de absorción y el programa computacional SQUAD para el refinamiento de las constantes de acidez, se calculan los valores de pKa.

El programa fue alimentado con 32 espectros comprendidos entre el intervalo de pH entre 1.4770<pH<4.4090, utilizando un modelo de dos equilibrios representado en la tabla 3.5.2.1.

Espectros de	Equilibrio	pKai±σ*	σ _{reg} **
Absorción	$H_2EY \leftrightarrows HEY^- + H^+$	pK _{a1} = 2.416±0.047	0.0019
	$HEY^{-} \leftrightarrows EY^{2-} + H^{+}$	pK _{a2} = 3.801±0.027	

Tabla 3.5.2.1 Valores de pKa obtenidos con SQUAD en el intervalo de 210-605 nm

 $\overline{* \sigma}$ representa la desviación estándar de cada constante de equilibrio

** σ_{reg} representa la desviación estándar de la regresión

De acuerdo a la tabla 3.5.2.1, el valor de pKa2 no es afectado por el valor de la concentración utilizada comparado con 1×10^{-5} M a pesar de la contribución del barrido de la zona del ultravioleta.

El valor de pka1 disminuyó notablemente hasta un valor cercano a bastistela (2011). Parece ser que la fracción del tautómero por parte de H₂EY es despreciable, lo que conlleva a que la concentración de trabajo utilizada y alimentada en SQUAD es la original. En la tabla 3.5.2.2, se muestra el promedio de 12 repeticiones siendo reproducible el valor de los pkas de la tabla 3.5.2.1.

Espectros de	Equilibrio	pKai±σ*	
Absorción	$H_2EY \leftrightarrows HEY^- + H^+$	pK _{a1} = 2.401±0.065	
	$HEY^{-} \leftrightarrows EY^{2-} + H^{+}$	pK _{a2} = 3.809±0.084	

Tabla 3.5.2.2 Valores de pKa obtenidos con SQUAD en el intervalo de 210-605 nm

* σ representa la desviación estándar de cada constante de equilibrio

3.5.3. Bondad del cálculo

En la figura 3.5.3.1 se muestran los espectros de absorción experimentales y los construidos con SQUAD (espectros teóricos) a partir de los valores de log β y los coeficientes de absortividad proporcionados en la experimentación relacionada con la tabla 3.5.2.1., con el fin de evaluar el modelo teórico.



Figura 3.5.3.1. Espectros de absorción construidos con los datos de SQUAD (marcadores) y experimentales (línea solida) para algunos valores de pH

Los espectros teóricos son superponibles a los espectros experimentales, lo que indica un buen ajuste. Las desviaciones mencionadas en la zona del ultravioleta en secciones anteriores, no se presentan. Lo que conlleva a que los valores de pka calculados son más confiables.

3.5.4 Discusión de valoraciones por espectroscopia de UV-visible acido-base

El cálculo del valor de pka2, considerando y no así la zona del ultravioleta a la concentración de 1x10⁻⁵ M. Resulta un valor reproducible y compatible con la mayoría de los valores reportados. Sin embargo, se presenta una discrepancia del valor del pKa1 a las mismas condiciones del intervalo de barrido y principalmente a la elevada concentración, que favorece el proceso de la precipitación de H₂EY por la transformación del zwitterion en la forma de lactona. La precipitación se da por primera instancia por la formación de agregados: dímeros, trímeros, ect. Por ello, se contempla en el programa computacional SQUAD un equilibrio de dimerización de la especie H₂EY para el cálculo de su logaritmo de formación global, se obtienen las fracciones de las especies con el programa MEDUSA y se evalúa el ajuste.

El programa fue alimentado con 39 espectros comprendidos entre el intervalo de pH entre 1.3640<pH<4.9818 de la figura 3.4.1.b.1, utilizando un modelo de tres equilibrios representado a continuación:

 $H_{2}EY \leftrightarrows HEY^{-} + H^{+}$ $HEY^{-} \leftrightarrows EY^{2-} + H^{+}$ $2H_{2}EY \leftrightarrows (H_{2}EY)_{2}$

Los valores de pKa utilizados son los representados en la tabla 3.5.2.2 los cuales fueron fijados en el programa computacional SQUAD. Además se fijó el valor el coeficiente de absortividad de la especie H₂EY con valores siguientes, este proviene de la concentración de 2.5x10⁻⁶ M:

Longitud de	(1)	Longitud de	(1)
onda /nm	$\in_{H_{2EY}}^{(\lambda)}$ (M ⁻¹ cm ⁻¹)	onda /nm	$\in_{H_{2EY}}^{(\lambda)}$ (M ⁻¹ cm ⁻¹)
370	2.82E+03	490	8.99E+03
375	3.01E+03	495	8.87E+03
380	3.28E+03	500	8.43E+03
385	3.69E+03	505	7.75E+03
390	3.77E+03	510	6.29E+03
395	4.18E+03	515	4.73E+03
400	4.45E+03	520	3.15E+03
405	4.80E+03	525	1.94E+03
410	4.86E+03	530	1.89E+03
415	4.82E+03	535	1.40E+03

420	4.78E+03	540	1.47E+03
425	4.67E+03	545	1.30E+03
430	5.15E+03	550	7.16E+02
435	5.36E+03	555	6.80E+02
440	5.90E+03	560	6.66E+02
445	6.41E+03	565	5.29E+02
450	6.94E+03	570	5.09E+02
455	7.49E+03	575	5.19E+02
460	8.33E+03	580	6.68E+02
465	9.01E+03	585	5.34E+02
470	9.39E+03	590	7.11E+02
475	9.50E+03	595	4.68E+02
480	9.35E+03	600	3.20E+02
485	9.15E+03	605	5.73E+02

En la tabla siguiente se muestra el valor del logaritmo de formación global para el posible dímero:

Espectros de	Equilibrio	Logβdi±σ*	σ _{reg} **
Absorción	$2H_2EY \leftrightarrows H_4EY_2$	$Log\beta_{D1}$ = 17.912±0.021	0.00044

* σ representa la desviación estándar de cada constante de equilibrio

** σ_{reg} representa la desviación estándar de la regresión

En la figura 3.5.4.1 se muestra el diagrama de distribución construido a partir de las fracciones proporcionadas por el programa MEDUSA a la concentración de 1×10^{-5} M.

Bajo el modelo de tres equilibrios, la especie predominante al pH inicial de trabajo es el dimero $(H_2EY)_2$ y no H_2EY , lo que podría indicar que el modelo va acorde con la presencia de un equilibrio de más en el sistema.



Figura 3.5.4.1 Diagrama de distribución de las especies de Eosina Y como función del pH. Fracciones proporcionadas por el programa MEDUSA a concentración 1x10⁻⁵ M.

En la figura 3.5.4.2 se muestran los espectros de absorción experimentales y los construidos a partir de los coeficientes de absorción de SQUAD (espectros teóricos) y las fracciones proporcionadas por MEDUSA a la concentración del sistema a valores de pH de 1.4599, 3.02182, 3.8392; que corresponden a 9.48×10^{-6} , 7.98 $\times 10^{-6}$ y 7.59 $\times 10^{-6}$ M. Concentraciones dadas por el efecto de dilución conforme el valor del pH se incrementaba.



Figura 3.5.4.2. Espectros de absorción construidos con los coeficientes de absorción de SQUAD (marcadores) y experimentales (línea solida) para algunos valores de pH

Los espectros teóricos son superponibles en la mayor zona de los espectros experimentales, lo que indica un buen ajuste. Se presenta una ligera desviación 510nm-530nm en el espectro de la zona más acida en el intervalo, caso semejante a la figura 3.4.3.b.1. El ajuste no mejoró notablemente a pesar del modelo de 3 equilibrios, lo cual no apoya la existencia del dimero.

El comportamiento de los espectros a concentración de 1x10⁻⁵ M bajo un modelo de tres equilibrios, parece no ser suficiente para que el ajuste de los espectros teóricos a los experimentales sea bueno, efecto dado por la precipitación o posiblemente por formación del dímero. Por ello, al disminuir la concentración a 2.5x10⁻⁶ M la fracción del dímero disminuye (figura 3.5.4.3) y el ajuste de los espectros teóricos contra los experimentales es bueno (figura 3.5.3.1).



Figura 3.5.4.3 Diagrama de distribución de las especies de Eosina Y como función del pH. Fracciones proporcionadas por el programa MEDUSA a la concentración 2.5x10⁻⁶ M

3.6 Valoraciones por espectroscopia de fluorescencia ácido-base

3.6.1 Longitud de excitación 300, 340, 490, 515, 240, 410 y 250 nm.

En el conjunto de figuras 3.6.1.1 se muestra la familia de espectros de emisión para la concentración de 7.5x10⁻⁸ M en una zona comprendida en general de 1.4<pH<4.5, en el conjunto de figuras 3.6.1.1 se muestra solo algunos valores de pH.

Cada espectro de emisión fluorescente tiene un máximo que varía entre 535 nm y 536 nm y comportamiento similar, la intensidad de fluorescencia (IF) se incrementa a medida con el valor del pH lo hace. Para las longitudes de excitación de 300, 340, y 410 nm la respuesta no tiene una buena definición, lo cual puede deberse a estas no son las adecuadas para poblar el estado electrónico excitado a comparación de las longitudes de 515 nm y 490 nm (máximos en espectros de absorción).

En los seis espectros de emisión fluorescente no se presenta algún punto isosbéstico, debido que la técnica es selectiva y es posible que únicamente se esté observando mayormente el decaimiento de energía de una sola especie, la cual parece ser EY²⁻ debido al par electrónico libre del fenol y la parte benzoica.

La solución inicial es incolora por la predominancia de la especie neutra H_2EY y conforme el valor del pH incrementa se va tornando ligeramente rosada y anaranjada difícil de percibir









Figura 3.6.1.1. Espectros de emisión fluorescente de [Eosina-Y]=7.5x10⁻⁸ M a diferentes valores de pH a longitud de excitación de: a)300 nm b) 340 nm c) 490nm d) 515 nm e) 240 nm f) 410 nm g) 250 nm

En la figura 3.6.1.2. se muestra los cambios de IF con respecto al pH a longitud de onda máxima de 540 nm del espectro de emisión fluorescente para la familia de espectros obtenidos.

Para cada λ_{Ex} se debería observar dos sigmoides. Sin embargo, no son fácilmente apreciables debido al bastante dilución de la concentración de Eosina-Y.











Figura 3.6.1.2. Intensidad de fluorescencia vs pH, en el intervalo general 1.4<pH<4.5 de: a/300 nm b) 340 nm c) 490nm d) 515 nm e) 240 nm f) 410 nm g) 250 nm **3.6.2 Longitud de emisión 540 nm.**

En el conjunto de figuras 3.6.2.1 se muestra la familia de espectros para la concentración de 7.5x10⁻⁸ M en una zona comprendida de 1.4336<pH<5.0353. En el conjunto de figuras 3.6.2.1 se muestra solo algunos valores de pH

El comportamiento excitación fluorescente es similar a los espectros de emisión fluorescente, la intensidad de fluorescencia (IF) se incrementa a medida con el valor del pH lo hace. En dicho espectro, se presentan 4 señales localizadas en las longitudes de onda de 250, 300, 340 nm con un máximo en 515 nm.

En los espectros de excitación fluorescente no se presenta ningún punto isosbéstico, debido que es posible que únicamente se esté observando el decaimiento de energía de una sola especie, cuya longitud de emisión de 540 nm es propia de ella, siendo esta EY²⁻.



Figura 3.6.2.1 Espectros de excitación fluorescente de [Eosina-Y]=7.5x10⁻⁸ M a diferentes valores de pH

En la figura 3.6.2.2 se muestra los cambios de IF con respecto al pH a dos longitudes de onda máxima del espectro de excitación fluorescente para la familia de espectros obtenidos.

Para las longitudes de onda de 515nm y 490 nm, se observa un mejor perfil de las dos sigmoides que se esperarían ver como en el caso de la concentración de $1x10^{-5}$ M, a comparación de las construidas a partir de los espectros de emisión. Se espera un pka en la zona más ácida entre 2.0-3.0 y otro entre 3.5-4.5.



Figura 3.6.2.2. Intensidad de fluorescencia vs pH a dos longitudes de onda, en el intervalo 1.4336<pH<5.0353

3.6.3 Determinación de valores de pka utilizando SQUAD

Con la información de la familia de espectros de emisión y excitación fluorescente y el programa computacional SQUAD para el refinamiento de las constantes de acidez, se calculan los valores de pKa.

El programa fue alimentado con por lo menos 30 espectros de emisión fluorescente o 38 espectros de excitación fluorescente, comprendidos entre el intervalo de pH de 1.4<pH<4.5 y 1.4336<pH<5.0353 respectivamente. Cada espectros de emisión y excitación fue divido entre mil para simular una respuesta de absorción. Se utilizó un modelo de dos equilibrios y se obtienen los valores de pKa representados en la tabla 3.6.3.1.

En la tabla 3.6.3.2, se muestra el promedio de al menos 4 repeticiones de cálculo de los valores de pKa usando espectros de excitación fluorescente ya que estos valores no

fueron concluyentes al realizar el contraste con los obtenidos por los espectros de absorción.

De acuerdo a las tablas antes mencionadas, el valor del pK_{a1} que ha entrado en controversia por cuestiones de precipitación a concentraciones elevadas, oscila entre 2.4 y 2.5 calculado a una concentración en la cual se aminora dicha problemática.

Espectro	λex/nm	Equilibrio	pK _{ai} ±\sigma*	σ_{reg}^{**}
	300		рК _{а1} = 2.496±0.026	0.0016
			pK _{a2} = 4.177±0.012	
	340		pK _{a1} = 2.263±0.085	0.0027
			pK _{a2} = 4.2666±0.0383	
	490		рК _{а1} = 2.541±0.016	0.0004
Emisión			pK _{a2} = 3.9386 ±0.008	
Fluorescente	515		рК _{а1} = 2.594 ±0.050	0.0009
		$H_2EY \leftrightarrows HEY^- + H^+$	pK _{a2} = 3.7767±0.0291	
	240		рК _{а1} = 2.429±0.021	0.0003
		$HEY \implies EY^{2-} + H^{2}$	pK _{a2} = 4.1244 ±0.01	
	410		рК _{а1} = 2.240 ±0.041	0.001
			pK _{a2} = 4.0803 ±0.018	
	250		рК _{а1} = 2.41±0.030	0.0005
			pK _{a2} = 4.074±0.014	
	λem/ nm			
Excitación	540		рК _{а1} = 2.473±0.007	0.0012
Fluorescente			pK _{a2} = 4.1047±0.0028	

Tabla 3.6.3.1. Valores de pKa obtenidos con SQUAD a partir de espectros de emisión y excitación fluorescente

* σ representa la desviación estándar de cada constante de equilibrio

** σ_{reg} representa la desviación estándar de la regresión

Tabla 3.6.3.2. Valores de pKa obtenidos con SQUAD en el intervalo de 210-525 nm

Espectros de	Equilibrio	pK _{ai} ±σ*
Excitación	$H_2EY \leftrightarrows HEY^- + H^+$	pK _{a1} = 2.483±0.014

fluorescente	$HEY^{-} \leftrightarrows EY^{2-} + H^{+}$	pK _{a2} = 4.011±0.081

* σ representa la desviación estándar de cada constante de equilibrio

3.6.4 Bondad del cálculo

En la figura 3.6.4.1 se muestran los espectros experimentales de emisión y excitación fluorescente, y los construidos con SQUAD (espectros teóricos) a partir de los valores de log β y las absortividades proporcionadas, siendo éstas multiplicadas por mil para regenerar los espectros de emisión o excitación.

En el caso de los espectros de excitación se realizó el ajuste con la experimentación relacionada con la tabla 3.6.3.1, con el fin de evaluar el modelo teórico.







Figura 3.6.4.1. Espectros de emisión fluorescente: a) 490 nm b) 515 nm c) 300 nm d) 340 nm e) 240 nm f) 410 nm g) 250 nm, y espectros de excitación fluorescente: h) 540 nm. Construidos con los datos de SQUAD (marcadores) y experimentales (línea solida) para algunos valores de pH

La mayor parte de los espectros teóricos a las λ_{Ex} son superponibles a los espectros experimentales, lo que indica un buen ajuste. En el caso de la λ_{Ex} de 340, 240 y 410 nm a pH más ácido, se presentan desviaciones en 530-550 nm, 500-520nm, 500-530, correspondientemente. Lo que pone en duda ambos pka de λ_{Ex} =340nm, el valor de pK_{a2} de λ_{Ex} =240 nm, y pk_{a1} de λ_{Ex} =410nm. En las mencionadas longitudes de excitación no hay una buena excitación como lo son las longitudes de onda de 515 nm y 490 nm. Para el resto de las λ_{Ex} , en general el ajuste es bueno.

3.6.5 Contraste de los valores de pKa obtenidos por UV-Visible y fluorescencia

En la tabla 3.6.5.1 se muestran los valores de la construcción de los intervalos de confianza al 95% de nivel de significancia de los 3 tipos de espectros utilizados.

Se realiza una comparación entre las medias de los valores de pKa obtenidos, analizando si hay intersección en los intervalos de confianza.

Tabla 3.6.5.1 Comparación de los intervalos de confianza (al 95% de nivel de significancia	a)
de los valores de pK _a obtenidos al ajustar diferentes conjuntos de espectros	

Espectros	λex/ nm	Int.conf. pKa1	Int.conf. pKa2
	300	2.444 <pka1<2.548< td=""><td>4.153 <pka2<4.201< td=""></pka2<4.201<></td></pka1<2.548<>	4.153 <pka2<4.201< td=""></pka2<4.201<>
	340	2.093 <pka1<2.433< td=""><td>4.190 <pka2<4.343< td=""></pka2<4.343<></td></pka1<2.433<>	4.190 <pka2<4.343< td=""></pka2<4.343<>
	490	2.509 <pka1<2.573< td=""><td>3.923 <pka2<3.955< td=""></pka2<3.955<></td></pka1<2.573<>	3.923 <pka2<3.955< td=""></pka2<3.955<>
Emisión	515	2.494 <pka1<2.694< td=""><td>3.719 <pka2<3.835< td=""></pka2<3.835<></td></pka1<2.694<>	3.719 <pka2<3.835< td=""></pka2<3.835<>
fluorescente	240	2.387 <pka1<2.471< td=""><td>4.104 <pka2<4.144< td=""></pka2<4.144<></td></pka1<2.471<>	4.104 <pka2<4.144< td=""></pka2<4.144<>
	410	2.158 <pka1<2.322< td=""><td>4.044 <pka2<4.116< td=""></pka2<4.116<></td></pka1<2.322<>	4.044 <pka2<4.116< td=""></pka2<4.116<>
	250	2.349 <pka1<2.469< td=""><td>4.046 <pka2<4.103< td=""></pka2<4.103<></td></pka1<2.469<>	4.046 <pka2<4.103< td=""></pka2<4.103<>
Excitación	λem=540 nm	2.455< pka2<2.511	3.848< pka2< 4.173
fluorescente			
Absorción		2.271 <pka2<2.531< td=""><td>3.641 <pka2<3.976< td=""></pka2<3.976<></td></pka2<2.531<>	3.641 <pka2<3.976< td=""></pka2<3.976<>

De acuerdo a la tabla 3.6.5.1, al realizar la comparación entre los valores de pKa obtenidos con el uso de los espectros de emisión contra los de excitación, son comparables ambos valores de pKa de la longitud de excitación de 490 nm, 250 nm y 300 nm, los cuales presentan un buen ajuste de los espectros teóricos con los experimentales (véase figura 3.6.4.1).

En general, el valor del pKa1 es comparable a cualquier longitud de excitación excepto a 410 nm, ésta longitud de excitación presenta una menor respuesta de emisión de acuerdo al siguiente orden de mayor a menor: 515 nm> 490nm>250nm>240nm>300nm>340nm > 410 nm. Como también presenta desviaciones en el ajuste del espectro de pH más ácido (figura 3.6.4.1.f) por lo que sus valores de pKa no son confiables. Los espectros de emisión a todas las longitudes de excitación se obtuvieron a pH=5.0 con abertura de rendija en excitación de 5.0 nm y de emisión de 18.0 nm para determinar el orden de respuesta de emisión.

En el caso del valor de pka2, es comparable a las longitudes de onda de excitación de 490 nm, 250 nm y 300 nm contemplando el ajuste de los espectros teóricos con los experimentales (véase figura 3.6.4.1).

De acuerdo a la tabla 3.6.5.1, al realizar la comparación entre los valores de pKa obtenidos con el uso de los espectros de emisión contra los de absorción, son comparables ambos valores de pKa de la longitud de excitación de 515 nm y 490 nm, los cuales presentan un buen ajuste en los espectros de los espectros teóricos a los experimentales (véase figura 3.6.4.1).

En general para cualquier longitud de excitación utilizada, el valor de pKa1 es equivalente pero de acuerdo al ajuste (figura 3.6.4.1) no son confiables los valores de pKa1 obtenidos con las longitudes de excitación de 340 nm y 410 nm, ambas no promueven una buena excitación. Y en el caso del pka2 solo hay comparación entre la longitud de excitación de 515 nm y 490 nm, éstas dan un respuesta de IF mayor.

Realizando la comparación entre los valores de pKa obtenidos por medio de los espectros de absorción y excitación a λ_{Em} = 540 nm son equivalentes.

Contemplando todo lo anterior, los valores de pKa obtenidos por los espectros de emisión a Λ_{Ex} =515 nm y 490 nm, y excitación a Λ_{Em} = 540 nm contra los obtenidos por espectros de absorción, son equivalentes. Sin embargo, la longitud de excitación de 490 nm presenta mejor contraste entre los valores de pKa calculados por los espectros de absorción y excitación, a pesar de que presente una menor respuesta a comparación de la longitud de excitación de 515 nm. Lo cual puede ser debido a las condiciones de barrido de la Λ_{Ex} =515 nm en la sección 3.3.2.

Al realizar el contraste del valor de pKa1 obtenidos con los obtenidos por los espectros de emisión a Λ_{Ex} =515 nm y 490 nm, y excitación a Λ_{Em} = 540 nm y absorción, con los de la tabla 1.2.1. No se presentan ninguna comparación, debido a la concentración elevada (mayor a 10⁻⁵) que utilizaron para determinarlos lo cual repercute que solamente se reporte un valor de pKa, por lo tanto los valores de pKa de la Eosina-Y dependen de la concentración.

Por otro lado, el valor de pKa2 reportado por Pierre Levillain (1985) es equivalente con la longitud de excitación de 515 nm y la de emisión de 540 nm, al igual que con los espectros de absorción. Caso similar al realizar el contraste con el pka2 de Batistela (2011).

Ahora bien, Batistela utiliza una concentración de 4.18x10⁻⁶ M para para evitar el efecto de precipitación de la lactona que es la responsable de la discrepancia del valor de pka1. Sin embargo, el valor de pKa1 que reporta no es confiable debido que no muestra si el valor se repite y si reproduce los espectros de absorción experimentales.
Si el problema es la concentración, la espectroscopia de fluorescencia es una alternativa para solucionar el problema debido a las bajas concentraciones que se pueden utilizar y por consiguiente determinar los valores de pKa. De acuerdo a la tabla 3.6.3.1, el valor del pKa1 que reporta Batistela no es comparable y no es reproducible. En dicha tabla, el valor de pKa1 calculado con los espectros de emisión y excitación ronda entre 2.4 y 2.5, el cual también es reproducible utilizando los espectros de absorción. De modo que el valor del pKa1 es más confiable y confirma los valores obtenidos con los espectros de absorción.

Capítulo 4 Conclusiones generales

Conclusión general

Se determinaron los valores de pKa de la Eosina-Y mediante una valoración ácido- base de BrØnsted continua seguida por espectroscopia UV-Visible y por fluorescencia para resolver la problemática del equilibrio de precipitación de la lactona quien provoca la discrepancia del valor del pka1.

La prueba de estabilidad de la especie neutra H_2EY , revela que la λ =240 nm es la más afectada principalmente en el proceso de precipitación de la lactona o una posible degradación, modificando tentativamente el intervalo de longitud de onda del espectro de absorción para la obtención de los valores de pKa de 370 nm a 605 nm.

Se determinó el intervalo de linealidad para la Eosina-Y para λ_{Ex} = 300 nm, 340 nm, 490 nm, 515 nm, 240 nm, 410 nm y 250 nm, y para la única λ_{Em} =540 nm que ronda de 5.8x10⁻⁸ M<[Eosina-Y]<1.0x10⁻⁷M. Como también el intervalo de linealidad construido con los espectros de absorción con valor de 5.66x10⁻⁶ M<[Eosina-Y]<3.0x10⁻⁵M. Proponiendo concentraciones de 7.5x10⁻⁸ M y 1x10⁻⁵ M respectivamente para la determinación de los valores de pKa.

En la determinación de los valores de pKa a partir de los espectros de absorción a concentración $1x10^{-5}$ M, dan como resultado pKa1= 3.355 ± 0.024 y pKa2= 3.859 ± 0.017 en el intervalo λ = 210-605 nm, y pKa1= 3.026 ± 0.020 y pKa2= 3.871 ± 0.010 en el intervalo λ = 370-605 nm. Resultando ser comparable el pka1 con el reportado por Pierre Levillain y Dubost. Sin embargo, el ajuste de los espectros teóricos con los experimentales no es bueno y el valor del pka1 no es confiable.

La determinación de los valores de pKa a partir de los espectros de absorción se realizó a concentración 2.5×10^{-6} M para disminuir el proceso de precipitación. Los valores son pKa1= 2.416 ± 0.047 y pKa2= 3.801 ± 0.027 en el intervalo λ = 210-605 nm, siendo

reproducibles y presentando un buen ajuste de los espectros teóricos con los experimentales.

La problemática de la elevada concentración para el cálculo del pka1 afectado por la precipitación de la lactona se resolvió por espectroscopia de fluorescencia, aprovechando la estructura de la molécula de Eosina-Y. El valor del pka1 utilizando los espectros de emisión y excitación, a diferentes longitudes de excitación y emisión ronda entre 2.4 y 2.5. Y se presenta equivalencia entre los valores de pKa obtenidos a partir de λ_{Ex} =490 y 515nm y excitación a λ_{Em} = 540 nm con los obtenidos con los espectros de absorción, considerando un 95% de nivel de significancia, los cuales presentan un mejor ajuste de los espectros teóricos con los experimentales.

La longitud de excitación de 490 nm presenta mejor contraste entre los valores de pKa calculados por los espectros de absorción y excitación. Lo cual la técnica de fluorescencia es apta para el cálculo de los valores de pKa de la Eosina-Y.

Siendo el valor del pKa una propiedad intrínseca. Los valores de las constantes de acidez para la Eosina-Y son alteradas, principalmente el valor del pKa1, por el uso de concentraciones diferentes.

Perspectivas

- Se sugiere obtener los espectros de fluorescencia a diferentes longitudes de onda (de excitación o emisión, según sea el caso) comenzando el ajuste del pH de modo descendente.
- Determinar la estabilidad de las especies de Eosina-Y utilizando una solución buffer la cual no presente interacciones con la molécula.
- Obtener el intervalo dinámico lineal mediante las CC a valor de pH= 6.0, el cual ajustara mejor las rendijas de emisión y excitación para la omisión de radiación parasita.
- Determinar los valores de las constantes de tautoremización de la lactona y el zwetterión utilizando una mezcla de etanol-agua al 90%.

Referencias

[1] Tratado de química orgánica. F. Klages. Tomo III. Campos especiales. Editorial reverte, s.a. Bercelona-Buenos aires-Mexico. 1968

[2] Efficacy of topical application of eosin compared with Zinc oxide paste and corticosteroid cream for diaper dermatitis. Arad A, Mimouni D. Ben-Amitai D. Zeharia A, Dermatology; 319-322 (1999).

[3] M. Majek, F. Filace, A.J. Von Wangelin. On the mechanism of photocatalytic reactions with eosin Y.Beilstein J. Org. Chem.10, 983-984 (2014).

[4] Protolytic equilibria of fluorescein Halo derivatives in aqueous-organic systems. N.O. Mchedlov-petrosyan, V.I. Kukhtik, and S.I. Egorova. Russian Journal of general chemistry, vol.76, No. 10, 1677-1687 (2006).

[5] V.R.Batistela, D. Silva Pellosi, F. Dutra de Souza, W. Ferreira da Costa, S.M. de Oliveira Santin, V.R. de Souza, W. Caetano, H.P.M. de Oliveira, I. S. Scarminio, N.Hioka. Spectrochimica Acta Part A. 79, 889-897 (2011).

[6]G. Trejo Córdova, M.T. Ramírez, A. Rojas-Hernández. Los Diagramas de Zonas de Predominio Aplicados al Análisis Químico. UAM-Iztapalapa. México. (1983).

[7] P. Levillain, D. Fompeydie. Determination of equilibrium constants by derivate spectrophotometry. Application to the pKas of Eosin. Paris, Francia. Anal. Chem. 2561-2563 (1985).

[8] A.J. Chavez, M.A Cruz, A. Rojas-Hernandez, F. Gonzales. Determinación de valores de pKa de la Eosina Y mediante espectroscopia de fluorescencia. UAM-Iztapalapa. México. (2017)

[9] Legget, Computational Methods for Determination of Formation constants. New York, Plenum Press (1985).

[10] T. Ueno T, Y. Urano, K. Setsukinai K, H. Takakusa , H. Kojima , K. Kikuchi , K. Ohkubo , S. Fukuzumi , T. Nagano. Rational principles for modulating fluorescence properties of fluorescein, Japan. 14079-14085 (2004).

[11] Eugene D. Olsen. Metodos opticos de analisis. Profesor de Quimica. Universidad de South Florida. Barcelona-Bogota (1990)

[12] T. Miura, Y. Urano, K. Tanaka, T. Nagano, K. Ohkubo, S. Fukuzumi. Rational Design Principle for Modulating Fluorescence Properties of Fluorescein-Based Probes by Photoinduced Electron Transfer. Japan. 8666-8671 (2003).

[13] J.R. Lacowicz. Principles of Fluorescence Spectroscopy. University of Maryland, School of Medicine. Baltimore. USA.(2006)

[14] J.M. Islas. Determinación de las constantes de acidez de compuestos piperídinicos de interés biológico. Universidad Autónoma Metropolitana Iztapalapa. 2007. 12-15.

[15] John E. Freund, Irwin Miller, Marylees Miller. Estadística matemática con aplicaciones. 6ª.ed. Pearson educación, México, 2000

